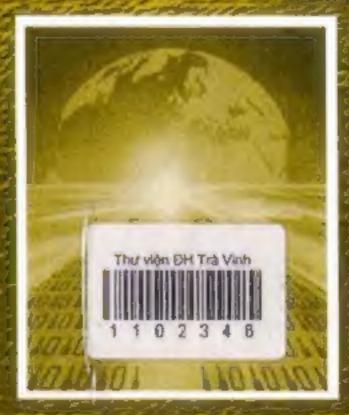


ĐẠI HỢC QUỐC GIÁ TP. HỔ CHÍ MINH TRƯƠNG ĐẠI HỌC CÔNG NGHỆ THỐNG TIN

GIÁO TRÌNH

CÂU TRUC DŨ LIÊU VÀ GIÁI THUÂT

Biển soạn: Trần Hạnh Nhi Dương Anh Đức





10

NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP HÓ CHÍ MINH

ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP. HỔ CHÍ MINH TRƯỜNG ĐẠI HỌC CÓNG NGHỆ THÔNG TIN

Giáo trình

CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT

Biến soạn: TRẨN HẠNH NHI DƯƠNG ANH ĐỰC

THƯ VIỆN
PHÒNG MƯỢN

NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA THÀNH PHỐ HỔ CHÍ MINH - 2010

LỜI NÓI ĐẦU

Giáo trình này là một trong các giáo trình chính yếu của chuyên ngành Công nghệ thông tìn. Giáo trình được xây dựng theo phương châm vừa đáp ứng yếu cẩu chuẩn mực của sách giáo khoa, vita có giá trị thực tiến, đồng thời tăng cường khả năng tự học, tự nghiên cứu của sinh viên. Trèn cơ sở đó, chúng tôi đã tham khảo nhiều tài liệu có giá trị của các tác giá trong và ngoài nước và đã sử dụng nhiều ví dụ lấy từ các ứng dụng thực tiến.

Giáo trình này được dùng kèm giáo trình điện từ trên đĩa CD trong đó có thêm phần trình bày của giang viên, các bài tập và phần đọc thêm nhằm đáp ứng tốt nhất cho việc tự học của sinh viên.

Chúng tôi rất mong nhận được các ý kiến đóng góp để giáo trình ngày càng hoàn thiện.

Nhóm biên soạn

CHƯƠNG 1

TổNG QUAN VỀ GIẢI THUẬT VÀ CẦU TRÚC DỮ LIỆU

Mục tiêu

- Giới thiệu vai trò của việc tổ chức dữ liệu trong một để án tin học.
- Mối quan hệ giữa giải thuật và cấu trúc dữ liệu,
- D' Các yêu cấu tổ chức cấu trúc dữ liệu
- Khái niệm kiểu dữ liệu_cấu trúc dữ liệu
- Tổng quan về đánh giá độ phức tạp giải thuật

I. VAI TRÒ CỦA CẦU TRÚC DỮ LIỆU TRONG MỘT ĐỂ ẨN TIN HỌC

• Thực hiện một để án tin học là chuyển bài toán thực tế thành bài toán có thể giải quyết trên máy tính. Một bài toán thực tế bất kỳ đều bao gồm các đối tượng dữ liệu và các yêu cấu xử lý trên những đối tượng đó. Vì thế, để xây dựng một mô hình tin học phản ánh được bài toán thực tế cấn chủ trọng đến hai vấn để:

Tổ chức biểu diễn các đối tượng thực tế

Các thành phần dữ liệu thực tế đa dạng, phong phú và thường chứa dựng những quan hệ nào đó với nhau, do đó trong mô hình tin học của bài toán, cần phải tổ chức, xây dựng các cấu trúc thích hợp nhất sao cho vừa có thể phản ánh chính xác các dữ liệu thực tế này, vừa có thể dễ dàng dùng máy tính để xử lý. Công việc này được gọi là xây dựng cấu trúc dữ liệu cho bài toán.

Xây dựng các thao tác xử lý dữ liệu

Từ những yếu cấu xử lý thực tế, cấn tìm ra các giải thuật tương ứng để xác định trình tự các thao tác máy tính phải thi hành để cho ra kết quá mong muốn, đây là bước xây dựng giải thuật cho bài toán.

Tuy nhiên khi giải quyết một bài toán trên máy tính, chúng ta thường có khuynh hưởng chỉ chủ trọng đến việc xây dựng giải thuật mà quên đi tấm quan trọng của việc tổ chức dữ liệu trong bài toán. Giải thuật phản ánh các phép xử lý, còn đổi tượng xử lý của giải thuật lại là dữ liệu, chính dữ liệu chứa đựng các thông tín cấn thiết để thực hiện giải thuật. Để xác định được giải thuật phù hợp cấn phải biết nó tác động đến loại dữ liệu nào (ví dụ để làm nhuyễn các hạt đậu, người ta dùng cách xay chứ không băm bằng dao, vì đậu sẽ văng ra ngoài) và khi chọn lựa cấu trúc dữ liệu cũng cấn phải hiểu rõ những thao tác nào sẽ tác động đến nó (ví dụ để biểu diễn các điểm số của sinh viên người ta dùng số thực thay vì chuỗi ký tự vì còn phải thực hiện thao tác tính trung bình từ những điểm số đó). Như vậy trong một để án tin học, giải thuật và cấu trúc dữ liệu có mỗi quan hệ chặt chẽ với nhau, được thể hiện qua công thức:

Cấu trúc dữ liệu + Giải thuật = Chương trình

Với một cấu trúc dữ liệu đã chọn, sẽ có những giải thuật tương ứng, phù hợp. Khi cấu trúc dữ liệu thay đổi, thường giải thuật cũng phải thay đổi theo để tránh việc xử lý gượng ép, thiếu tự nhiên trên một cấu trúc không phù hợp. Hơn nữa, một cấu trúc dữ liệu tốt sẽ giúp giải thuật xử lý trên đó có thể phát huy tác dụng tốt hơn, vừa đáp ứng nhanh vừa tiết kiệm vật tư, giải thuật cũng để hiểu và đơn giản hơn.

Ví dụ 1: Một chương trình quản lý điểm thi của sinh viên cần lưu trữ các điểm số của 3 sinh viên. Do mỗi sinh viên có 4 điểm số ứng với 4 môn học khác nhau nên dữ liệu có dạng bảng như sau:

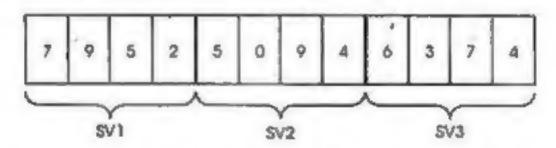
Sinh viên	Môn 1	Môn 2	Môn 3	Môn 4
SV 1	7	9	5	2
SV 2	5	0	9	4
SV 3	6	3	7	4

Chỉ xét thao tác xử lý là xuất điểm số các môn của từng sinh viên. Giả sử có các phương án tổ chức lưu trữ sau:

Phương án 1 : Sử dụng mảng một chiếu

Có tất cả 3(SV)*4(Môn) = 12 điểm số cần lưu trữ, do đó khai báo mảng result như sau :

khi đó trong mảng result các phần tử sẽ được lưu trữ như sau:



Và truy xuất điểm số mòn j của sinh viên i - là phần tử tại (đòng i, cột j) trong bằng - phải sử dụng một công thức xác định chỉ số tương ứng trong mảng result:

bằngđiểm(dòng i, cột j) ⇒ result[((i-1)*số cột) + j]

Ngược lại, với một phần tử bất kỳ trong mảng, muốn biết đó là điểm số của sinh viên nào, môn gì, phải dùng công thức xác định sau

```
result[i] ⇒ bảngđiểm (dòng((i/số cột)+1), cột (i% số cột))
```

Với phương án này, thao tác xử lý được cài đặt như sau :

```
void XuatDiem() //Xuat diem so cua ta(ca sinh vien
{
  const int so_mon = 4;
  int sv,mon;
  for (int i=0; i<12; i+)
  {
    sv = i/so_mon; mon = i % so_mon;
    printf("Diem mon %d cua sv %d la: %d", mon, sv,
        result[i]);
}</pre>
```

Phương án 2 : Sử dụng mảng 2 chiều

Khai báo mảng 2 chiếu result có kích thước 3 dòng 4 cột như sau :

```
int result[3][4] =[{ 7, 9, 5, 2}, [5, 0, 9, 4), [6, 3, 7, 4]];
```

khi đó trong mảng result các phần từ sẽ được lưu trữ như sau :

	Cột 0	Cột 1	Cột 2	Cột 3
Dòng 0	result[0][0] =7	result[0][1] =9	result[0][2] =5	result[0][3] =2
Dòng 1	result[1][0] =5	result[1][1] =0	result[1][2] =9	result[1][3] =4
			result[2][2] =7	

Và truy xuất điểm số môn j của sinh viên i - là phần tử tại (dòng i, cột j) trong bảng - cũng chính là phần tử nằm ở vị trí (dòng i, cột j) trong mảng

```
bảngđiểm(dòng i,cột j) ⇒ result[1][j]
```

Với phương án này, thao tác xử lý được cài đặt như sau :

🖎 NHẬN XÉT

Có thể thấy rõ phương án 2 cung cấp một cấu trúc lưu trữ phù hợp với dữ liệu thực tế hơn phương án 1, và do vậy giải thuật xử lý trên cấu truc dữ liệu của phương án 2 cũng đơn giản, tự nhiên hơn.

II. CÁC TIỀU CHUẨN ĐÁNH GIÁ CẦU TRỰC ĐỮ LIỆU

Do tâm quan trọng đã được trình bày trong phần 11, nhất thiết phải chủ trọng đền việc lựa chọn một phương án tổ chức dữ liệu thích hợp cho để án. Một cấu trúc dữ liệu tốt phải thỏa mân các tiêu chuẩn sau:

* Phân ánh đưng thực tế · Đây là tiêu chuẩn quan trọng nhất, quyết định tính đúng dấn của toàn bộ bài toán. Cấn xem xét kỹ lưỡng cũng như dự trù các trạng thái biến đổi của dữ liệu trong chu trình sống để có thể chọn cấu trúc dữ liệu lư trữ

Ví du Một số tình hưởng chọn cấu trúc lưu trữ sai .

- Chọn một biến số nguyên int để hái trữ tiến thưởng bán hàng (được tinh theo công thức tiến thưởng bán hàng = trị giá hàng * 5%), do vậy sẽ làm tròn mọi giá trị tiến thưởng gây thiệt hại cho nhân viên bán hàng. Trường hợp này phai sử dụng biến số thực để phản ánh đúng kết quả của công thức tính thực tế.
- Trong trường trung học, mỗi lớp có thể nhận tối đã 28 học sinh Lớp hiện có 20 học sinh, mỗi tháng mỗi học sinh đóng học phí \$10. Chọn một biến số nguyên unaigned char (khả năng lưu trữ 0 255) để lưu trữ tổng học phí của lớp học trong tháng, nếu xảy ra trường hợp có thêm 6 học sinh được nhận vào lớp th) giá trị tổng học phí thu được là \$260, vượt khỏi khả năng lưu trữ của biến đã chọn, gây ra tình trạng tràn, sai lệch.
- * Phu hợp với các thao tác trên đó Tiêu chuẩn này giúp tăng tính hiệu quả của để án: việc phát triển các thuật toán đơn giản, tự nhiên hơn; chương trình đạt hiệu quả cao hơn về tôc độ xử lý

Ví dụ: Một tinh hưởng chọn cấu truc lưu trở không phù hợp

Cần xây dựng một chương trình soan thảo văn bản, các thao tác xử lý thường xây ra là chèn, xoá sửa các ký tự trên văn bản Trong thời gian xử lý văn bản, nếu chọn cấu trúc lưu trừ văn bản trực tiếp lên tập tin thì sẽ gây khó khăn khi xây dựng các giải thuật cập nhật văn bản và làm chậm tốc độ xử lý của chương trình vì phải làm việc trên bộ nhớ ngoài. Trường hợp này nên tim một cấu trúc dữ liệu có thể tổ chức ở bộ nhớ trong để lưu trừ văn bản suốt thời gian soạn thảo.

LUU Ý

- Đời với mỗi ứng dụng , cấn chủ ý đến thao tác nào được sử dụng nhiều nhất để lựa chọn cấu trúc đữ liệu cho thích hợp.
- Tiết kiệm tài nguyên hệ thống Câu trúc dữ liệu chỉ nên sử dụng tài nguyên hệ thống vữa đỏ để đảm nhiệm được chức năng của nó. Thông thường có 2 loại tài nguyên cần lưu tâm nhất: CPU và bộ nhỏ. Tiêu chuẩn này nên cần nhắc tùy vào tình hưống cụ thể khi thực hiện để án. Nếu tổ chức sử dụng để án cần có những xử lý nhanh thì khi chọn cấu trúc dữ liệu yếu tổ tiết kiệm thời gian xử lý phải đặt nặng hơn tiêu chuẩn sử dụng tối ưu bộ nhỏ, và ngược lại.

Ví dụ: Một số tình hưởng chọn cấu trúc lưu trữ lãng phi

- Sử dụng biến int (2 bytes) để lưu trữ một giá trị cho biết tháng hiện hành Biết rằng tháng chỉ có thể nhận các giá trị từ 1 12, nên chỉ cấn sư dụng kiểu char (1 byte) là đủ
- Để lưu trừ danh sách học viên trong một lớp, sử dụng máng 50 phần tử (giới hạn số học viên trong lớp tối đã là 50) Nêu số lượng học viên thật sự ít hơn 50, thì gây lãng phí Trường hợp này cần có một cấu trúc dữ liệu linh động hơn máng ví du xâu liên kết - sẽ được bàn đến trong các chương sau

ni, kiểu dữ liệu

Máy tính thực sự chỉ có thể lưu trữ dữ liệu ở dạng nhị phân thô sơ. Nếu muốn phản ánh được dữ liệu thực tế đa dạng và phong phú, cần phải xây dựng những phép ánh xạ, những qui tắc tổ chức phức tạp che lên tắng dữ liệu thỏ, nhằm dưa ra những khái niệm logic về hình thức lưu trữ khác nhau thường được gọi là kiểu dữ liệu. Như đã phân tích ở phần 1 1, giữa hình thức lưu trữ dữ liệu và các thao tác xử lý trên đó có quan hệ mật thiết với nhau. Từ đố có thể đưa ra một định nghĩa cho kiểu dữ liệu như sau:

Dịnh nghĩa kiểu đữ liệu

Kiểu dữ hệu T được xác định bởi một bộ «V,O», với ?

- V : tập các giá trị hợp lệ mà một đối tượng kiểu T có thể lưu trở
- O: tập các thao tác xử lý có thể thi hành trên đối tượng kiểu T.

Ví du. Giả sử có kiểu dữ liệu **mẫu tự** = $\langle V_c, O_c \rangle$ với

 $V_c = (a-z,A-Z)$

O_c = { lây mà ASCII của ký tự, biến đổi ký tự thường thành ký tư hoa. }

Giả sử có kiểu dữ liệu số nguyên = «Vì ,Oi» với

 $V_1 = \{-32768..32767\}$ $O_i = \{+, -, *, /, %_1\}$

Như vậy, muốn sử dụng một kiểu dữ hệu cần nắm vững cả nôi

dung dữ liệu được phép lưu trữ và các xử lý tác động trên đó.

Các thuộc tính của 1 KDL bao gồm:

- Tèn KDL
- Miền giá trị
- Kich thước lưu trữ
- Tập các toán tử tác động lên KDL

2. Các kiểu dữ liệu cơ bản

Các loại dữ liệu cơ bản thường là các loại dữ liệu đơn gián, không có cấu trúc Chúng thường là các giá trị vô hưởng như các số nguyên, số thực, các ký tự, các giá trị logic. Các loại dữ liệu này, do tính thông dụng và đơn giản của mình, thường được các ngôn ngữ lập trình (NNLT) cấp cao xây dựng sắn như một thành phần của ngôn ngữ để giảm nhọ công việc cho người lập trình Chính vì vậy đội khi người ta còn gọi chung là các kiểu dữ liệu định sắn.

Thông thường, các kiểu đữ liệu cơ bản bao gồm .

- Kiểu có thứ tự rời rạc: số nguyên, ký tự, logic, liệt
 kê, miền con ...
- · Kiểu không rời rạc: số thực

Tùy ngôn ngữ lập trình, các kiểu dữ hệu định nghĩa sắn có thể khác nhau đôi chút. Với ngôn ngữ C, các kiểu dữ hệu này chỉ gốm số nguyên, số thực, ký tự. Và theo quan điểm của C, kiểu ký tự thực chất cùng là kiểu số nguyên về mặt lưu trữ, chỉ khác về cách sử dụng Ngoài ra, giá trị logic ĐUNG (TRUE) và giá trị logic SAI

(FALSE) được biểu diễn trong C như là các giá trị nguyên khác zero và zero. Trong khi đó PASCAL định nghĩa tất cả các kiểu dữ liệu cơ sở đã liệt kẽ ở trên và phân biệt chúng một cách chật chế. Trong giới hạn giáo trình này, ngôn ngữ chính dùng để minh họa sẽ là C.

Các kiểu dữ liệu định sắn trong C gồm các kiểu sau:

Tên kiểu	Kthước	Miển giá trị	Ghi chú
Char	01 byte	-128 đèn 127	Có thể dùng như số nguyên 1 byte có dấu hoặc kiểu ký tự
unsign char	01 byte	0. dén 255	Số nguyên 1 byte không dấu
int	02 byte	-32738 đến 32767	
unsign int	02 byte	0 đến 65335	Có thể gọi tố 15
			unsign
long	04 byte	-232 đến 251 -1	
unsign long	04 byte	0 đến 2 ³² -1	
float	04 byte	3 4E-38 3 4E38	Giới hạn chỉ trị tuyệt đối. Các giá trị <3 4E- 38 được coi = 0. Tuy nhiên kiểu float chỉ có 7 chữ số có nghĩa.
double	08 byte	1 7E-308 1 7E308	
long double	10 byte	3 4E 4932 1 1E4932	

Một số diễu đáng lưu ý đối với các kiểu dữ liệu cơ bản trong C là kiểu ký tự (char) có thể dùng theo hai cách (số nguyên 1 byte hoặc ký tự). Ngoài ra C không định nghĩa kiểu logic (boolean) mà nó đơn giản đồng nhất một giá trị nguyên khác 0 với giá trị TRUE và giá trị 0 với giá trị FALSE khi có như cấu xét các giá trị logic. Như vậy, trong C xét cho cùng chỉ có 2 loại dữ liệu cơ bản là số nguyên và số thực; tức là chỉ có dữ liệu số. Hơn nữa các số nguyên trong C có thể được thể hiện trong 3 hệ cơ số là hệ thập phân, hệ thập lục phân và hệ bất phân. Nhờ những quan điểm trên, C rất được những người lập trình chuyên nghiệp thích dùng.

Các kiểu cơ sở rất đơn giản và không thể hiện rõ sự tổ chức dữ liệu trong một cấu trúc, thường chỉ được sử dụng làm nên để xây dựng các kiểu dữ liệu phức tạp khác.

3. Các kiểu dữ liệu có cấu trúc

Tuy nhiên trong nhiều trường hợp, chỉ với các kiểu dữ liệu cơ sở không đủ để phản ánh tự nhiên và đẩy đủ bản chất của sự vật thực tế, đấn đền nhu cấu phải xây dựng các kiểu dữ liệu mới dựa trên việc tổ chức, liên kết các thành phần dữ liệu có kiểu dữ liệu đã được định nghĩa. Những kiểu dữ liệu được xây dựng như thế gọi là kiểu dữ liệu có cấu truc. Đa số các ngôn ngữ lập trình đều cài đặt sắn một số kiểu có cấu trúc cơ bản như mảng, chuỗi, tập tin, bản ghi và cũng cấp cơ chế cho lập trình viên tự định nghĩa kiểu dữ liệu mới.

Ví dụ. Để mô tả một đối tượng sinh viên, cấn quan tâm đến các thông tin sau.

Mā sinh viên: chuỗi ký tư
 Tên sinh viên: chuỗi ký tư

Ngày sinh: kiếu ngày tháng

Nơi sinh: chuỗi ký tự
 Điểm thi: số nguyên

Các kiểu dữ liệu cơ sở cho phép mò tả một số thông tin như:

```
int Diemthi:
```

Các thông tin khác đòi hỏi phải sử dụng các kiểu có cấu trúc như :

```
char masv[15];
char tensv[15];
char noisinh[15];
```

Để thể hiện thông tin về ngày tháng năm sinh cần phải xây dựng một kiểu bản ghi,

```
typedef struct tagDate(
   char ngay;
   char thang;
   char thang;
!Date:
```

Cuối cung, ta có thể xây dựng kiểu dữ liệu thể hiện thông tin về một sinh viên :

```
typedef struct tagSinhVien{
   char masv[15];
   char tensv[15];
   char noisinh[15];
   int Diem thi;
}SinhVien;
```

Giá sử đã có cấu trúc phù hợp để lưu trữ một sinh viên, nhưng thực tế lại cấn quản lý nhiều sinh viên, lúc đó này sinh nhu cấu xây dựng kiểu dữ Lệu mới. Mục tiêu của việc nghiên cứu cấu trúc dữ liệu chính là tìm những phương cách thích hợp để tổ chức, liên kết dữ liệu, hình thành các kiểu dữ liệu có cấu trúc từ những kiểu dữ liệu đã được định nghĩa

4. Một số kiểu dữ liệu có cấu trúc cơ bản

a. Kiểu chuỗi ký tự

Chuỗi kỳ tự là một trong các kiểu đữ liệu có cấu trúc đơn giản nhất và thường các ngôn ngữ lập trình đều định nghĩa nó như một

kiểu cơ bản. Do tính thông dụng của kiểu chuỗi ký tự các ngôn ngữ lập trình luôn cung cấp sắn một bộ các hàm thư viện các xử lý trên kiểu dữ liệu này. Đặc biệt trong C thư viện các hàm xử lý chuỗi ký tự rất đa dang và phong phú. Các hàm này được đặt trong thư viện string.lib của C.

Chuỗi ký tự trong C được cấu trúc như một chuỗi liên tiếp các ký tự kết thúc bảng ký tự có mã ASCII bằng 0 (NULL character). Như vậy, giới hạn chiều dài của một chuỗi ký tự trong C là 1 Segment (tối đa chứa 65335 ký tự), ký tự đầu tiên được đánh số là ký tự thứ 0.

Ta có thể khai bảo một chuốt ký từ theo một số cách sau đây:

char S(10); // Khai báo một chuỗi kỹ tự S có chiều dài
// tối đã 10 (kể cả ki tự kết thực)
char S()="ABC",// Khai báo một chuỗi kỹ tự S có chiều
// đài bằng chiều đài của chuỗi "ABC"
// và giá tṛi khởi đầu của \$ là "ABC"
char *S ="ABC",// Giống cách khai báo trên.

Trong ví dụ trên ta cũng thấy được một hằng chuỗi ký tự được thể hiện bằng một chuỗi ký tự đặt trong cặp ngoặc kép **,

Các thao tác trên chuỗi ký tự rất đa dạng. Sau đây là một số thao tác thông dụng:

•	So sanh 2 chuỗi	stremp
•	Sao chép 2 chuỗi:	strepy
•	Kiểm tra 1 chuối nằm trong chuỗi kia:	strstr
٠	Cất 1 từ ra khỏi 1 chuỗi:	strtok
•	Đổi 1 số ra chuỗi:	itoa

Đối 1 chuỗi ra số:

Đổi 1 hay t số giá trị ra chuỗi:

Nhập một chuốn:

Xuất một chuỗi:

atol, atof, ... sprintf gets puts

b. Kiểu mộng

Kiểu dữ liệu mảng là kiểu dữ liệu trong đó mỗi phần tử của nó là một tập hợp có thứ tự các giá trị có cùng cấu trúc được lưu trữ liên tiếp nhau trong bộ nhớ. Mảng có thể một chiếu hay nhiều chiếu. Một dây số chính là hình tượng của mảng 1 chiếu, ma trận là hình tượng của mảng 2 chiếu.

Một điều đáng lưu ý là máng 2 chiếu có thể co: là mảng một chiều trong đó mỗi phần tử của nó là 1 máng một chiều. Tương tự như vậy, một máng n chiều có thể co: là mảng 1 chiều trong đó mỗi phần tử là 1 máng n-1 chiều.

Hình tượng này được thể hiện rất rõ trong cách khai báo của C.

Mảng 1 chiều được khai báo như sau

<Kiểu đữ liệu> <Tên biến>(<Số phần tử>);

Ví dụ: Để khai báo một biến có tên a là một mang nguyên 1 chiếu có tối da 100 phần tư ta phải khai báo như sau

int a[100];

Ta cũng có thể vừa khai báo vưa gán giá trị khởi động cho một mông như sau:

int
$$a[5] = \{1, 7, -3, 8, 19\};$$

Trong trường hợp này C cho phép ta khai báo một cách tiện lợi hơn

int
$$a() = (1, 7, -3, 8, 19);$$

Như ta thấy, ta không cấn chỉ ra số lượng phần từ cụ thể trong khai báo. Trình biên dịch của C sẽ tự động làm việc này cho chúng ta.

Tương tư, tạ có thể khai báo một máng 2 chiều hay nhiều chiều theo củ pháp sau:

<Kiểu đữ liệu> <Tên biến>[<Số phần từ1>](<Số phần từ2>]...;

Ví dụ, ta có thể khai báo:

(mång a sè có kích thước là 3x5).

Các thao tác trên mảng 1 chiếu sẽ được xem xét kỹ trong chương 2 của giáo trình này

c. Kiểu mậu tin (cấu trúc)

Nếu kiểu dữ liêu mảng là kiểu dữ liệu trong đó mỗi phần tử của nó là một tập hợp có thứ tự các giá trị có cùng câu trúc được lưu trữ hên tiếp nhau trong bộ nhớ thi mấu tin là kiểu dữ h**ệu mà** trong đó mỗi phần tử của nó là tập hợp các giá trị có thể khác cấu trúc Kiểu mấu tin cho phép chúng ta mô tả các đối tượng có cấu trúc phức tạp

Khai báo tổng quát của kiểu struct như sau:

```
typedef struct < ch kiểu struct > !

<KDL> < ch trường>;

<KDL> < ch trường>;

| [<Name>];
```

Ví dụ: Để mô tả các thông tin về một con người, ta có thể khai báo một kiểu dữ liệu như sau.

```
char NoTen(35);
int NamSinh;
char NoiSinh(40);
char GioiTinh; //O: Nữ, I: Nam
char DiaChi(50);
char Ttgd; //O:Không có gia đình, I· Có gia đình
[Nguoi;
```

Kiểu mẫu tin bố sung những thiệu sốt của kiểu mảng, giúp ta có khả năng thể hiện các đối tượng đa dạng của thể giới thực vào trong máy tính một cách dễ dàng và chính xác hơn.

c. Kiểu union

Kiểu union là một dang cấu trúc dữ liệu đặc biệt của ngôn ngữ C. Nó rất giống với kiểu struct. Chỉ khác một điều, trong kiểu union, các trường được phép dùng chung một vùng nhớ Hay nói cách khác, cùng một vùng nhớ tạ có thể truy xuất đười các dạng khác nhau.

Khai báo tổng quát của kiểu union như sau:

Ví dụ, ta có thể định nghĩa kiểu số sau:

```
typedef union tagNumber(
   int i;
   long l;
(Number)
```

Việc truy xuất đến một trường trong union được thực hiện hoàn toàn giông như trong struct. Giả sử có biến n kiểu Number. Khi đó, n i cho ta một số kiểu int còn ni cho ta một số kiểu long, nhưng cả hai đều dùng chung một vung nhớ. Vì vậy, khi ta gắn

```
n.1 = 0xfd03;
```

thi giá trị của n.i cũng bị thay đối (n.i sẽ bằng 3);

Việc dùng kiểu union rất có lợi khi cấn khai báo các CTDL mà nội dung của nó thay đổi tùy trạng thái. Ví dụ để mô tả các thông tin về một con người ta có thể khai báo một kiểu đữ liệu như sau:

```
struct tagNguo1
(
    char HoTen[35];
```

```
int NamSinh;
char NoiSinh[40];
char GioiTinh; #0: Not, i Nam
char DiaChi(50);
char Tigd, #0: Không có gia dình, i: Cổ gia đình
union {
    char tenVo[35];
    char tenChong[35];
}
```

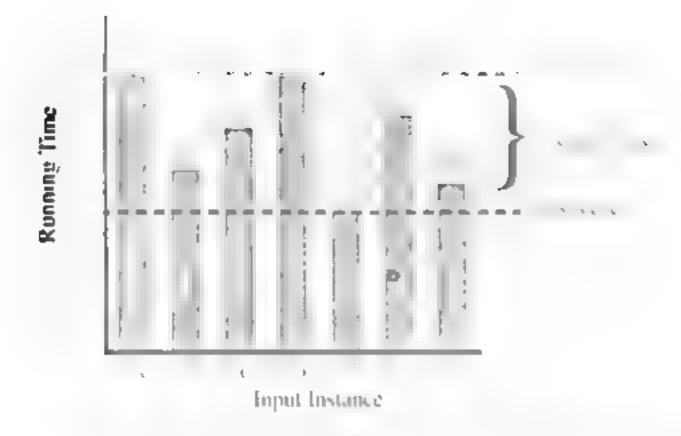
Tuy theo người mà ta dang xét là năm hay nữ ta sẽ truy xuất thông tin qua trường có tên tenVo hay tenChong.

IV. ĐÁNH GIÁ ĐỘ PHỰC TẠP GIẢI THUẬT

Hấu hết các bài toán đều có nhiều thuật toán khác nhau để giải quyết chung. Như vậy, làm thẻ nào để chọn được sự cài đặt tôt nhát? Đây là một lĩnh vực được phát triển tốt trong nghiên cứu về khoa học máy tính Chúng ta sẽ thường xuyên có cơ hội tiếp xúc với các kết quả nghiên cứu mô tả các tính năng của các thuật toán cơ bản Tuy nhiên, việc so sánh các thuật toán rất cấn thiết và chấc chấn rằng một vài dòng hướng dẫn tổng quát về phân tích thuật toán sẽ rất hữu dụng

Khi noi đến hiệu qua của một thuật toán, người ta thường quan tâm đến chi phí cần dùng để thực hiện nó. Chi phí này thể hiện qua việc sử dụng tài nguyên như bộ nhỏ, thời gian sử dụng CPU,

Ta có thể danh giá thuật toàn bằng phương pháp thực nghiệm thông qua việc cài đặt thuật toán rối chọn các bộ đữ liệu thư nghiệm. Thông kẻ các thông số nhận được khi chạy các đữ liệu này ta sẽ có một đánh giá về thuật toán.



Tuy nhiên, phương pháp thực nghiệm có một số nhược điểm sau khiến cho nó khổ có khả năng áp dụng trên thực tế

- Do phải cài đất bảng một ngôn ngữ lập trình cụ thể nên thuật toán số chịu sự hạn chế của ngữ lập trình này
- Đồng thời, hiệu quả của thuật toán sẽ bị ảnh hưởng bởi trình độ của người cái đặt.
- Việc chọn được các bộ dữ liệu thử đặc trưng cho tất cả tập các dữ liệu vào của thuật toán là rất khó khán và tốn nhiều chi phí
- Các số liệu thu nhận được phụ thuộc nhiều vào phần cứng mà thuật toán được thủ nghiệm trên đó. Điều này khiến cho

việc so sánh các thuật toán khó khân nếu chúng được thử nghiệm ở những nơi khác nhau.

Vì những lý do trên, người ta đã tìm kiếm những phương pháp đánh giá thuật toán hình thức hơn, ít phụ thuộc môi trường cũng như phần cũng hơn. Một phương pháp như vậy là phương pháp đánh giá thuật toán theo hướng xáp xỉ tiệm cận qua các khái niệm toán học O-lớn O(), O-nhỏ o(), $\Omega()$, $\Xi()$.

Thông thường các vấn để mà chung ta giải quyết có một "kích thước" tự nhiên (thường là số lượng dữ liệu được xử lý) mà chúng ta sẽ gọi là N. Chúng ta muốn mô tả tài nguyên cấn được dùng (thông thường nhất là thời gian cần thiết để giải quyết vấn để) như một hàm số theo N. Chúng ta quan tâm đến trường hợp trung bình, tức là thời gian cần thiết để xử lý dữ liệu nhập thông thường, và công quan tâm đến trường hợp xấu nhất, tương ứng với thời gian cần thiết khi dữ liệu rơi vào trường hợp xấu nhất có thể có.

Việc xác định chi phí trong trường hợp trung bình thường được quan tâm nhiều nhất vi nó đại diện cho đã số trường hợp sử dụng thuật toán Tuy nhiên, việc xác định chi phí trung bình này lại gặp nhiều khô khân. Vì vậy, trong nhiều trường hợp, người ta xác định chi phí trong trường hợp xáu nhất (chặn trên) thay cho việc xác định chi phí trong trường hợp trung bình. Hơn nữa, trong một số bài toán việc xác định chi phí trong trường hợp xấu nhất là rất quan trọng. Ví dụ, các bài toán trong hàng không, phầu thuật,

Các bước phân tích thuật toán

Bước đầu tiên trong việc phân tích một thuật toán là xác định

đặc trưng dữ liệu sẽ được dùng làm dữ liệu nhập của thuật toán và quyết định phân tích nào là thích hợp. Về mặt lý tưởng, chúng ta muốn rằng với một phân bố tùy ý được cho của dữ liệu nhập, sẽ có sự phân bố tương ứng về thời gian hoạt động của thuật toán. Chúng ta không thể đạt tới điều lý tưởng này cho bất kỳ một thuật toán không tấm thường nào, vì vậy chúng ta chỉ quan tâm đến bao của thông kẽ về tính năng của thuật toán bằng cách cố gáng chứng minh thời gian chạy luôn luôn nhỏ hơn một "chận trên" bất chấp dữ liệu nhập như thế nào và cố gáng tinh được thời gian chạy trung bình cho dữ liệu nhập "ngầu nhiên"

Bước thử hai trong phân tích một thuật toán là nhận ra các thao tác trừu tượng của thuật toán để tách biệt sự phân tích với sự cài đặt. Ví dụ, chung ta tách biệt sự nghiên cứu có bao nhiều phép so sánh trong một thuật toán sấp xếp khỏi sự xác định cần bao nhiều micro giây trên một máy tính cụ thế, yếu tố thứ nhất được xác định bởi tính chất của thuật toán, yếu tố thử hai lại được xác định bởi tính chất của máy tính. Sự tách biệt này cho phép chúng ta so sánh các thuật toán một cách độc lập với sự cái đặt cụ thể hay độc lập với một máy tính cụ thế

Bước thứ ba trong quá trình phân tích thuật toán là sự phân tích về mặt toán học, với mục dích tìm ra các giá trị trung bình và trường hợp xấu nhất cho mỗi dại lượng cơ bản. Chúng ta sẽ không gặp khó khân khi tìm một chận trên cho thời gian chạy chương trình, vấn để ở chỗ là phải tìm ra chận trên tốt nhất, tức là thời gian chạy chương trình khi gặp dữ liệu nhập của trường hợp xấu nhất. Trường hợp trung bình thông thường đòi hỏi một phân tích toán học tình vi hơn trường hợp xấu nhất. Mỗi khi đã hoàn thành một quá trình phân tích thuật toán dựa vào các đại lượng cơ bản, nếu thời gian kết hợp với mỗi đại lượng được xác định rỗ thì ta sẽ có các biểu thức để tính thời gian chạy

Nói chung, tính năng của một thuật toán thường có thể được phân tích ở một mức độ võ cũng chính xác, chỉ bị giới hạn bởi tính năng không chắc chấn của máy tinh hay bởi sự khó khân trong việc xác định các tính chất toán học của một vài đại lượng trừu tượng. Tuy nhiên, thay vi phân tích một cách chi tiết chúng ta thường thích ước lượng để tránh sa vào chi tiết.

2. Sự phân lớp các thuật toán

Như đã được chủ ý trong ở trên, hầu hết các thuật toán đều có một tham số chính là N, thông thường đó là số lượng các phần tử dữ liệu được xử lý mà ảnh hưởng rất nhiều tới thời gian chạy. Tham số N có thể là bậc của một đã thức, kích thước của một tập tin được sấp xếp hay tìm kiếm, số nút trong một đổ thị .v.v... Hầu hết tất cả các thuật toán trong giáo trình này có thời gian chạy tiệm cận tới một trong các hàm sau:

- Hảng số: Hấu hết các chỉ thị của các chương trình đều được thực hiện một lần hay nhiều nhất chỉ một vài lần. Nếu tất cả các chỉ thị của cùng một chương trình có tính chất này thì chúng ta sẽ nói rằng thời gian chạy của nó là hằng số. Điều này hiển nhiên là hoàn cảnh phần đấu để đạt được trong việc thiết kế thuật toán.
- 2 logN. Khi thời gian chạy của chương trình là logarit tức là thời gian chạy chương trình tiến chặm khi N lớn dấn. Thời gian chạy thuộc loại này xuất hiện trong các chương trình mà giải một bài toán lớn bằng cách chuyển nó thành một bài toán nhỏ hơn, bằng cách cất bỏ kích thước bớt một hằng số nào đó. Với mục đích của chung ta, thời gian chạy có được xem như nhỏ hơn một hằng số "lớn". Cơ số của logarit làm thay đổi hằng số

đó nhưng không nhiều: khi N là một ngàn thì logN là 3 nếu cơ số là 10, là 10 nếu cơ số là 2, khi N là một triệu, logN được nhân gấp đôi. Bất cử khi nào N được nhân đôi, logN tăng lên thêm một hàng số, nhưng logN không bị nhân gấp đôi khi N tăng tới N².

- N. Khi thời gian chạy của một chương trình là tuyến tính, nói chung dây trường hợp mà một số lượng nhỏ các xử lý được làm cho mỗi phần tử dữ liệu nhập. Khi N là một triệu thi thời gian chạy cũng cỡ như vậy Khi N được nhân gấp đôi thị thời gian chạy cũng được nhân gấp đôi. Đây là tình hưởng tối ưu cho một thuật toán mà phải xử lý N đữ liệu nhập (hay sản sinh ra N dữ liệu xuất).
- 4. NlogN. Đây là thời gian chạy tăng dần lên cho các thuật toán mà giải một bài toán bằng cách tách nó thành các bài toán con nhỏ hơn, kế đên giải quyết chúng một cách độc lập và sau đó tổ hợp các lời giải Bởi vì thiếu một tính từ tôt hơn (có lẽ là "tuyến tính logarit"?), chúng tu nói rằng thời gian chạy của thuật toán như thế là "NlogN". Khi N là một triệu. NlogN có lẽ khoảng hai mươi triệu Khi N được nhân gắp đôi, thời gian chạy bị nhân lên nhiều hơn gấp đội (nhưng không nhiều lãm).
- 5. Nº. Khi thời gian chạy của một thuật toán là bậc hai, trường hợp này chỉ có ý nghĩa thực tế cho các bài toán tương đối nhỏ. Thời gian bình phương thường tăng dẫn lên trong các thuật toán mà xử lý tất cả các cặp phần tử dữ liệu (có thể là hai vòng lặp lồng nhau). Khi N là một ngàn thì thời gian chay là một triệu Khi N được nhân đôi thì thời gian chạy tăng lên gấp bốn lần.

- 6. N³:Tương tự, một thuật toán mà xử lý các bộ ba của các phần tử dữ liệu (có tế là ba vòng lập lồng nhau) có thời gian chạy bậc ba và cũng chỉ có ý nghĩa thực tế trong các bài toán nhỏ. Khi N là một trăm thì thời gian chạy là một triệu. Khi N được nhân đôi, thời gian chạy tăng lên gấp tám lần.
- 7 2N: Một số ít thuật toán có thời gian chạy lũy thừa lại thích hợp trong một số trường hợp thực tế, mặc dù các thuật toán như thế là "sự ép buộc thô bạo" để giải các bài toán. Khi N là hai mươi thì thời gian chạy là một triệu. Khi N gấp đôi thì thời gian chạy được năng lên lũy thừa hai!

Thời gian chạy của một chương trình cụ thể đôi khi là một hệ số hàng nhân với các số hạng nói trên ("số hạng dẫn đầu") cộng thêm một số hạng nhỏ hơn. Giá trị của hệ số hàng và các số hạng phụ thuộc vào kết quả của sự phân tích và các chi tiết cải đặt. Hệ số của số hạng dẫn đầu liên quan tới số chỉ thị bên trong vòng lập: ở một táng tùy ý của thiết kẻ thuật toán thì phải cần thận giới hạn số chỉ thị như thế Với N lớn thì các số hạng dẫn đầu đồng vai trò chủ chốt, với N nhỏ thì các số hạng cũng đồng góp vào và sự so sánh các thuật toán sẽ khó khân hơn Trong hầu hết các trường hợp, chúng ta sẽ gặp các chương trình có thời gian chạy là "tuyến tính", "NlogN", "bậc ba", ... với hiểu ngắm tà các phân tích hay nghiên cứu thực tế phải được làm trong trường hợp mà tính hiệu quả là rất quan trọng.

3. Phân tích trường hợp trung bình

Một tiếp cận trong việc nghiên cứu tính năng của thuật toán là khảo sát trường hợp trung bình. Trong tinh huống đơn giản nhất, chúng ta có thể đặc trưng chính xác các dữ liệu nhập của thuật toán ví dụ một thuật toán sắp xếp có thể thao tác trên một

mảng N số nguyên ngẫu nhiên, hay một thuật toán hình học có thể xử lý N điểm ngẫu nhiên trên mặt phẳng với các tọa độ nằm giữa 0 và 1. Kế đến là tính toán thời gian thực hiện trung bình của mỗi chỉ thị, và tính thời gian chạy trung bình của chương trinh bằng cách nhân tắn số sử dụng của mỗi chỉ thị với thời gian cấn cho chỉ thị đó, sau cũng cộng tất cả chúng với nhau. Tuy nhiên có ít nhất ba khó khân trong cách tiếp cận này như thảo luận dưới đây

Trước tiên là trên một số máy tính rất khó xác định chính xác số lượng thời gian dòi hỏi cho mỗi chỉ thị. Trường hợp xấu nhất thì đại lượng này bị thay đổi và một số lượng lớn các phân tích chỉ tiết cho một máy tinh có thể không thích hợp đổi với một máy tính khác. Đây chính là vấn để mà các nghiên cứu về độ phức tạp tính toán cũng cần phải nó tránh.

Thứ hai, chính việc phân tích trường hợp trung bình lại thường là đòi hỏi toán học quá khỏ. Do tính chất tự nhiên của toán học thì việc chứng minh các chặn trên thì thường ít phức tạp hơn bởi vì không cấn sự chính xác. Hiện nay chúng ta chưa biết được tính năng trong trường hợp trung bình của rất nhiều thuật toán.

Thứ ba (và chính là điều quan trọng nhất) trong việc phân tích trường hợp trung bình là mô hình dữ liệu nhập có thể không đặc trưng đẩy đủ dữ liệu nhập mà chúng ta gập trong thực tế. Ví dụ như làm thể nào để đặc trưng được dữ liệu nhập cho chương trình xử lý văn bản tiếng Anh? Một tác giả để nghị nên dùng các mô hình đữ liệu nhập chẳng hạn như "tập tin thứ tự ngấu nhiên" cho thuật toán sắp xếp, hay "tập hợp điểm ngắu nhiên" cho thuật toán hình học, đổi với những mô hình như thể thì có thể đạt được các kết quả toán học mà tiên đoán được tinh năng của các chương trình chạy trên các các ứng dụng thông thường.

TÓM TẤT

Trong chương này, chung to đã xem xét các khái niệm về cấu trúc đữ liệu, kiểu dữ liệu. Tháng thường, các ngón ngữ lập trình luôn định nghĩa sắn một số kiểu đữ liệu cơ bắn. Các kiểu đữ liệu này thường có cấu trúc đơn giản. Để thể hiện được các đối tượng muốn hình vạn trạng trong thế giới thực chỉ dụng các kiểu đữ liệu này là không đữ Tơ cán xây dựng các kiểu đữ liệu mới phù hợp với đối tượng mà nó biểu diễn. Thánh phần dữ liệu luôn là một về quan trọng trong mọi chương trình. Vị vậy, việc thiết kiể các cấu trục dữ liệu tốt là một văn để đáng quan tâm.

Về thứ hai trong chương trình là các thuật toán (thuật giải) Một chương trình tột phải có các cấu trực dữ hệu phù hợp và các thuật toán hiệu quá. Khi khảo sát các thuật toán, chúng ta quan tâm đến chi phí thực hiện thuật toán. Chi phí này bao gồm chi phí về tài nguyên và thời gian cấn đề thực hiện thuật toán. Nếu như những đòi hỏi về tài nguyên có thể để dàng xác định thì việc xác định thời gian thực hiện nó không đơn giản. Có một số cách khác nhau để ước lượng khoảng thời gian này. Tuy nhiên, cách tiếp cân hợp lý nhất là hưởng xáp xi tiệm cận. Hưởng tiếp cận này không phụ thuộc ngôn ngữ, mội trường cài đặt cũng như trình độ của lập trình viên. Nó cho phép so sánh các thuật toán được khảo sát ở những nơi có vị tri đia lý rất xa nhau. Tuy nhiên, khi đánh giá ta cần chủ ý thêm đến hệ số vô hưởng trong kết quả đánh giá. Có khi hệ số này ảnh hưởng đáng kế đến chi phí thực của thuật toán.

Do việc đánh giá chi phí thực hiện trung bình của thuật toán thường phức tạp nên người ta thường đánh giá chí phí thực hiện thuật toán trong trường hợp xâu nhất. Hơn nữa, trong một số lớp thuật toán, việc xác định trường hợp xấu nhất là rất quan trọng

BĂLTÂP

Bài tập lý thuyết

- Tìm thêm một số ví dụ minh hoạ mỗi quan hệ giữa cấu trúc dữ liệu và giải thuật
- 2. Cho biệt một số kiểu dữ liệu được định nghĩa sắn trong một ngôn ngữ lập trình các bạn thường sử dụng. Cho biết một số kiểu dữ liệu tiên định này có đủ để đáp ứng mọi yêu cấu về tổ chức dữ liệu không?
- Một ngôn ngữ lập trình có nên cho phép người sử dụng tự định nghĩa thêm các kiểu dữ liệu có cấu trúc? Giải thích và cho ví dụ.
- 4. Cấu trúc dữ liệu và cấu trúc lưu trữ khác nhau những điểm nào ? Một cấu trúc dữ liệu có thể có nhiều cấu trúc lưu trữ được không ? Ngược lại, một câu trúc lưu trữ có thể tương ứng với nhiều cấu trúc dữ liệu được không ? Cho ví dụ minh hoạ.
- 5. Giả sử có một bảng giờ tàu cho biết thông tin về các chuyển tàu khác nhau của mạng đường sát. Hây biểu diễn các dữ liệu này bằng một câu trúc dữ liệu thích hợp (file, array, struct) sao cho dễ dàng truy xuất giờ khởi hành, giờ đến của một chuyển tàu bất kỳ tại một nhà ga bất kỳ.

Bài tập thực hành

- 6. Giả sử quy tắc tổ chức quản lý nhân viên của một công ty như sau:
 - Thông tin về một nhân viên bao gồm lý lịch và hảng chấm công:
 - + Lý lịch nhân viên :
 - Mā nhān viên : chuỗi 8 ký tự
 - Tên nhân viên : chuỗi 20 ký tự
 - Tinh trang gia dinh 1 ký tự (M = Married, S = Single)
 - Số con : số nguyên ≤ 20
 - Trình độ văn hoá: chuối 2 ký tự

(C1 = cap 1 ; C2 = cap 2 ; C3 = cap 3 ;

DH = dai học; CH = cao học)

- Lương căn bản số ≤ 1000000
- + Chẩm công nhân viên :
- Số ngày nghỉ có phép trong tháng số ≤ 28
- Số ngày nghỉ không phép trong tháng số ≤ 28
- Số ngày làm thêm trong tháng số ≤ 28
- Kết qua công viec chuỗi 2 ký tự

 $(T = T\delta t, TB = Dat, K = Kem)$

- Lương thực lĩnh trong tháng 'số ≤ 2000000
- Quy tắc tính lương :

Lương thực lĩnh = Lương căn bản + Phụ trội trong đó nếu:

- số con > 2: Phụ trội = +5% Lương cân bản
- trình độ văn hoá = CH: Phụ trội = +10% Lương căn bản
- iàm thêm: Phụ trội=+4% Lương cân bản/ngày

- nghi không phép: Phụ trội= -5% Lương căn bản/ngày
- · Chức năng yếu cấu :
 - Cặp nhật lý lịch, bảng chấm công cho nhân viên (thèm, xoá, sửa)
 - Xem bảng lương hàng tháng
 - Tim thông tin của một nhân viên

Tổ chức cấu trúc dữ liệu thích hợp để biểu diễn các thông tin trên, và cài đặt chương trình theo các chức năng đã mô tả.

Luu ý

- Nên phân biệt các thông tin mang tính chất tỉnh (lý lịch) và động (chấm công hàng tháng)
- Sô lượng nhân viên tối đã là 50 người

CHUONG 2

TÌM KIẾM VÀ SẮP XẾP

Muc tiêu

Giới thiệu một số thuật toán tim kiếm và sắp xếp trong

Phân tích, dánh giá độ phức tạp của các giải thuật tìm kiếm, sắp xếp

I. NHU CẦU TÌM KIẾM VÀ SẮP XẾP DỮ LIỆU TRONG MỘT HỆ THỐNG THÔNG TIN

Trong hầu hết các hệ lưu trữ, quản lý dữ liệu, thao tác tìm kiếm thường được thực hiện nhất để khai thác thông tin .

Ví dụ tra cứu từ điển, tìm sách trong thư viện...

Do các hệ thống thông tin thường phải lưu trữ một khối lượng dữ liệu đáng kể, nên việc xây dựng các giải thuật cho phép tìm kiếm nhanh sẽ có ý nghĩa rất lớn. Nếu dữ liệu trong hệ thống đã được tổ chức theo một trật tự nào đó, thi việc tìm kiếm sẽ tiến hành nhanh chóng và hiệu quả hơn:

Ví dụ các từ trong từ diễn được sắp xếp theo từng vắn, trong mỗi vấn lại được sắp xếp theo trình tự alphabet; sách trong thư viện được xếp theo chủ để. Vì thế, khi xây dựng một hệ quản lý thông tin trên máy tính, bên canh các thuật toán tìm kiếm, các thuật toán sắp xếp dữ liệu cũng là một trong những chủ để được quan tâm hàng đầu.

Hiện nay đã có nhiều giải thuật tìm kiếm và sắp xếp được xây dựng, mức độ hiệu quả của từng giải thuật còn phụ thuộc vào tính chất của cấu truc dữ liệu cụ thể mà nó tác động đến. Dữ liệu được lưu trữ chủ yếu trong bộ nhớ chính và trên bộ nhớ phụ, đo đặc điểm khác nhau của thiết bị lưu trữ, các thuật toán tìm kiếm và sắp xếp được xây dựng cho các cấu trúc lưu trữ trên bộ nhớ chính hoặc phụ cùng có những đặc thủ khác nhau. Chương này sẽ trình bày các thuật toán sắp xếp và tìm kiếm dữ liệu được lưu trữ trên bộ nhớ chính - gọi là các giải thuật tim kiếm và sắp xếp nội.

B. CÁC GIẢI THUẬT TÌM KIẾM NỘI

Có hai giải thuật thường được áp dụng để tìm kiếm dữ liệu là tim tuyên tinh và tim nhi phân. Để đơn giản trong việc trình bày giải thuật, bài toán được đặc tả như sau:

Tặp dữ hệu được lưu trữ là dây số mɨ, mɨ, ..., an. Giả sử chọn cấu truc dữ liệu màng để lưu trữ đãy số này trong bộ nhớ chính, có khai báo; int a(N);

Lưu ý các bản cài đặt trong giáo trình sử dụng ngôn ngữ C, do đó chỉ số của mảng mặc định bắt đầu từ 0, nên các giá trị của các chỉ số có chênh lệch so với thuật toán, nhưng ý nghĩa không đối.

Khoá cần tìm là x, được khai báo như sau:

intx;

Tìm kiểm tuyến tính

Giải thuật

Tìm tuyến tính là một kỳ thuật tim kiếm rất đơn giản và cổ điển. Thuật toán tiến hành so sánh x lần lượt với phần tử thứ nhất, thứ hai, của mang a cho đến khi gặp được phần tử có khóa cần tim, hoặc đã tim hết màng mà không thấy x. Các bước tiến hành như sau

Bước 1º í = 1, // bất đầu từ phần từ đầu tiên của dây

Bước 2. So sánh a[1] với x, có hai khả năng :

+ a[1] = x · Tim thấy Dưng

+ a(i) ≠ x : Sang Bute 3.

Bước 3. 1 = 1 + 1; // xét tiếp phần tử kế trong mảng Nếu 1 > N: Hết mảng, không tìm thấy. Dừng Ngược lại: Lập lại Bước 2

Ví dụ

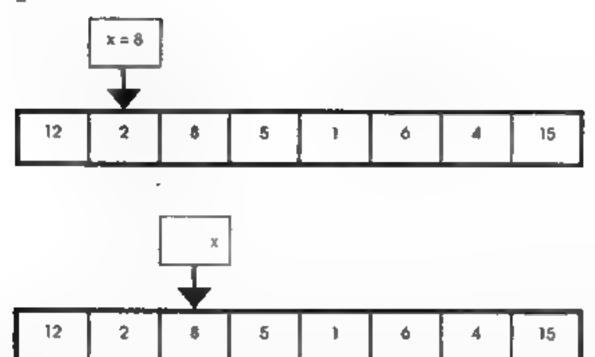
Cho day số a.

12 28 5 1 6 4 15

Nếu giá trị cần tim là 8, giải thuật được tiến hành như sau

1 = 1





1 = 3

Ding.

Cài đặt

Từ mô tả trên đây của thuật toán tìm tuyến tính, có thể cài đặt hàm Lanear Search để xác định vị trí của phần tử có khoá x trong mảng a

Trong cài đặt trên đây, nhận thấy mỗi lần lập của vòng lập while phải tiến thành kiếm tra hai điều kiện (.<N) diễu kiện biên của mảng - và [a[i]!=x] · điều kiện kiếm tra chính Nhưng thật sự chỉ cần kiếm tra điều kiện chính (a[i] !=x, để cải tiến cải đặt, có thể dùng phương pháp "linh canh" - đặt thêm một phần từ có giá trị x vào cuối mảng, như vậy bảo đảm luôn tìm thấy x trong mảng, sau đó dựa vào vị trí tìm thấy để kết luận. Cài đặt cải tiến sau đây của hàm Linear Search giúp giảm bốt một phép so sánh trong vòng lập

Dánh giá giải thuật

Có thể ước lượng độ phức tạp của giải thuật tìm kiếm qua số lượng các phép so sánh được tiên hành để tim ra x. Trường hợp giải thuật tìm tuyến tính, có:

Trường hợp	Số lần so sánh	Giải thích
Tôt nhất	1	Phần từ đầu tiên có giá trị x
Xấu nhất	n+1	Phán tử cuối cùng có giá trị x
Trung binh	(n+1)/2	Giả sử xác suất các phần tử trong màng nhận giá trị x là
		như nhau.

Vậy giải thuật tim tuyến tính có độ phức tạp tính toán cấp n. T(n) = O(n)

29. NHẬN XÉT

- Giải thuật tìm tuyến tính không phụ thuộc vào thứ tự của các phần tử mảng, do vậy đây là phương pháp tổng quát nhất để tìm kiếm trên một dây số bất kỳ.
- Một thuật toán có thể được cài đặt theo nhiều cách khác nhau, kỳ thuật cài đặt ảnh hưởng đến tốc độ thực hiện của thuật toán.

2. Tìm kiếm nhị phân

Giải thuật

Đối với những dây số đã có thứ tự (giả sử thứ tư tăng), các phần tử trong dây có quan hệ $a_{i,j} \le a_i \le a_{i+1}$, từ đó kết luận được nếu $x > a_i$ thì x chỉ có thể xuất hiện trong đoạn $[a_{i+1}, a_N]$ của dây , ngược lại nếu $x < a_i$ thì x chỉ có thể xuất hiện trong đoạn $[a_1, a_{i+1}]$ của dây . Giải thuật từm nhị phân áp dụng nhận xét trên đây để tìm cách giới hạn phạm vi tim kiếm aau mỗi lần so sánh x với một phần tử trong dây. Ý tưởng của giải thuật là tại mỗi bước tiến hành so sánh x với phần tử nằm ở vị trí giữa của đây tìm kiếm hiện hành, dựa vào kết quả so sánh này để quyết định giới hạn đây tìm kiếm ở bước kế tiếp là nữa trên hay nửa dưới của đây tìm kiếm hiện hành. Giả sử đây tìm kiếm hiện hành bao gồm các phần từ $a_{ion} = a_{nghi}$, các bước tiến hành như sau :

Bước I: left = 1; right = N, # tìm kiếm trên tất cả các phần tử

Bước 2: mid = (left + right)/2; // lấy mốc so sánh So sánh a[mid] với x, có ba khả năng . + a[mid] = x: Tìm thấy Dừng

- + a[mid] > x: //tim tiếp x trong đây con a_{kat} .. a_{mid-1} : right = midle 1;
- + a[mid] < x: //tim tiep x trong day con a_{mid+1} ... a_{right} · left = mid + 1,

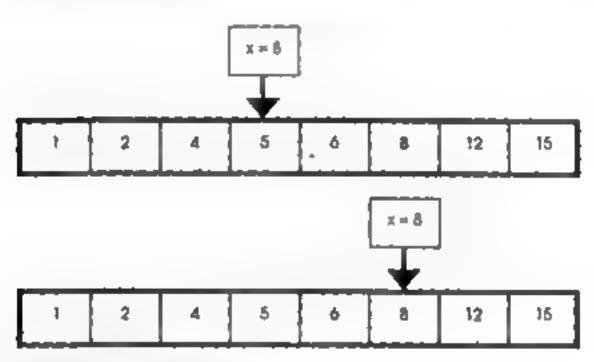
Bước 3º Nếu left ≤ right //còn phần tử chứa xết ⇒ tìm tiếp.
Lập lại Bước 2.
Ngược lại. Dùng; //Đã xét hết tất cả các phần tử

Ví dụ

Cho dây số a góm 8 phần tứ:

1 2 4 5 6 8 12 15

Nếu giá trị cần tìm là 8, giải thuật được tiến hành như sau: left = 1, right = 8, midle = 4



left = 5, right = 8, midle = 6

Dùng

Cài dặt

Thuật toán tim nhị phân có thể được cài đặt thành hàm BinarySearch:

```
int BinarySearch(int a[],int N,int x )
{   int   left =0; right = N-1;
   int   midle;
   do {
      mid = (left + right)/2;
      if (x = a[midle]) return midle,//Thấy x tại

mid
      else
      if (x < a[midle]) right = midle -1;
      eise   left = midle +1;
}while (left <= right);
return -1; //Thm hết dây mà không có x</pre>
```

Dánh giá giải thuật

Trường hợp giải thuật tìm nhị phân, có bằng phân tích sau :

Trường hợp	Số lần so sánh	Giải thích
Tốt nhất	1	Phán từ giữa của mang có giá trị x
Xấu nhất	log ₂ n	Không có x trong màng
Trung binh	log 2 n/2	Giả sử xác suất các phần tử trong máng nhân giá trị x là như nhau

Vậy giải thuật tìm nhị phân có độ phức tạp tính toán cấp n: $T(n) = O(\log_3 n)$

29. NHẬN XÉT

- Giải thuật tìm nhị phân dựa vào quan hệ giá trị của các phần từ màng để định hướng trong quá trình tim kiếm, do vậy chỉ áp dụng được cho những dây đã có thứ tự
- Giải thuật tìm nhị phân tiết kiệm thời gian hơn rất nhiều so với giải thuật tìm tuyến tính do T_{nhị phân} (n) = O(log₂ n) < T_{tuyến tinh} (n) = O(n).
- Tuy nhiên khi muốn áp dụng giải thuật tìm nhị phân

cần phải xét đến thời gian sắp sếp dây số để thỏa điều kiện dây số có thứ tự Thời gian này không nhỏ, và khi dãy số biến động cần phải tiến hành sắp xếp lại ... Tất cả các nhu cầu đó tạo ra khuyết điểm chính cho giải thuật tìm nhị phân. Ta cần cân nhắc nhu cầu thực tế để chọn một trong hai giải thuật tìm kiếm trên sao cho có lợi nhất.

III. CÁC GIẢI THUẬT SẮP XẾP NỘI

Định nghĩa bài toán sắp xếp

Sáp xếp là quá trình xử lý một danh sách các phần tử (hoặc các mấu tin) để đặt chúng theo một thứ tự thỏa mãn một tiêu chuẩn nào đó dựa trên nội dung thông tin lưu giữ tại mỗi phần tử

Tại sao cấn phải sấp xếp các phần tử thay, vì để nó ở dạng tự nhiên (chưa có thứ tự) vốn có ? Ví dụ của bài toán tìm kiếm với phương pháp tìm kiếm nhị phân và tuần tự đủ để trá lời câu hỏi này

Khi khảo sát bài toán sấp xếp, ta sẽ phải làm việc nhiều với một khái niệm gọi là nghịch thể.

Khái niệm nghịch thế

Xét một mảng các số a_b a_l, ... a_n.

Nếu có i<j và a_i > a_b thì ta gọi đó là một nghịch thể.

Mảng chưa sắp xếp sẽ có nghịch thế

Mảng đã có thứ tự sẽ không chưa nghịch thế. Khi đó a₀ sẽ là phần từ nhỏ nhất rỗi đến a₁, a₂,

Như vậy, để sắp xếp một mảng, ta có thể tìm cách giảm số các nghịch thế trong màng này bằng cách hoán vị các cặp phân tử a_i , a_j nếu có i < j và $a_i > a_j$ theo một qui luật nào đó.

Cho trước một dây số a_1 , a_2 ,... , a_N được lưu trữ trong cấu trúc dữ liệu mảng

int a[N];

Sắp xếp dãy số \mathbf{a}_1 , \mathbf{a}_3 ,..., \mathbf{a}_N là thực hiện việc bố trí lại các phần tử sao cho hình thành được dây mới \mathbf{a}_{k1} , \mathbf{a}_{k2} ,..., \mathbf{a}_{kN} có thứ tự (giả sử xét thứ tự tăng) nghĩa là $\mathbf{a}_{ki} \leq \mathbf{a}_{ki+1}$. Mà để quyết định được những tình hướng cần thay đổi vị trí các phần tử trong dây, cần dựa vào kết quả của một loạt phép so sánh. Chính vì vậy, hai thao tác so sánh và gắn là các thao tác cơ bản của hấu hết các thuật toán sắp xếp.

Khi xây dựng một thuật toán sắp xếp cần chủ ý tìm cách giảm thiểu những phép so sánh và đổi chỗ không cần thiết để tăng hiệu qua của thuật toán. Đối với các dãy số được lưu trữ trong bộ nhớ chính, nhu cầu tiết kiệm bộ nhỏ được đặt nặng, do vậy những thuật toán sắp xếp đòi hỏi cấp phát thêm vùng nhỏ để lưu trữ dây kết quả ngoài vung nhỏ lưu trữ dây số ban đầu thường ít được quan tâm. Thay vào đó, các thuật toán sắp xếp trực tiếp trên dây số ban đầu - gọi là các thuật toán sắp xếp tại chỗ - lại được đầu tư phát triển. Phân này giới thiệu một số giải thuật sắp xếp từ đơn giản đến phức tạp có thể áp dụng thích hợp cho việc sắp xếp nội

2. Các phương pháp sắp xếp thông dụng

Sau đây là một số phương pháp sấp xếp thông dụng sẽ được để cập đến trong giáo trình này:

- Chọn trực tiếp Selection sort
- Chèn trực tiếp Insertion sort.
- Dői chỗ trực tiếp Interchange sort
- Női bot Bubble sort
- Shaker sort
- Chèn nhị phân Binary Insertion sort.
- Shell sort.
- Heap sort
- Quick sort
- Merge sort
- · Radix sort

Chúng ta sẽ lần lượt khảo sát các thuật toán trên. Các thuật toán như Interchange sort, Bubble sort, Shaker sort, Insertion sort, Selection sort là những thuật toán đơn giản dễ cái đặt nhưng chi phí cao. Các thuật toán Shell sort, Heap sort, Quick sort, Morge sort phức tạp hơn nhưng hiệu suất cao hơn nhóm các thuật toán đầu. Cả hai nhóm thuật toán trên đều có một điểm chung là đều được xây dựng dựa trên cơ sở việc so sánh giá trị của các phần tử trong mảng (hay so sánh các khóa tim kiếm). Riêng phương pháp Radix sort đại diện cho một lớp các thuật toán sấp xếp khác hẳn các thuật toán trước. Lớp thuật toán này không dựa trên giá trị của các phần tử để sắp xếp.

Phương pháp chọn trực tiếp

Giải thuật

Ta thấy rằng, nếu mảng có thứ tự, phần tử a; luôn là min(a; a; t, a, a, i) Ý tường của thuật toán chọn trực tiếp mô phỏng một trong những cách sáp xếp tự nhiên nhất trong thực tế chọn phần tử nhỏ nhất trong N phần tử bán đầu, đưa phần tử này về vị trí đúng là đầu đãy hiện hành; sau đó không quan tâm đến nó nữa, xem đãy hiện hành chỉ còn N-1 phần tử của dày ban đầu, bắt đầu từ vị trí thứ 2, lập lại quá trình trên cho dây hiện hành . đến khi dây hiện hành chỉ còn 1 phần tử Dây ban đầu có N phần tử, vậy tóm tất ý tưởng thuật toán là thực hiện N-1 lượt việc đưa phần tử nhỏ nhất trong dãy hiện hành về vị trí đúng ở đầu dãy Các bước tiến hành như sau "

Bube I: i = 1:

Bước 2. Tìm phần từ a(min) nhỏ nhất trong đây hiện hành từ a[i] đến a[N]

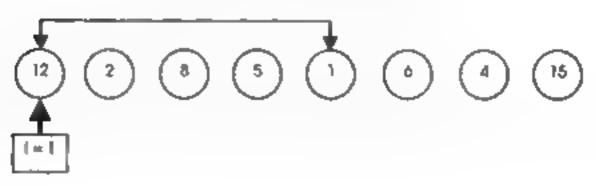
Bước 3 · Hoán vị a[min] và a[i]

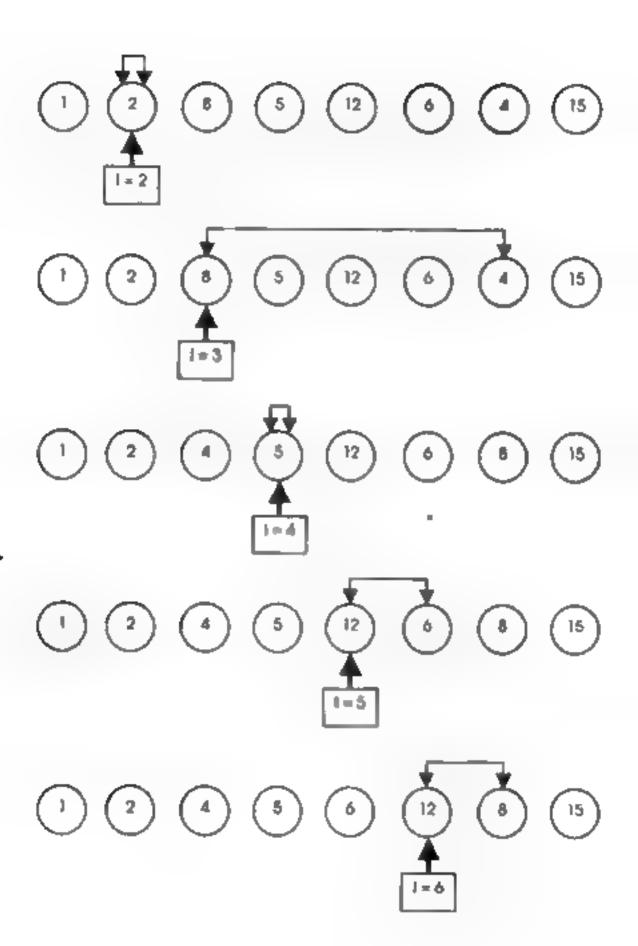
Bước 4 : Nếu i ≤ N-1 thì i = i+1; Lập lại Bước 2 Ngược lại: Đừng. //N-1 phần tử đã nằm đóng vị trí.

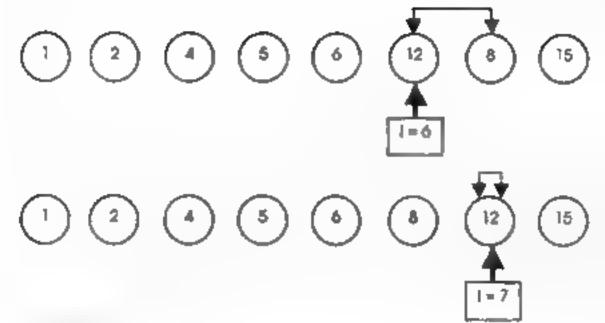
Ví dụ

Cho day số a.

12 28 5 1 6 4 15







Cài đặt

Cài đặt thuật toán sắp xếp chọn trực tiếp thành hàm SelectionSort

```
vold SelectionSort(int a(), int N )

int min; #chi số phần tử nhỏ shất trong dây hiện hành
for (int i=0; i<N-l; i++)

min = 1;
for(int j = i+1; j <N; j++)
    if (a[j] < a[min])

min = j; #ghu nhân vị trí phần tử hiện nhỏ

nhất
    Hoanvi(a[min], a[i]);
}
</pre>
```

Dánh giá giải thuật

Đối với giải thuật chọn trực tiếp, có thể thấy rằng ở lượt thử i, bao giờ cũng cần (n-i) lần so sánh để xác định phần từ nhỏ nhất hiện hành Số lượng phép so sánh này không phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu, do vậy trong mọi trường hợp có thể kết luận:

Số lần so sánh =
$$\sum_{i=1}^{n-1} (n-i) = \frac{n(n-1)}{2}$$

Số iấn hoán vị (một hoán vị bằng ba phép gán) lại phụ thuộc vào tình trạng ban đầu của dãy số, ta chỉ có thể ước lượng trong từng trường hợp như sau:

Trường hợp	Số lần so sánh	Số phép gán
Tot nhất	n(n-1)/2	0
Xấu nhất	ก(ก-1)/2	3n(n-1)/2

4. Phương pháp chèn trực tiếp

Giải thuật

Giả sử có một dây \mathbf{a}_1 , \mathbf{a}_2 ,..., \mathbf{a}_n trong đó i phần tử dấu tiên \mathbf{a}_1 , \mathbf{a}_2 ,..., \mathbf{a}_{k+1} đã có thứ tự. Ý tưởng chính của giải thuật sấp xếp bằng phương pháp chèn trực tiếp là tìm cách chèn phần tử \mathbf{a}_i vào vị trí thích A hợp của đoạn đã được sấp để có dây mới \mathbf{a}_1 , \mathbf{a}_2 ,..., \mathbf{a}_i trở nên có thứ tự. Vị trí này chính là vị trí giữa hai phần tử \mathbf{a}_{k+1} và \mathbf{a}_k thỏa $\mathbf{a}_{k+1} \le \mathbf{a}_i < \mathbf{a}_k$ ($1 \le k \le 1$)

Cho dãy ban đầu a₁, a₂, ..., a_n, ta có thể xem như đã có đoạn gồm một phần tử a₁ đã được sắp, sau đó thêm a₂ vào đoạn a₁ sẽ có đoạn a₁ a₂ được sắp, tiếp tục thêm a₃ vào đoạn a₁ a₂ để có đoạn a₁ a₃ được sắp; tiếp tục cho đến khi thêm xong a_N vào đoạn a₁ a₂, a_{N-1} sẽ có dây a₁ a₂, a_N được sắp. Các bước tiến hành như sau:

Bước I = 2, // giả sử có đoạn a[1] đã được sắp

Bước $2: \pi = a[1]$, Tìm vị trí pos thích hợp trong đoạn a[1]

đến a[1-1] để chèn a[1] vào

Bước 3 Đời chỗ các phần tử từ a[pos] đến a[1-1] sang phải 1 vị trí để đành chỗ cho a[i]

Bước 4: a[pos] = x, // có đoạn a[1] a[i] đã được sắp

Bước 5: i = i+1,

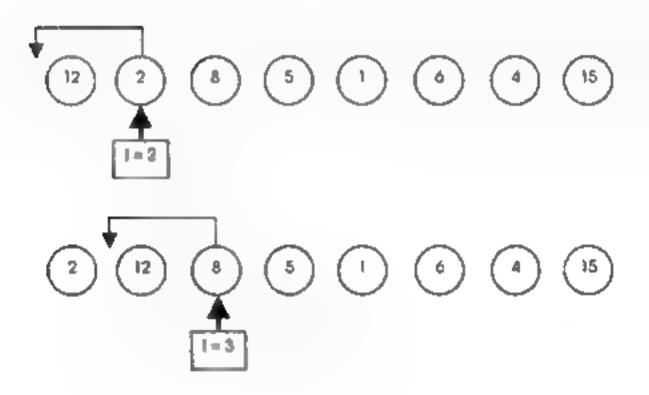
Nếu î≤n: Lặp lại Bước 2.

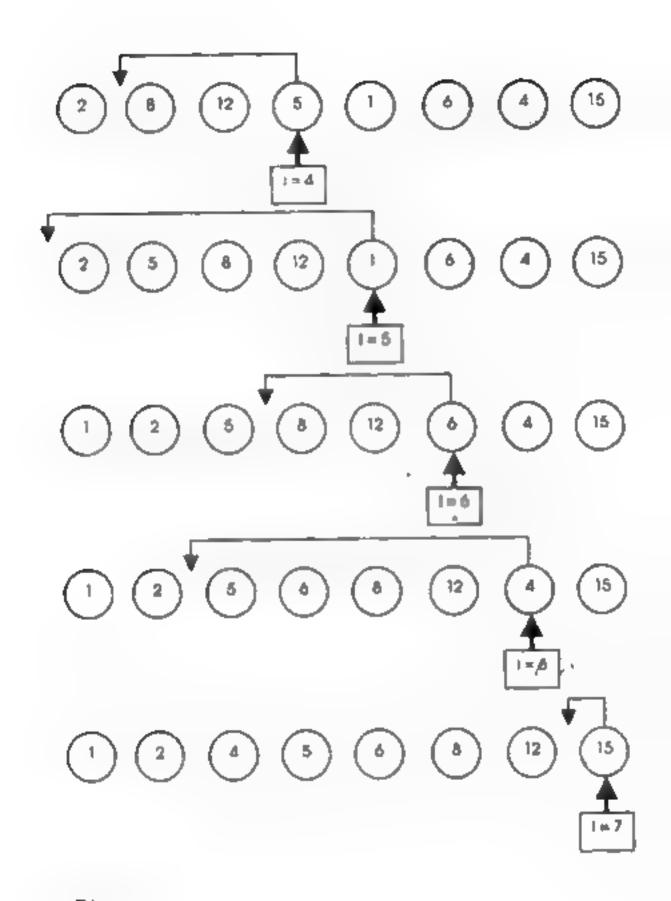
Ngược lại : Dừng.

· Ví dụ

Cho dây số a:

12 28 5 1 6 4 15





Dìmg

Cài dặt

Cài đặt thuật toán sấp xếp chèn trực tiếp thành hàm InsertionSort

```
void InsertionSort(int a(), int N )
{    int pos.(i)
    int x, //www grá try a[r] tránh bị ghi để khu đời chỗ các phần tử.
    for(int i=1 ; i<N ; i++) //doạn a[0] đã sấp
{
        x = a[i]; pos = i-1;
        //thm vị trí chèn x
        while (ipos >= 0) éé (a[pos] > x))
        i// kết hợp đời chỗ các phần tử sẽ đứng sau x trong dãy mới
        a[pos+1] = a[pos];
        pos--;
    }
    a[pos+1] = x]; // chèn x vào dãy
}
```

MHAN XÉT

Khi tìm vị trí thích hợp để chèn a[i] vào đoạn a[0] đến a[i-1], do đoạn đã được sắp, nên có thể sử dụng giải thuật tìm nhị phân để thực hiện việc tìm vị trí pos, khi đó có giải thuật sắp xếp chèn nhi phân:

Dánh giá giải thuật

Đối với giải thuật chèn trực tiếp, các phép so sánh xảy ra trong mỗi vòng lập while tìm vị trí thích hợp pos, và mỗi lần xác dịnh vị trí dang xét không thích hợp, sẽ dời chỗ phần từ a[pos] tương ứng. Giải thuật thực hiện tất cả N-1 vòng lập while, do số lượng phép so sánh và dời chỗ này phụ thuộc vào tình trạng của dây số ban dấu, nên chỉ có thể ước lược trong từng trường hợp như sau

Trường hợp	Số phép so sánh	Số phép gán
Tốt nhất	$\sum_{i=1}^{n} 1 = n-1$	$\sum_{i=1}^{n-1} 2 = 2(n-1)$
Xáu nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} (i-1) \approx \frac{n(n-1)}{2}$	$\sum_{i=1}^{n-1} (i+1) = \frac{n(n+1)}{2} - 1$

Phương pháp đổi chỗ trực tiếp

Giái thuật

Như đã để cập ở đầu phần này, để sắp xếp một dây số, ta có thể xét các nghịch thế có trong dây và làm triệt tiêu dần chúng đị. Ý tưởng chính của giải thuật là xuất phát từ đầu dây, tim tất cả nghịch thế chứa phần từ này, triệt tiêu chúng băng cách đối chỗ phần từ này với phần từ tương ứng trong cặp nghịch thế Lập lại xử lý trên với các phần từ tiếp

theo trong dây. Các bước tiến hành như sau:

Bước I · i = 1 // bất đầu từ đầu dây

Butte 2. j = i+1//tim các phần từ a[j] < a[i], j>i

Виж 3:

Trong khi j ≤ N thực hiện
Nếu a[j]<a[i]: a[i]↔a[j],/xét cặp phán tử a[i], a[j]
j = j+1;

Bube 4: i = i+1;

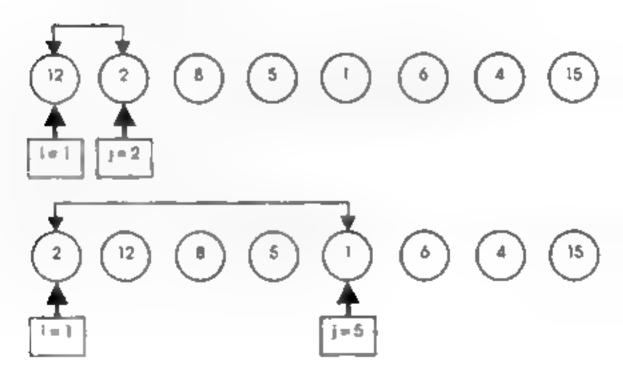
Nếu i < n: Lập lại Bước 2.

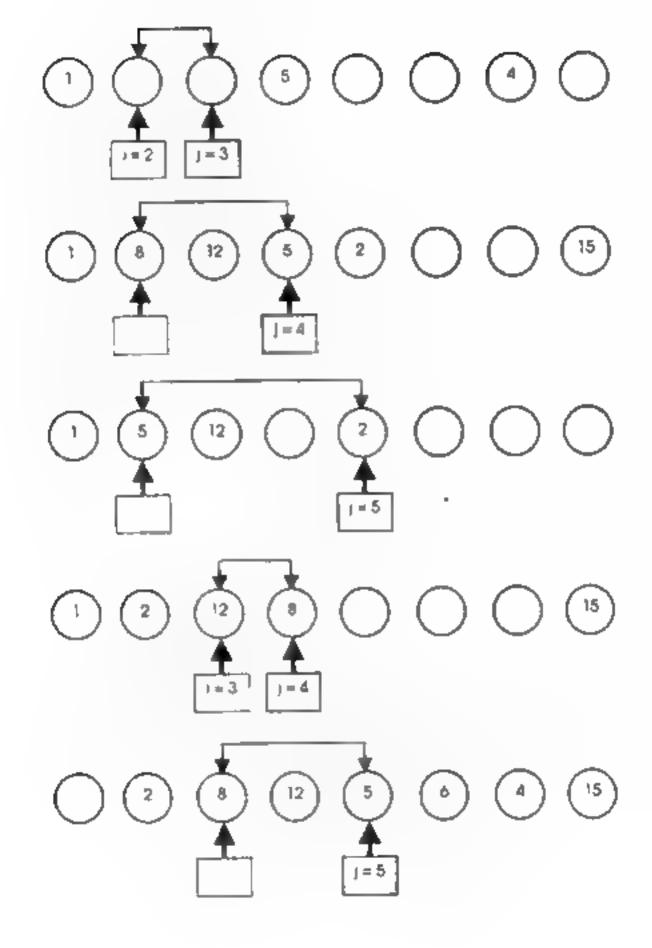
Ngược lại: Dưng.

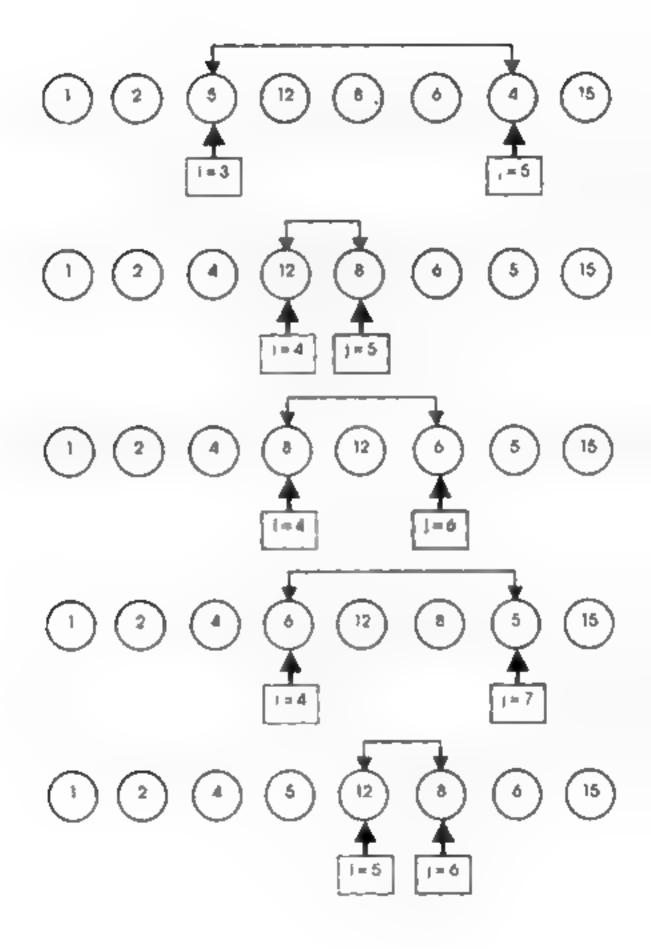
Ví dụ

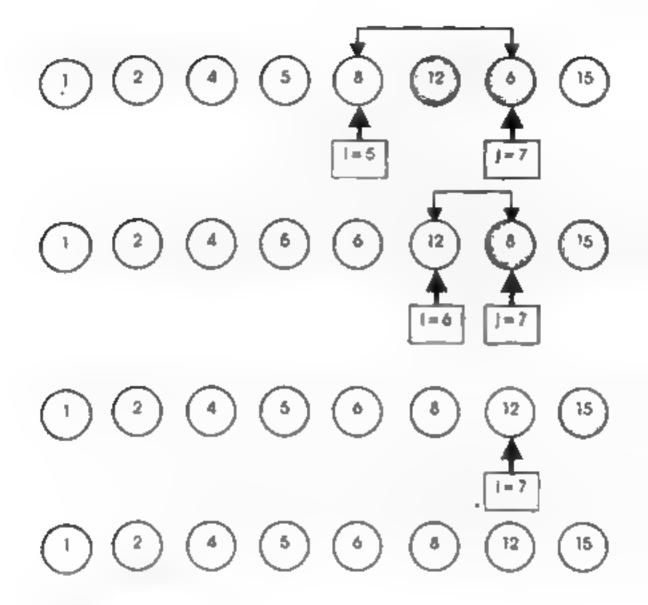
Chọ dây số a:

12 28 5 1 6 4 15









. Cài đặt

Cài đặt thuật toán sắp xếp theo kiểu đối chỗ trực tiếp thành hàm InterchangeSort

Đánh giá giải thuật

Đối với giải thuật đổi chỗ trực tiếp, số lượng các phép so sánh xảy ra không phụ thuộc vào tình trạng của dây số ban đầu, nhưng số lượng phép hoán vị thực hiện tuy thuộc vào kết quả so sánh, có thể ước lược trong từng trường hợp như sau

Trường hợp	Số lần so sánh	Số lần hoán vị
Tốt nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} (n-i+1) = \frac{n(n-i)}{2}$	0
Xấu nhất	<u>n(n-1)</u>	$\sum_{i=1}^{n-1} (n-i+1) = \frac{n(n-1)}{2}$

6. Phương pháp nổi bọt (Bubble sort)

Giải thuật

Ý tưởng chính của giải thuật là xuất phát từ cuối (đầu) dây, đối chỗ các cặp phần từ kế cận để đưa phần từ nhỏ (lớn) hơn trong cặp phần từ đó về vị trí đúng đầu(cuối) dây hiện hành, sau đó sẽ không xét đến nó ở bước tiếp theo, do vậy ở lần xử lý thứ i sẽ có vị trí đầu dây là i. Lập lại xử lý trên cho đến khi không còn cập phần từ nào để xét. Các bước tiến hành như sau

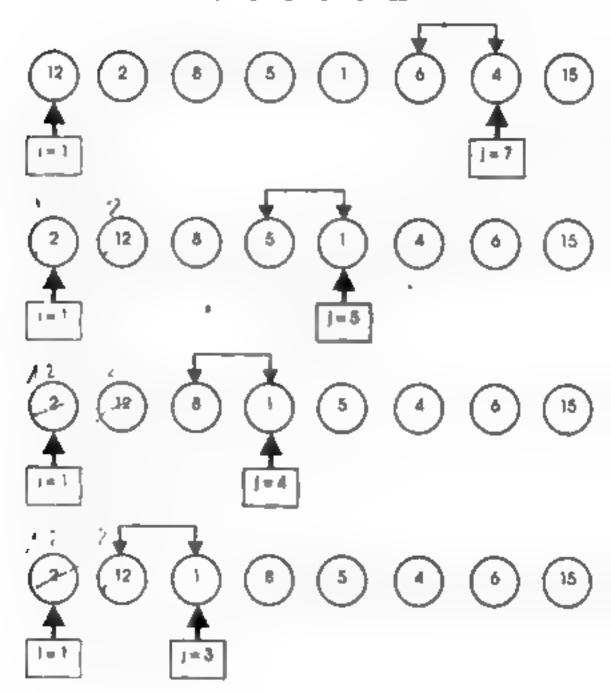
 $Buóc I \cdot i = 1$, // lần xử lý đầu tiên

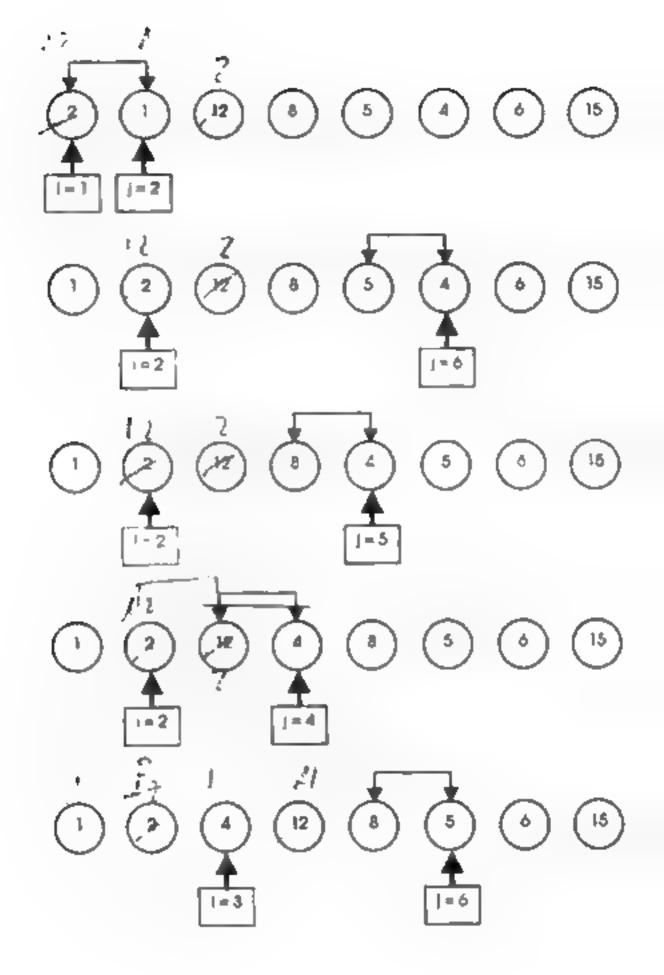
Bước 2: j = N; //Duyệt từ cuối dây ngược về vị trí : Trong khi (j < i) thực hiện: Nếu a[j]<a[j-1]: a[j]↔a[j-1],//xét cặp phần từ kế cận j = j-1, Bước 3 i = 1+1; // lần xử lý kế tưếp Nếu 1 >N-1: Hết dãy. Đừng Ngược lại Lặp lại Bước 2.

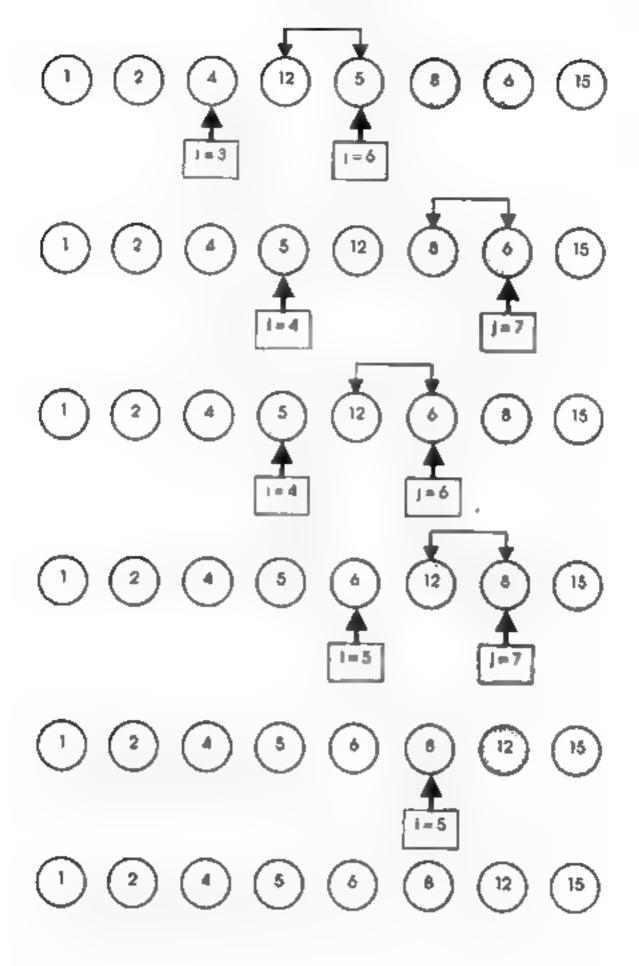
Ví dụ

Cho dãy số a

12 2 8 5 1 6 4 15







Cài đặt

Cài đặt thuật toán sấp xếp theo kiểu nổi bọt thành hàm BubbleSort

Đánh giá giải thuật

Đối với giải thuật nổi bọt, số lượng các phép so sánh xảy ra không phụ thuộc vào tình trạng của dây số ban dầu, nhưng số lượng phép hoán vị thực hiện tùy thuộc vào kết quả so sánh, có thể ước lượng trong từng trường hợp như sau:

Trường hợp	Số lần so sánh	Số lần hoán vị
Tốt nhất	$\sum_{i=1}^{n-1} (n-i+1) = \frac{n(n-1)}{2}$	0
Xấu nhất	n(n-1)	$\sum_{i=1}^{n-1} (n-i+1) = \frac{n(n-1)}{2}$

🖎 nhận xét

Bubble sort có các khuyết điểm sau. không nhận điện được tình trạng dây đã có thủ tự hay có thứ tự từng phần Các phần từ nhỏ được đưa về vị trí đúng rất nhanh, trong khi các phần từ lớn lại được đưa về vị trí đúng rất chậm. Giải thuật sắp xếp Shaker sort cũng dựa trên nguyên tắc đổi chỗ trực tiếp, nhưng tìm cách khác phục các nhược điểm của Buble sort với những ý tưởng cải tiến chính như sau;

Trong mỗi lần sấp xếp, duyệt mảng theo hai lượt từ hai phía khác nhau :

- + Lượt di, đẩy phần từ nhỏ về đầu mặng
- + Lượt về đẩy phần tử lớn về cuối mảng

Ghi nhận lại những doạn đã sấp xếp nhằm tiết kiệm các phép so sánh thừa

Các bược tiên hành như sau

Bucc 1:

l = i, r = n; //từ l đen r là đoạn cần được sáp xép
 k = n, // ghi nhận vị trí k xay ra hoạn vị sau công
 dễ làm cơ số thu hẹp đoạn l đến r

Bước 2 :

Bước 2a \cdot y = r; // dấy phần từ nhỏ về đầu mảng Trong khi (j > 1):

Nếu a(j)<a($j \cdot 1$) a(j) \leftrightarrow a($j \cdot 1$);

k = j//lub lại nơi xảy ra hoán vị

j = j-1;

l = k, //loan các phần tử đã có thứ tự ở đầu đây Bước $2b \cdot y = l$, // đẩy phần tử lớn về cuối mặng Trong khi (j < r);

Néu a(j)>a(j+1):a(j) \leftrightarrow a(j+1);

k = j//lutu lạu nơi xảy ra hoán vị

j = j+1;

r = k; //loại các phần tử đã có thứ tự ở cuối dãy

Bước 3: Nêu l < r Lập lại Bước 2.

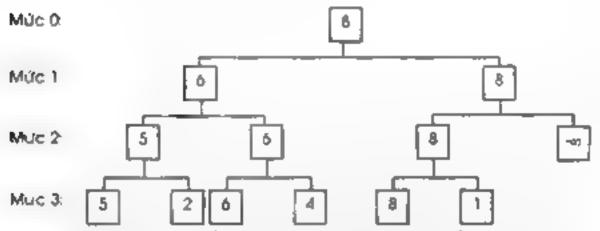
Sắp xếp cây - Heap sort

Giải thuật

Khi tim phần tư nhỏ nhất ở bước i, phương pháp sắp xếp chọn trực tiếp không tận dụng được các thông tin đã có được do các phép so sánh ở bước i-l. Vì lý do trên người ta tìm cách xây dựng một thuật toán sấp xếp có thể khác phục nhược điểm này.

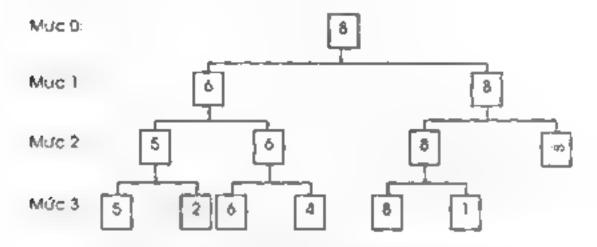
Máu chốt để giai quyết vấn để vưa nêu là phải tìm ra được một cấu trúc dữ liệu cho phép tích lùy các thông tin về sự so sánh giá trị các phần từ trong qua trình sắp xếp. Giả sử dữ liệu cần sắp xếp được bố trí theo quan hệ so sánh và tạo thành sợ đổ dạng cây như sau:

Day so: 5 2 6 4 8 1

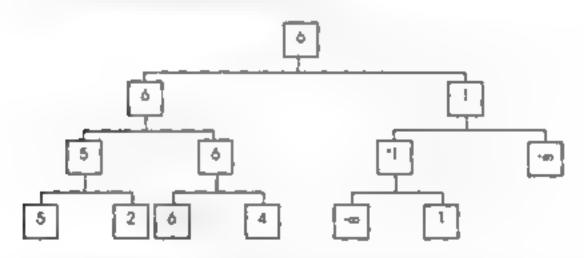


Trong đó một phần từ ở mức i chính là phần từ lớn trong cặp phần từ ở mức 1+1, do đó phần từ ở mức 0 (nút gốc của cây) luôn là phần tử lớn nhất của đây. Nếu loại bỏ phần tử gốc ra khỏi cây (nghĩa là đưa phần từ lớn nhất về dúng vị trí), thị việc cập nhật cây chi xảy ra trên những nhánh liên quan đến phần tử mới loại bỏ, còn các nhánh khác được bảo toàn, nghĩa là bước kế tiếp có thể sử dụng lại các kết quả so

sánh ở bước hiện tại. Trong ví dụ trên tạ có



Loại bỏ 8 ra khỏi cây và thể vào các chỗ trống giá trị -c để tiện việc cấp nhật lại cây



Có thể nhận thấy toàn bộ nhánh trái của gốc 1 củ được bảo toàn, do vậy bước kế tiếp để chọn được phần tử lớn nhất hiện hành là 6, chỉ cần làm thêm một phép so sánh 1 với 6

Tiến hành nhiều lắn việc loại bỏ phần tử gốc của cây cho đến khi tất cả các phần tử của cây đều là «c, khi đó xếp các phần tử theo thứ tự loại bỏ trên cây sẽ có dây đã sắp xếp. Trên đây là ý tưởng của giải thuật sắp xếp cây Tuy nhiên, để cài đặt thuật toán này một cách hiệu quả, cần phải tổ chức một cấu truc lưu trữ dữ liệu có khả năng thể

hiện được quan hệ của các phần tử trong cây với n ô nhớ thay vì 2n-1 như trong ví dụ. Khái niệm heap và phương pháp sấp xếp Heap sort do J Williams để xuất đã giải quyết được các khó khán trên.

Dinh nghĩa Heap

Giả sử xét trường hợp sắp xếp tăng dẫn, khi đó Heap được định nghĩa là một dây các phần từ $\mathbf{a}_1, \mathbf{a}_2, \dots, \mathbf{a}_r$ thoá các quan hệ với mọi i $\in [1, r)$:

a₁≥ a₂; a₁≥ a₂;, {(a₁, a₂), (a₁,a₂;) là các cặp phần tử liên đời }

Heap có các tính chất sau

Tính chất 1: Nếu a₁, a₂,..., a_r là một heap thì khi cát bỏ một số phần tử ở hai đầu của heap, dây con còn lại vẫn là một heap.

Tính chất 2: Nếu at, at, at, at là một heap thị phần từ at (đầu heap) luôn là phần từ lớn nhất trong heap.

Tính chất 3: Mọi dây a_1 , a_2 ,..., a_r với 2l > r là một heap.

Giải thuật Heap sort

Giải thuật Heap sort trải qua hai giai đoạn :

Giai đoạn 1. Hiệu chỉnh dãy số ban đầu thành heap;

Giai đoạn 2 Sắp xếp dây số dựa trên heap:

Bước 1 Đưa phần tử nhỏ nhất về vị trí dùng ở cuối dãy r = n; Hoán vị $(\mathbf{a}_1, \mathbf{a}_r)$;

Bước 2 Loại bỏ phần từ nhỏ nhất ra khỏi heap. r = r-1;

Hiệu chỉnh phần còn lại của đây từ a_1 , $a_2 = a_1$ thành một heap

Bước 3 Nếu r>1 (heap còn phần tử): Lặp lại Bước 2

Ngược lại: Dùng

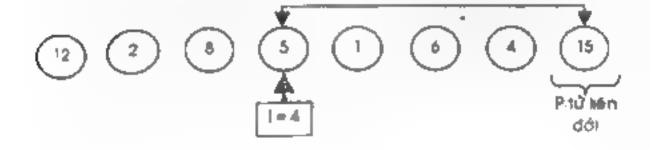
Dựa trên tính chất 3, ta có thể thực hiện giai đoạn 1 băng cách bát đầu tư hoạp mặc nhiên $a_{n/2+1}$, $a_{n/2+2} = a_n$, lần lượt thêm vào các phần tử $a_{n/2}$, $a_{n/2+1}$, a_1 ta sẽ nhân được heap theo mong muốn. Như vậy, giai đoạn 1 tương đương với n/2 lần thực hiện bước 2 của giai đoạn 2

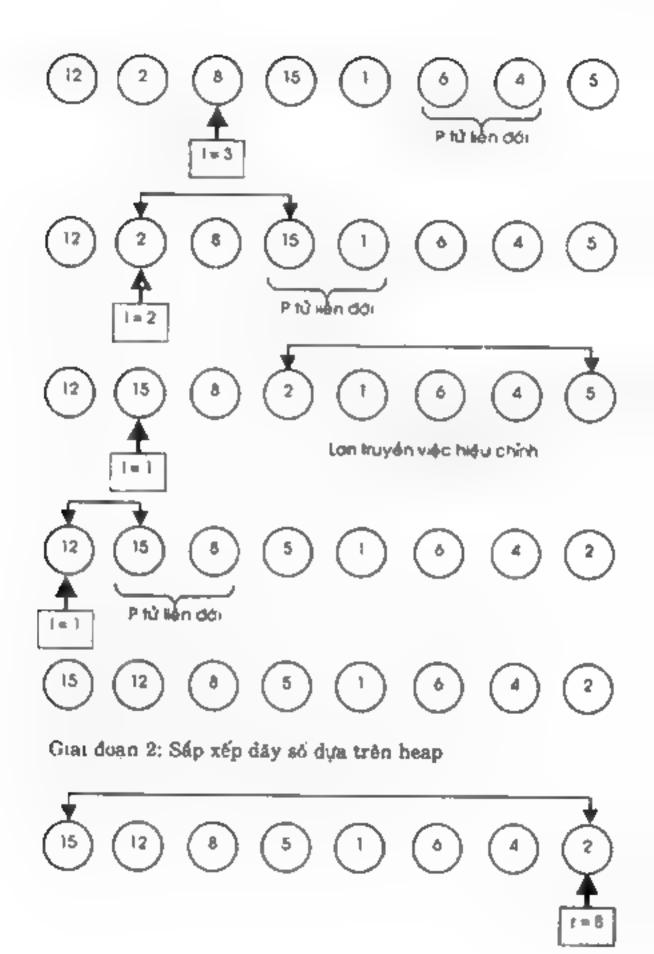
Ví dụ

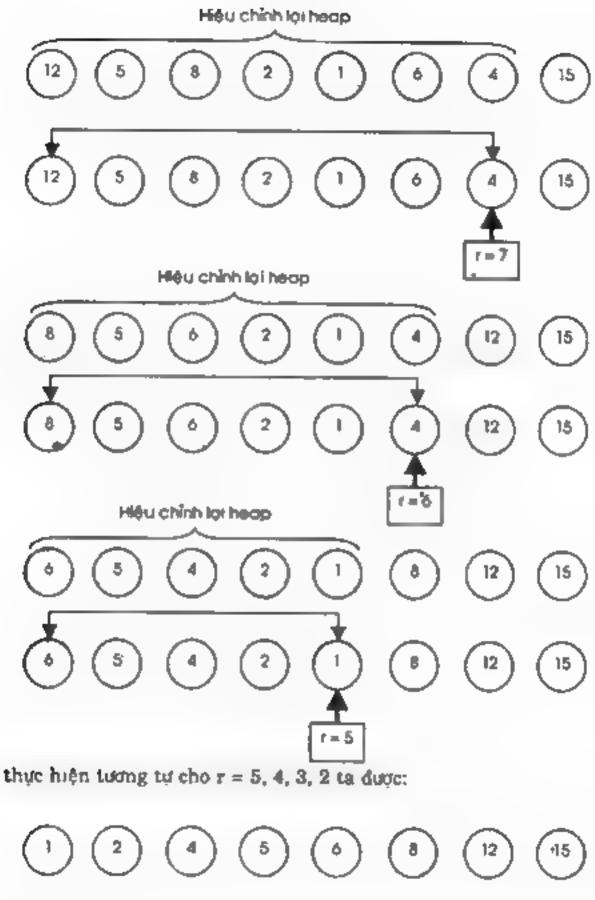
Cho dây số a:

12 2 8 5 1 6 4 15

Giai đoạn 1 hiệu chỉnh dây ban đấu thành heap







· Cài đặt

Để cài đặt giải thưật Heap sort cần xây đựng các thủ tục phụ trợ:

1. Thủ tục hiệu chỉnh dây a, a, a, ...a, thành heap

Giả sử có dây a₁, a₁₊₁ ...a_n trong đó đoạn a₁₊₁ ...a_r, đã là một heap. Ta cần xây dựng hàm hiệu chính a₁, a₁₊₁ ...a_r thành heap. Để làm điều này, ta lần lượt xét quan hệ của một phần tử a₁ nào đó với các phần tử liên đới của nó trong dãy là a₂₁ và a₂₁, nếu vi phạm điều kiện quan hệ của heap, thì đổi chỗ a₁ với phần tử liên đới thích hợp của nó. Lưu ý việc đổi chỗ này có thể gây phần ứng dây chuyển:

2. Hiệu chính đây a2, a2 ...an thành heap

Cho một dây bất kỳ a_1 , a_2 ..., a_r , theo tính chất 3, ta có dây $a_{n/2+1}$, $a_{n/2+2}$... a_n đã là một heap. Ghép thêm phần từ $a_{n/2}$

vào bên trái heap hiện hành và hiệu chỉnh lại dây $a_{n/2}$, $a_{n/2+1}$, ..., a_r thành heap, ...:

```
void Create: eap(int a(), int N )
int l;
   1 = N/2; //a[i] là phần từ ghép thêm
   while (1 > 0) do
      Shift(a,1,N);
      1 = 1 -1:
)
Khi đó hàm Heapsort có dạng sau :
void HeapSort (int a[], int N)
[ int
          T;
   CreateHeap(a,N)
   r = N-1; // r là vị trí dùng cho phần tử nhỏ nhất
   while \{r > 0\} do
       Hoanvi(a[1],a[r]);
       r = r - 1z
       Shift(a,1,r);
```

Dánh giá giải thuật

ŀ

Việc đánh giá giải thuật Heap sort rất phức tạp, nhưng đã chững minh được trong trường hợp xấu nhất độ phức tạp \approx O(n \log_2 n)

8. Sắp xếp với độ dài bước giảm dấn - Shell sort

Giải thuật

Giải thuật Shell sort là một phương pháp cải tiến của

phương pháp chèn trực tiếp. Ý tưởng của phương pháp sắp xếp là phân chia dãy ban đầu thành những dãy con gồm các phán tử ở cách nhau h vị trí:

Dây ban đầu : a₁, a₂, ..., a_n được xem như sự xen kẽ của các đầy con sau :

Dây con thứ nhất . a₁ a_{h+1} a_{2h+1} ...
Dây con thứ hai : a₂ a_{h+2} a_{2h+2} ...

Dây con thứ h : ah azh azh ...

Tiến hành sấp xếp các phần tử trong cùng dây con sẽ làm cho các phần tử được đưa về vị trí đúng tương đối (chỉ đúng trong dây con, so với toàn bộ các phần tử trong dây ban đầu có thể chưa đúng) một cách nhanh chóng, sau đó giảm khoảng cách h để tạo thành các dây con mới (tạo điều kiện để so sánh một phần tử với nhiều phần tử khác trước đó không ở cùng dây con với nó) và lại tiếp tục sấp xếp. Thuật toán dùng khi h = 1, lúc này bảo đảm tất cả các phần tử trong dây ban đầu sẽ được so sánh với nhau để xác định trật tự đúng cuối cùng.

Yếu tố quyết định tính hiệu quả của thuật toán là cách chọn khoảng cách h trong từng bước sắp xếp và số bước sắp xếp. Giả sử quyết định sắp xếp k bước, các khoảng cách chọn phả; thỏa điều kiện:

$$h_i > h_{i+1} \text{ và } h_i = 1$$

Tuy nhiên đến nay vẫn chưa có tiêu chuẩn rõ ràng trong việc lựa chọn dãy giá trị khoảng cách tốt nhất, một số dãy được Knuth để nghị:

$$h_i = (h_{i,1} - 1)/3$$
 và $h_k = 1$, $k = \log_3 n - 1$

Ví du : 127, 40, 13, 4, 1

hay

$$h_i = (h_{i-1} - 1)/2 \text{ và } h_k = 1, k = \log_2 n - 1$$

Ví dụ : 15, 7, 3, 1

Các bước tiến hành như sau:

Bước 1 . Chọn k khoảng cách h[1], h[2], ..., h[k]; 1 = 1;

Bước 2 .Phân chia dãy ban đầu thành các dãy con cách nhau h(1) khoảng cách. Sáp xếp từng đãy con bằng phương pháp chèn trực tiếp

Bude 3 : i = i+1:

Neu i > k : Dùng

Nếu i<=k. Lập lại Bước 2.

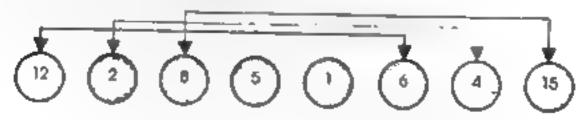
Ví dụ

Cho dây số a.

12 28 5 1 6 4 15

Giả sử chọn các khoảng cách là 5, 3, 1

h = 5 . xem dây ban đầu như các dãy con

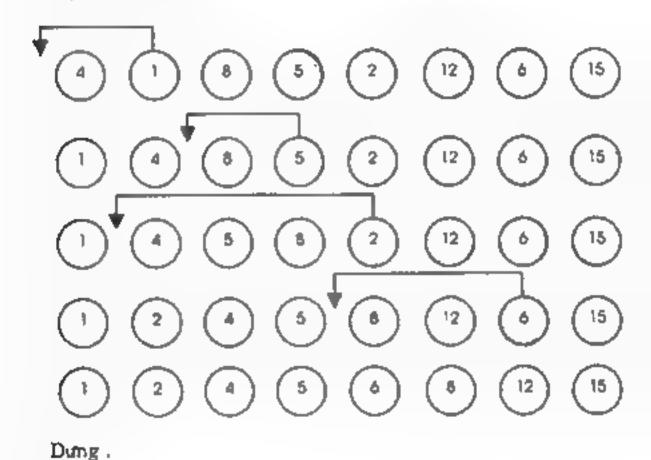


h = 3 : (sau khi đã sấp xếp các dãy con ở bước trước)



h = 1 : (sau khi đã sắp xếp các dây con ở bước trước)

Sắp xếp dãy ta có.



Cài dặt

Giả sử đã chọn được dây độ dài h[1], h[2], ..., h[k], thuật toán Shell sort có thể được cài đặt như sau

void ShellSort(int a[', int N, int h[), int k

```
intstep,i,j;
int
       x,len;
for (step = 0 : step <k; step ++)
   len = h[step];
   for \{i = len, i < N; i++\}
      x = a[i]_{\mathcal{I}}
       j = 1-len, // a[i] đứng kể trước a[i] trong cùng dãy
       CDM
       while (.x<a[j])&&(j>=0)#sáp xép dày con.
       chữa x
       {// bằng phương pháp chèn trực tiếp
          a[j+len] = a[j]:
          j = j - len:
       a(j+len) = x;
   ł
1
```

Đánh giá giải thuật

Hiện nay việc đánh giả giải thuật Shell sort dẫn đến những vấn để toán học rất phực tạp, thậm chí một số chưa được chứng minh Tuy nhiên hiệu quả của thuật toán còn phụ thuộc vào đây các độ dài được chọn Trong trường hợp chọn đây độ dài theo công thức $h_i = (h_{i,1} - 1)/2$ và $h_k = 1$, $k \approx \log_2 1$ thi giai thuật có độ phực tạp $\approx n^{1.2} << n^2$

9. Sắp xếp dựa trên phân hoạch - Quick sort

Giải thuật

Để sấp xếp đây a₁, a₂, ..., a_n giải thuật Quick sort dựa trên việc phân hoạch dây ban đầu thành hai phân .

- Đây con I Gồm các phần tử a₁, a₄ có giá trị không lớn hơn x
- Dây con 2: Gồm các phần tử a_i... a_m có giá trị không nhỏ hơn x

với x là giá trị của một phần tử tùy ý trong dãy ban đầu. Sau khi thực hiện phân hoạch, đây ban đầu được phân thành ba phần:

$$1. a_k < x$$
, với $k = 1..i$

2.
$$\mathbf{a}_{\mathbf{k}} = \mathbf{x}$$
, $\mathbf{vot} \mathbf{k} = \mathbf{i}$...j

3.
$$a_k > \pi$$
, với $k = j..N$

n _k < x	$\mathbf{a}^{\mu} = \mathbf{x}$	a _k > x

trong đó dây con thứ 2 đã có thứ tự, nếu các dây con 1 và 3 chỉ có 1 phần tử thì chúng cũng đã có thứ tự, khi đó dây ban đầu đã được sấp. Ngược lại, nếu các dây con 1 và 3 có nhiều hơn 1 phần tử thì dây ban đầu chỉ có thứ tự khi các dây con 1, 3 được sấp. Để sấp xếp dây con 1 và 3, ta lần lượt tiến hành việc phân hoạch từng đây con theo cùng phương pháp phân hoạch dây ban đầu vừa trình bày ...

Giải thuật phân hoạch dãy a, a,, , , a, thành hai dãy

Bước 1 : Chọn tùy ý một phần tử a(k) trong dây là giá trị mốc, $1 \le k \le r$

$$x = a[k]; i = l; j = r;$$

Bước 2. Phát hiện và hiệu chính cặp phần tử a[i], a[j] nằm sai chỗ:

Bước 2a: Trong khi (a[1] < x) i++;

Bude 2b: Trong khi (a[j] > x) j--;

Bước 2c: Nếu $i < j // a(i) \ge x \ge a(j)$ mà a(j) đứng sau a(i)

Hoán vị (a[i],a[j]);

Bude 3:

Nếu 1 < j. Lập lại Bước 2 //chưa xét hết mảng

Nếu i≥j: Dừng

29. NHẬN XÉT

- Về nguyên tắc, có thể chọn giá trị mốc x là một phần từ tùy ý trong dây, nhưng để đơn giản, dễ diễn đặt giải thuật, phân từ có vị trí giữa thường được chọn, khi đó k
 (1 +r)/2.
- Giá trị mốc x được chọn sẽ có tác động đến hiệu quả thực hiện thuật toán vì nó quyết định số lần phân hoạch. Số lần phân hoạch sẽ ít nhất nếu ta chon được x là phân tử median của dãy Tuy nhiên do chi phí xác định phần tử median quá cao nên trong thực tế người ta không chọn phân tử này mà chọn phân tử nằm chính giữa dây làm mốc với hy vọng nó có thể gần với giá trị median

Giải thuật để sắp xếp dây a_b a_{bd} ..., a_c:

Có thể phát biểu giải thuật sắp xếp Quick sort một cách đệ qui như sau :

Buớc I

Phân hoạch dây a, a, thành các dây con .

- Dây con 1 · a_i... a_i ≤ x

- Day con 2 : a_{i+1}... a_{i-1} = x

- Day con 1 : a_i. u_r ≥ x

Bước 2

Nếu (l < j) // đãy con 1 có nhiều hơn 1 phần .

Phân hoạch đãy a_i.. a_j

Nếu (i < r) // đãy con 3 có nhiều hơn 1 phần tử

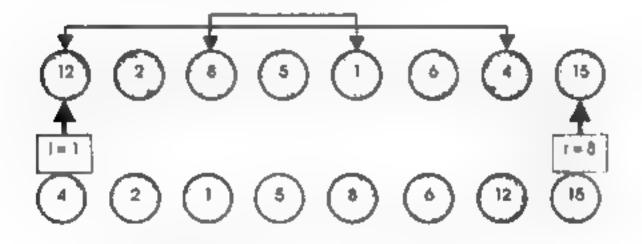
Phân hoạch đãy a_i.. a_r

Ví dụ

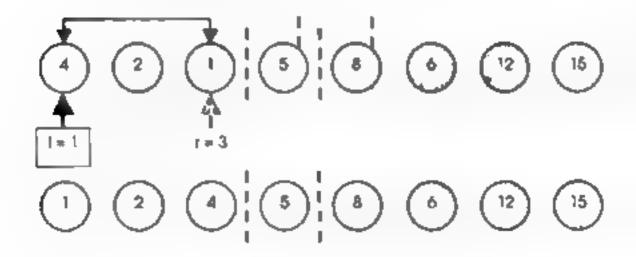
Cho dāy số a:

12 2 8 5 1 6 4 15

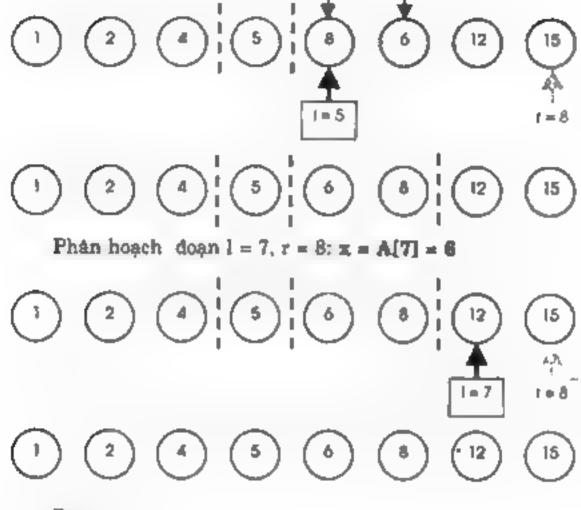
Phan hoạch doạn l=1, r=8: x=A[4]=5



Phân hoạch doạn l=1, r=3 x=A(2)=2



Phân hoạch doạn l = 5, r = 8: x = A[6] = 6



Dung.

Cài đặt

Thuật toán Quick sort có thể được cài đặt đệ qui như sau

```
Hoanvi(a[i],a[j]);

1++; j--;
}
|while(i < j);
if(l < j)
QuickSort(a,l,j);
if(i < r)
QuickSort(a,i,r);</pre>
```

Dánh giá giải thuật

Hiệu quả thực hiện của giải thuật Quick sort phụ thuộc vào việc chọn giá trị mốc. Trường hợp tốt nhất xảy ra nếu mỗi lần phân hoạch đều chọn được phần tử median (phần tử lớn hơn (hay bằng) nửa số phần tử, và nhỏ hơn (hay bằng) nửa số phần tử còn lại) làm mộc, khi đó dãy được phân chia thành hai phần bằng nhau và cần log₂(n) lần phân hoạch thì sắp xếp xong. Nhưng nếu mỗi lần phân hoạch lại chọn nhằm phần tử có giá trị cực đại (hay cực tiếu) là mốc, dãy sẽ bị phân chia thành hai phần không đều: một phần chỉ có một phần tử, phần còn lại gốm (n-1) phần tử, do vậy cần phân hoạch n lần mới sấp xếp xong. Ta có bảng tổng kết.

Trường hợp	Dộ phức tạp
Tôt nhất	n*log(n)
Trung binh	n*log(n)
Xáu nhất	n ³

10. Sắp xếp theo phương pháp trộn trực tiếp - Merge sort

Giải thuật

Để sắp xếp dãy a1, a2, ..., a4, giai thuật Merge sort dựa trên

nhận xét sau:

- Môi dây a₁, a₂, ..., a_n bất kỳ dễu có thể coi như là một tập hợp các dây con liên tiếp mà mỗi dãy con đều đã có thứ tự Ví dụ dãy 12, 2, 8, 5, 1, 6, 4, 15 có thể coi như gồm 5 dây con không giám (12); (2, 8); (5); (1, 6); (4, 15).
- Dây đã có thứ tự coi như có 1 dây con.

Như vậy, một cách tiếp cặn để sắp xếp dãy là tìm cách làm giảm số dãy con không giảm của nó. Đây chính là hướng tiếp cận của thuật toán sắp xếp theo phương pháp trộn.

Trong phương pháp Merge sort, mấu chốt của vấn để là cách phân hoạch dây ban đầu thành các đãy con. Sau khi phân hoạch xong, đây ban đầu sẽ được tách ra thành hai đây phụ theo nguyên tác phân phối đều luân phiên Trộn tưng cập đây con của hai đây phụ thành một đây con của đây ban đầu, ta sẽ nhân lại đây ban đầu nhưng với số lượng đây con ít nhất giảm đi một nữa Lập lại qui trình trên sau một số bước, ta sẽ nhận được một đây chỉ gồm một đây con không giam; nghĩa là dây ban đầu đã được sấp xếp.

Giải thuật trộn tự nhiên là phương pháp trộn đơn giản nhất. Việc phán hoạch thành các dãy con đơn giản chỉ là tách dãy gồm n phán từ thành n dãy con Đòi hỏi của thuật toán về tính có thứ tự của các dãy con luôn được thỏa trong cách phân hoạch này vì đãy gồm một phán từ luôn có thứ tự. Cứ mỗi lần tách rỗi trộn, chiếu dài của các dãy con sẽ được nhán đồi.

Các bước thực hiện thuật toán như sau:

Bước 1 : // Chuẩn bị

k ≈ 1, // k là chiều dài của đây con trong bước hiện hành

Bước 2 :

Tách dây a_1 , a_2 , , a_n thành hai dây b, c theo nguyên tắc luân phiên từng nhóm k phần từ:

$$c = a_{k+1}, ..., a_{2k}, a_{3k+1}, ..., a_{4k}, ...$$

Bude 3 :

Trộn từng cập đây con gồm k phần tử của hai đây b, c vào a.

Buóc 4:

 $k = k^{+}2;$

Nếu k < n thì trở lại bước 2.

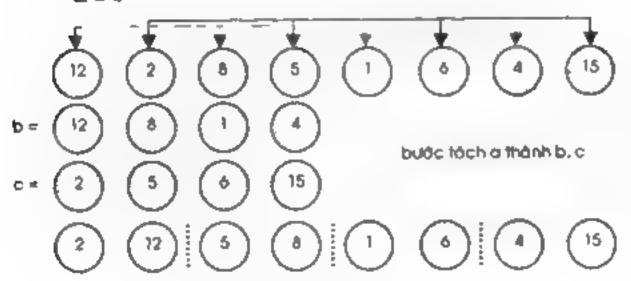
Ngược lại: Đừng

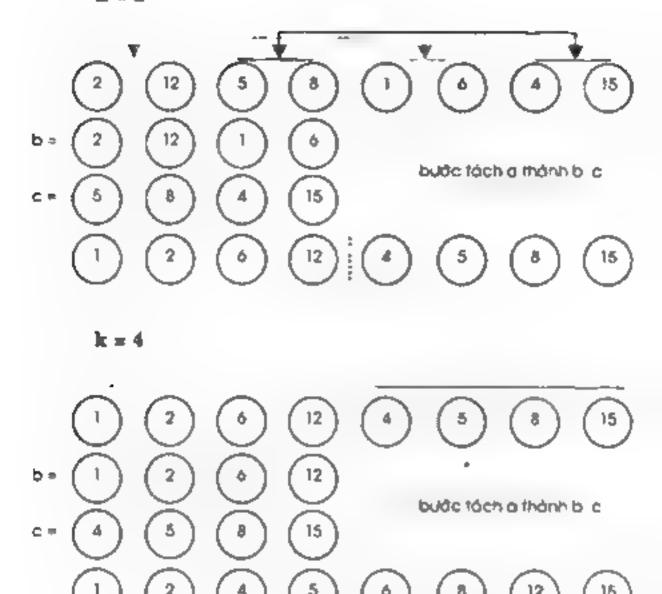
Ví du

Cho dãy số a.

12 2 8 5 1 6 4 15

k = 1





· Chi đặt

Thuật toán Merge sort có thể được cài đặt như sau.

```
int b[MAX , c[MAX ; // hat mang phu
void MergeSort(int a[], int n)
{
  int p, pb, pc, // các chỉ số trên các mảng a, b, c
  int 1, k = 1, // độ dài của dây con khư phan hoạch
  do {
    // lách a thành b và c;
```

```
p = pb = pc = 0;
        while (p < n) (
            for(i = 0; (p < n) & (i < k); i++)
               b[pp++] = a[p++];
            for(i = 0; (p < n) \&\&(i < k); i++)
               c(pc++) = a(p++);
        Mergela, pb, pc, k);//trộn b, claithành a
        k *= 2:
     !while(k < n):</pre>
į.
```

trong đó hàm Merge có thể được cài đất như sau

```
vo.d Merge(int a(), int nb, int nc, int k)
   int p, pb, pc, ib, ic, kb, kc;
  p = pb = pc = 0; ib = ic = 0;
  while ((0 < nb) # f (0 < nc))
      kb = m.n(k, nb), kc = min(k, nc);
      if (b(pb+1b) <= c(pc+1c)) (
         a[p++] = b[pb+ib]; ib++;
         if(ib == kb) {
            for {; ic<kc; ic++} a[p++] =
            c[pc+iq];
            po += kb. pc ++ kc: ib = ic = 0,
            no -- kb; no -- kd;
         )
      1
      else
         a[p++] = c[pc+ic]; ic++;
         if(ic == kc) {
            for(; ib<kb; ib++) a[p++] +
            b[pb+1b];
            pb += kb; pc += kc; ib = ic = 0;
            nb += kb; na -= kc;
         1
```

Đánh giá giải thuật

Ta thấy rằng số lần lập của bước 2 và bước 3 trong thuật toán Merge sort bằng logan do sau mỗi lần lặp giá trị của k tăng lên gấp đôi. Để thấy, chi phí thực hiện bước 2 và bước 3 tỉ lệ thuận với n. Như vậy, chỉ phí thực hiện của giải thuật Merge sort sẽ là O(nlog₂n). Do không sử dụng thông tin nào về đặc tính của đây cần sấp xếp, nên trong mọi trường hợp của thuật toán chi phí là không đổi. Đây cũng chính là một trong những nhược diễm lớn của thuật toán.

S NHẬN XÉT

- Như trong phần đánh giá giải thuật, một trong những nhược điểm lớn của thuật toán là không tận dụng những thông tin về đặc tính của dây cần sắp xếp. Ví dụ trường hợp dây đã có thứ tự sắn. Chính vì vậy, trong thực tế người ta ít dùng thuật toán trộn trực tiếp mà người ta dùng phiên bản cải tiến của nó. Phiên bản này thường được biết với tên gọi thuật toán trộn tự nhiên (Natural Merge sort).
- Để khảo sát thuật toán trộn tự nhiên, trước tiên ta cần định nghĩa khái niệm đường chạy (run);

Một đường chạy của dây số a là một dây con không giảm của cực đại của a; nghĩa là, đường chạy $r = (a_0 \ a_{00})$, a_0) phải thỏa điều kiện:

$$\begin{cases} a_k \le a_{k+1} & \forall k \in [i, j) \\ a_i < a_{i+1} \\ a_j > a_{j+1} \end{cases}$$

Ví du đãy 12, 2, 8, 5, 1, 6, 4, 15 có thể coi như gồm 5 đường chạy (12); (2, 8); (5); (1, 6); (4, 15).

Thuật toán trộn tự nhiên khác thuật toán trộn trực tiếp ở chỗ thay vì luôn cũng nhác phân hoạch theo đầy con có chiều dài k, việc phân hoạch sẽ theo đơn vị là đường

chạy ta chỉ cần biết số đường chạy của a sau lần phân hoạch cuối cùng là có thể biết thời điểm dừng của thuật toán vì dãy đã có thứ tự là dãy chỉ có một đường chạy.

Các bước thực hiện thuật toán trộn tự nhiên như sau

Bude 1: // Chuẩn bị

r = 0; // r dùng để đếm số đường chạy

Виде 2 :

Tách dãy a₁, a₂, ..., a_c thành hai dây b, c theo nguyên tắc luân phiên từng đường chạy:

Butte 2.1:

Phân phối cho b một đường chạy; r = r+1; Nếu a còn phần từ chưa phân phối Phân phối cho c một đường chạy; r = r+1;

Bude 2.2 :

Nếu a còn phần tử: quay lại bước 21;

Bude 3:

Trộn từng cặp đường chạy của hai dây b, c vào a

Butte 4:

Néu r <= 2 thì trở lại bước 2; Ngược lại: Dựng;

• Một nhược diễm lớn nữa của thuật toán trộn là khi cài đặt thuật toán đòi hỏi thêm không gian bộ nhớ để lưu các dây phụ b, c. Hạn chế này khó chấp nhận trong thực tế vì các dây cần sấp xếp thường có kích thước lớn. Vì vậy thuật toán trộn thường được đùng để sấp xếp các cấu trúc dữ liệu khác phù hợp hơn như danh sách hên kết hoặc file. Chương sau ta sẽ gặp lại thuật toán này

Sắp xếp theo phương pháp cơ số - Radix sort

Giải thuật

Khác với các thuật toán trước, Radix sort là một thuật toán tiếp cận theo một hướng hoàn toàn khác. Nếu như trong các thuật toán khác, cơ sở để sấp xếp luôn là việc so sánh giá trị của hai phần tử thì Radix sort lại dựa trên nguyên tắc phân loại thư của bưu điện. Vì lý do đó nó còn có tên là Postman's sort. Nó không hể quan tâm đến việc so sánh giá trị của phần tử và bản thân việc phân loại và trình tự phân loại sẽ tạo ra thứ tự cho các phần tử.

Ta biết rằng, để chuyển một khối lượng thư lớn đến tay người nhận ở nhiều địa phương khác nhau, bưu điện thường tổ chức một hệ thống phân loại thư phân cấp. Trước tiên, các thư đèn cũng một tình, thành phố sẽ được sắp chung vào một lò để gửi đến tinh thành tương ứng. Bưu điện các tinh thành này lại thực hiện công việc tương tự. Các thư đến cung một quận, huyện sẽ được xếp vào chung một lò và gửi đến quận, huyện tương ứng. Cứ như vậy, các bức thư sẽ được trao đến tay người nhận một cách có hệ thông mà công việc sấp xếp thư không quá năng nhọc.

Mô phông lại qui trình trên, để sấp xếp dây a₁, a₂, ..., a₂, giải thuật Radix sort thực hiện như sau:

- Trước tiên, ta có thể giả sử mỗi phần từ a, trong dây a;
 a, a, là một số nguyên có tối đã m chữ số.
- Ta phân loại các phần tử lần lượt theo các chữ số hàng dơn vị, hàng chục, hàng trầm, tương tự việc phân loại thư theo tỉnh thành, quận huyện, phường xã, ...

Các bước thực hiện thuật toán như sau

Bước I // k cho biết chữ số dùng để phân loại hiện hành k = 0, // k = 0: hàng đơn vị; k = 1: hàng chục; ...

Bước 2 · //Tạo các lõ chứa các loại phần tử khác nhau Khởi tạo 10 lõ B₀, B₁, , B₀ rỗng;

Bước 3 : For i = 1 ... n do
Đặt a_i vào là B_i với $t = chữ số thứ k của <math>a_i$:

Bước 4. Nối Bo, B1. .., B2 lại (theo đúng trình tự) thành a.

Bước δ : k = k+1; Nếu k < m thì trở lại bước 2. Ngược lại: Đừng

Ví dụ

Cho day số a:

701 1725 999 9170 3252 4518 7009 1424 428 1239 8426 7013

Phân lỗ theo hàng đơn vị:

12 11 10 9 8 7 6 5	0701 1725 0999 9170 3252 4518 7009 1424 0428										
3	1239										099 9
2	8425 7013	917 <u>0</u>	0701	2250	7019	1494	1725		<u> </u>	4518	
cs	A	0	1	2	701 <u>3</u>	4	5425	6	7	042 <u>8</u> 8	123 <u>9</u>

Các lô B dùng để phân loại

Phân lô theo hàng chực:

			_	_							_
12	09 9 9										
11	7009										
10	1239										
9	4518				-		0				
8	0428										
7	1725										
6	8425										
5	1424										
4	7013			28							
3	32 <u>5</u> 2			1725							
2	0701	7009	4518	8425							
1	9170	0701	7013	1424	1239		3252		9170		09 9 9
CS	A	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Phân lộ theo hàng trâm.

12	0998										
11	9170										
10	3252								<u> </u>		
9	1239					1					
8	0428										
7	1725										
6	8425										
5	1424										
4	4518										
3	7013					0428			,		
2	7009	7013		3252		8425			1725		
1	0701	7 <u>0</u> 09	9170	1239		1424	4518		0701		0 9 99
CS	Α	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Phân lỗ theo hàng ngàn.

12	0999				Π-				Ţ		
11	<u>1725</u>							<u> </u>			
10	0701										
9	4518										
8	0428										
7	8425										
6	1424										
5	<u>3</u> 252										
4	1239										
3	9170	0999	1725								
2	7013	07 01	1424						7013		
1	7009	0428	1239		3252	4518			7009	8425	9170
CS	Α	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Lấy các phần tử từ các lõ Bo, B1, ..., Bo nối lại thành a:

12	9170			}		<u> </u>					
11	8425									ļ	
10	7013										
9	7009										
8	4518										
7	3252										
6	1725										
5	1424		1								
4	1239										
3	0999								L		
2	<u>070</u> 1										
1	<u>0</u> 428										
CS	A	0	1 .	_2_,	3	. 4	5	_6	7	8_	9

Dánh giá giải thuật

Với một dãy n số, mỗi số có tối da m chữ số, thuật toán thực hiện m lần các thao tác phân lỏ và ghép lỏ. Trong thao tác phân lỏ, mỗi phần tử chỉ được xét đúng một lần, khi ghép cũng vậy. Như vậy, chi phí cho việc thực hiện thuật toán hiện nhiên là O(2mn) = O(n).

29. NHẬN XÉT

- Sau lần phân phối thứ k các phần tử của A vào các lỏ B₀, B₁, ., B₉, và lấy ngược trở ra, nếu chỉ xét đến k+1 chữ số của các phần tử trong A, ta sẽ có một màng tăng dần nhờ trình tự lấy ra từ 0 → 9 Nhận xét này bảo dầm tính đúng đấn của thuật toán.
- Thuật toán có độ phức tạp tuyến tính nên hiệu quả khi sắp dãy có rất nhiều phần tử, nhất là khi khóa sắp xếp không quá dài so voiữ số lượng phần tử (điều này thường gặp trong thực tế).
- Thuật toán không có trường hợp xấu nhất và tốt nhất. Mọi dây số đều được sắp với chi phí như nhau nếu chúng có cùng số phần tử và các khóa có cùng chiều dài.
- Thuật toán cài đặt thuận tiên với các mảng với khóa sắp xếp là chuỗi (ký tự hay số) hơn là khóa số như trong ví dụ do tránh được chi phí lấy các chữ số của từng số.
- Tuy nhiên, số lượng lò lớn (10 khi dùng số thập phân, 26 khi dùng chuỗi ký tự tiếng Anh, ...) nhưng tổng kích thước của tất cả các lò chỉ bằng dãy ban đầu nên ta không thể dùng mảng để biểu diễn B. Như vậy, phải dùng câu trúc dữ liệu động để biểu diễn B ⇒ Radix sort rất thích hợp cho sấp xếp trên danh sách liên kết.

• Người ta cũng dùng phương pháp phân lỗ theo biểu diễn nhị phân của khóa sắp xếp. Khi đó ta có thể dùng hoạn toàn cấu trúc dữ liệu mảng để biểu diễn B vì chỉ cần dùng hai lỗ B₀ và B₁. Tuy nhiên, khi đó chiếu dài khóa sẽ lớn. Khi sắp các dây không nhiều phân tử, thuật toán Radix sort sẽ mất ưu thế so với các thuật toán khác.

TÓM TẤT

Trong chương này chung tơ đã xem xét các thuật loạn tim kiếm và sắp xếp thông dụng. Cấu trực dữ liệu chính để minh họa các thao tác này chủ yếu là mảng một chiếu: Đây cũng là một trong những cấu trực dữ liệu thông dụng nhất

Khi khảo sát các thuật toán tim kiếm, chúng ta đã tôm quan với họi thuật toán. Thuật toán thứ nhất là thuật toán tim kiếm huấn tự. Thuật toán này có độ phức tạp tuyến tính (O(n)). Ưu diễm của nó là tổng quát và có thể mở rộng để thực hiện các bái toán tim kiếm đa dạng. Tuy nhiên, chi phí thuật toán khá cao nên ít khi được sử dụng. Thuật toán thứ hai là thuật toán nhị phân tím kiếm. Thuật toán này có ưu điểm là tim triểm rất nhanh (độ phức tạp là log₂n) nhưng chỉ có thể áp dụng đối với dữ liệu đã có thứ tự theo khóa tim kiếm. Đo đói hỏi của thực tiế, thao tác tim kiếm phải nhanh vì dây là thao tác có tân suất sử dụng tốt cao nên thuật toán nhị phân tim kiếm thường được dùng hơn thuật toán tìm huấn tự. Chính vì vậy xuất hiện nhu cấu phát triển các thuật toán sốp xép hiệu quả

Phần tiếp theo của chương trình bày các thuật toán sấp xếp thông dụng theo thứ tự từ đơn giản đến phúc tạp (từ chi phí cao đến chi phí thấp).

Phần lớn các thuột toán sấp xếp cơ bản dựa trên sự so sánh giả tri giữa các phần tử. Bất đầu từ nhằm các thuật toán cơ bản, đơn giản nhất Đó là các thuật toán chọn trực tiếp, chên trực tiếp nổi bọt đổi chỗ trực tiếp. Các thuật toán này đều có một điểm chung là chi phi thực hiện chung tỉ lệ với n²

Tiếp theo, chung to khảo sát một số cải tiến của các thuột toán trên.

Nếu như các thuật toán chên nhị phân (cải tiến của chèn trực tiếp), Shaker sort (cải tiến của nổi bọt). Tuy chi phí có lì hơn các thuật toán gốc nhưng chúng vẫn chỉ là các thuật toán thuậc nhóm có độ phức tạp $O(n^2)$ thì các thuật toán Shell sort (cải tiến của chên trực tiếp), Heap sort (cải tiến của chọn trực tiếp) lại có độ phức tạp nhỏ hơn hắn các thuật toán gốc. Thuật toán Shell sort có độ phức tạp $O(n^2)$ với 1 < x < 2 và thuật toán Heap sort có độ phức tạp $O(n^2)$ với 1 < x < 2 và thuật toán Heap sort có độ phức tạp $O(n^2)$ với 1 < x < 2 và thuật toán Heap sort có độ phức tạp $O(n^2)$ với 1 < x < 2 và thuật toán Heap sort có độ phức tạp $O(n^2)$.

Các thuật toán Merge sort và Quick sort là những thuật toán thực hiện theo chiến lược chia để tị. Cài đặt chung tuy phức tạp hơn các thuật toán khác nhưng chi phí thực hiện lại thấp. Cả hai thuật toán đều có độ phức tạp O(nlog₂n). Merge sort có nhược điểm là cần dùng thêm bộ nhở đêm. Thuật toán này sẽ phát huy tốt ưu điểm của mình han khi cải đặt trên các cấu trúc dữ liệu khác phù hợp hơn như danh sách liên kết hay file.

Thuật toàn Quick sort, như tên gọi của mình được đảnh giá là thuật toàn sắp xếp nhanh nhất trong số các thuật toán sắp xếp dựa trên nên tổng so sánh giá trị của các phần tử. Tuy có chi phí trong trường hợp xấu nhất là O(n²) nhưng trong kiểm nghiệm thực tếi thuật loán Quick sọrt chọy nhanh hơn hai thuật toán cùng nhóm O(niogyn) là Merge sort và Heop sort. Tự thuật toán Quick sort, to cũng có thể xây dựng được một thuật toán hiệu quá tìm phân tử trung vị (median) của một dây số.

Người ta cũng đã chững minh được rằng, O(nlog₂n) là ngường chặn dưới của các thuật toán sắp xếp dựa trên nên tặng so sônh giá tị của các phần tử. Để vượt quo ngường này, ta cần phát triển thuật toán mới theo hướng khác các thuật toán trên. Rodix sort là một thuật toán như vậy. Nó được phát triển dựa trên sự mô phẳng qui trình phân phối thư của những người dựa thư. Thuật toán này đại diện cho nhóm các thuật toán sắp xếp có độ phức tạp tuyến tính. Tuy nhiên, thường thì các thuật toán này không thích hợp cho việc các đặt trên cấu trúc dữ liệu mằng một chiều.

Chúng to sẽ còn gặp lợi các thuật toàn Quick sort, Merge sort, Radix sọrt trong chương kế tiếp khi khảo sái các thao tác trên dạnh sách liên kết

BĂI TẬP

Bài tập lý thuyết

Xét mảng các số nguyên có nội dung như sau :

-9 -9 -5 -2 0 3 7 7 10 15

- a. Tính số lần so sánh để tìm ra phần từ X = -9 bằng phương pháp;
 - a.1 Tim tuyến tính
 - a.2 Tìm nhị phân

Nhận xét và so sánh hai phương pháp tìm nêu trên trong trường hợp này và trong trường hợp tổng quát.

- b. Trong trường hợp tìm nhị phân, phần từ nào sẽ được tìm thấy (thứ 1 hay 2)
- Xây dựng thuật toán tìm phần từ nhỏ nhất (lớn nhất) trong một mảng các số nguyên.
- 9. Một giải thuật sắp xếp được gọi là ổn định (stable) nếu sau khi thực hiện sắp xếp, thứ tự tương đối của các mấu tin có khóa bằng nhau không đối Trong các giải thuật đã trình bày, giải thuật nào là ổn định?
- 10. Trong ba phương pháp sắp xêp cơ bản (chọn trực tiếp, chèn trực tiếp, nổi bọt) phương pháp nào thực hiện sắp xếp nhanh nhất với một dây đã có thứ tự? Giải thích.
- 11. Cho một ví dụ minh hoạ ưu điểm của thuật toán Shake sort đối

với Buble sort khi sắp xếp một dây số.

12. Xét bản cài đặt thao tác phân hoạch trong thuật toán QuickSort sau đây:

```
i = 0; j = n-1; x = a[n/2];
do
(
   while ( a[i]<x) i ++;
   while ( a[j]>x) j --;
   Hoanvi(a[i],a[j]);
;while (i <= j );</pre>
```

Có dày a[0], a[1], , a[n-1] nào làm đoạn chương trình trên sai hay không ² Cho ví dụ minh họa.

13. Hãy xây dựng thuật toán tìm phản tử trung vị (median) của một dây số a₁, a₂, ..., a_n dựa trên thuật toán Quick sort. Cho biết độ phức tạp của thuật toán này

Bài tập thực hành

- 14. Cài đặt các thuật toán tim kiếm và sắp xếp đã trình bày. Thể hiện trực quan các thao tác của thuật toán. Tính thời gian thực hiện của mỗi thuật toán.
- 15. Hãy viết hàm tìm tất cá các số nguyên tổ nằm trong mảng một chiếu a có n phần tử
- 16. Hãy viết hàm tìm dây con tăng dài nhất của mảng một chiều a có n phần tử (đây con là một dây liên tiếp các phần của a).
- 17. Khái niệm heap trong chương này trình bày còn được gọi là heap max vì phần tử a₁ là max của heap. Tương tự ta có thể

định nghĩa một heap min Dùng heap min, hãy xây dựng và cài đặt thuật toán để sấp theo thứ tự giảm dãy số a có n phần tử

- 18. Cài đặt thuật toán tìm phần từ trung vị (median) của một dây số bạn đã xây dựng trong bài tập 6.
- 19. Hãy viết hàm đếm số đường chạy của mảng một chiếu a có n phần tử (dây con là một dây liên tiếp các phần của a).
- 20. Hãy cài đặt thuật toán trọn trực tiếp mà chỉ sử dụng thêm một mảng phụ có kích thước bằng màng cần sắp xếp A. (HD: do hai mảng con B, C tách ra tư A nên tổng số phần tử của B và C đúng bằng số phần tử của A, Hãy dùng một mảng chung Buff để lưư trữ B và C B lưu ở đầu mảng Buff còn C lưu ở cuối ngược từ cuối lên Như vậy B và C sẽ không bao giờ chống lấp lên nhau mà chỉ cần dùng 1 mảng).
- 21. Hây viết hàm trộn hai mảng một chiều có thứ tự tăng b và c có m và n phần tử thành mảng một chiếu a cũng có thứ tự tăng.
- 22. Hãy cài đặt thuật toán trọn tự nhiên. Thờ viết chương trình lập bảng so sánh thời gian thực hiện của thuật toán trọn tự nhiên với thuật toán trộn trực tiếp và thuật toán quick sort bằng các thử nghiệm thực tế.
- 23. Hày cài đặt thuật toán Radix sort để sắp xếp các phần tử của mảng a có n phân tử (n ≤ 100).
- 24. Cài đặt thêm chức năng xuất bảng lương nhân viên theo thứ

tự tiền lương tăng dần cho bài tập 6 - chương 1.

- 26. *Hãy viết chương trình cho phép so sánh các thuật toán sắp xếp khác nhau bằng cách tạo ra dữ liệu thử ngâu nhiên (về cả số phần tử trong mảng và giá trị của các phần tử) và thống kê số các thao tác so sánh, gán Xuất kết quả ra màn hình dạng bảng.
- 26. *Hãy viết chương trình minh họa trực quan các thuật toán tìm kiếm và sáp xèp để hỗ trợ cho những người học môn cấu trúc dữ hệu.

96

CHUCING 3

CẤU TRÚC DỮ LIỆU ĐỘNG

Mục tiêu

- 💞 Giới thiệu khái niệm cấu trúc dữ liệu động.
- " Danh sách liên kết: tổ chức, các thuật toán, ứng dụng.

I. ĐẶT VẤN ĐỂ

Với các cấu trúc dữ liệu được xây dựng từ các kiểu cơ sở như kiểu thực, kiểu nguyên, kiểu ký tự. hoặc từ các cấu trúc đơn giản như mấu tin, tập hợp, mảng .. lập trình viên có thể giải quyết hầu hết các bài toán dặt ra. Các đổi tượng dữ liệu được xác định thuộc những kiểu dữ liệu này có đặc điểm chung là không thay đổi được kích thước, cấu trúc trong quá trình sống, do vậy thường cũng nhác, gò bó khiến đôi khi khó diễn tả được thực tế vốn sinh động, phong phú. Các kiểu dữ liệu kể trên được gọi là các kiểu dữ liệu tĩnh.

Ví du

- Trong thực tế, một số đối tượng có thể được định nghĩa đệ qui, ví dụ để mô tả đối tượng 'con người' cần thể hiện các thông tin tối thiểu như:
 - Họ tên
 - Số CMND

Thông tin về cha, mẹ

Để biểu diễn một đối tượng có nhiều thành phần thông tin như trên có thể sử dụng kiểu mấu tin Tuy nhiên, cần lưu ý cha, mẹ của một người cũng là các đối tượng kiểu NGƯỜI, do vậy về nguyên tắc cần phải có định nghĩa như sau:

```
typedef struct NGuOI{
   char Noten(30);
   intSo_CMND;
   NGUOI Cha, Me;
};
```

Tuy nhiên với khai báo trên, các ngôn ngữ lập trình gặp khó khân trong việc cải đặt không vượt qua được như xác định kích thước của đối tượng kiểu NGUOI?

- 2. Một số đối tượng dữ liệu trong chu kỳ sống của nó có thể thay đổi về cấu trúc, độ lớn, như danh sách các học viên trong một lớp học có thể tăng thêm, giảm đi .. Khi đó nếu cố tình dùng những cấu trúc dữ liệu tình đã biết như màng để biểu diễn những đối tượng đó, lập trình viên phải sử dụng những thao tác phức tạp, kém tự nhiên khiến chương trình trở nên khó đọc, do đó khó bảo trì và nhất là khó có thể sử dụng bộ nhớ một cách có hiệu quả.
- 3. Một lý do nữa làm cho các kiểu dữ liệu tỉnh không thể đáp ứng được nhu cấu của thực tế là tổng kích thước vùng nhỏ dành cho tất cả các biến tĩnh chỉ là 64kb (1 Segment bộ nhỏ). Khi có nhu cấu dùng nhiều bộ nhỏ hơn ta phải sử dụng các cấu trúc dữ liệu động.
- 4. Cuối cùng, do bản chất của các dữ liệu tĩnh, chúng sẽ chiếm

vùng nhớ đã dành cho chúng suốt quá trình hoạt động của chương trình. Tuy nhiên, trong thực tế, có thể xảy ra trường hợp một dữ liệu nào đó chỉ tồn tại nhất thời hay không thường xuyên trong quá trình hoạt động của chương trình. Vì vậy việc dùng các CTDL tinh sẽ không cho phép sử dụng hiệu quả bộ nhớ.

Do vậy, nhằm đáp ứng nhu cấu thể hiện sát thực bản chất của dữ liệu cũng như xây dựng các thao tác hiệu quả trên đữ liệu, cần phải tìm cách tổ chức kết hợp dữ liệu với những hình thức mới linh động hơn, có thể thay đổi kích thước, cấu trúc trong suốt thời gian sống. Các hình thức tổ chức dữ liệu như vậy được gọi là cấu trúc dữ liệu động. Chương này sẽ giới thiệu về các cấu trúc dữ liệu động và tập trung khảo sát cấu trúc dơn giản nhất thuộc loại này là danh sách liên kết.

II. KIỂU ĐỮ LIỆU CON TRÒ

Biến không động (biến tĩnh, biến nửa tĩnh)

Khi xây dựng chương trình, lập trình viên có thể xác định được ngay những đối tượng dữ liệu luôn cấn được sử dụng, không có nhu cấu thay đổi về số lượng kích thước do đó có thể xác định cách thức lưu trữ chúng ngay từ đầu. Các đối tượng đữ liệu này sẽ được khai báo như các biến không động. Biến không động là những biến thỏa:

- Được khai báo tường minh,
- Tổn tại khi vào phạm vi khai báo và chỉ mất khi ra khỏi phạm vi này,
- Được cấp phát vùng nhớ trong vùng dữ liệu (Data segment) hoặc là Stack (đối với biến nữa tĩnh - các biến

cục bộ),

Kích thước không thay đổi trong suốt quá trình sống.

Do được khai báo tường minh, các biến không động có một định danh đã được kết nối với địa chỉ vùng nhớ lưu trữ biến và được truy xuất trực tiếp thông qua định danh đó.

Ví dụ: int a; // a, b là các biến không động char b[10];

2. Kiểu con trò

Cho trước kiểu T = «V,O». Kiểu con trỏ - ký hiệu "Tp"- chỉ
đến các phần tử có kiểu "T" được định nghĩa:

trong đó

- Vp = ([các dia chỉ có thể lưu trữ những đổi tượng có kiểu T], NULL! (với NULL là một giá trị đặc biệt tượng trưng cho một giá trị không biết hoặc không quan tâm)
- Op = (các thao tác định địa chỉ của một đối tượng thuộc kiểu T khi biết con trỏ chỉ đến đối tượng đó) (thường gồm các thao tác tạo một con trỏ chỉ đến một đối tượng thuộc kiểu T; hủy một đối tượng đữ liệu thuộc kiểu T khi biết con trỏ chỉ đến đối tượng đó)
- Nói một cách để hiểu, kiểu con trỏ là kiểu cơ sở dùng lưu địa chỉ của một đối tượng dữ liệu khác.
- Biến thuộc kiểu con trỏ Tp là biên mà giá trị của nó là địa chỉ cuả một vùng nhớ ứng với một biến kiểu T, hoặc là giá

LUUY

Kích thước của biến con trỏ tùy thuộc vào qui ước số byte dịa chỉ trong từng mô hình bộ nhớ của từng ngôn ngữ lập trình cụ thể.

Ví dụ:

- biến con trò trong Pascal có kích thước 4 byte (2 byte địa chỉ segment + 2 byte địa chỉ offset)
- biến con trở trong C có kích thước 2 hoặc 4 byte tùy vào con trở near (chỉ lưu địa chỉ offset) hay far (lưu cá segment lẫn offset)
- Cú pháp định nghĩa một kiểu con trở trong ngôn ngữ C .

```
typedef <kiểu con trò> *<kiểu cơ sò>;
```

Ví du

```
typedef int *intpointer; intpointer p;
```

hoặc

int*p;

là những khai báo hợp lệ.

Các thao tác cơ bản trên kiểu con trở(mình họa bằng C)

- Khi một biến con trở p lưu địa chỉ của đối tượng x, ta nói 'p trở đến x'.
- Gán địa chỉ của một vùng nhớ con trỏ p:

p = <dia chi>,

p = <dia chi> + <giá tri nguyên>;

Truy xuất nội dung của đối tượng do p trở đến (*p)

3. Biến động

- Trong nhiều trường hợp, tại thời điểm biên dịch không thể xác định trước kích thước chính xác của một số đối tượng dữ liệu do sự tổn tại và tăng trưởng của chúng phụ thuộc vào ngữ cảnh của việc thực hiện chương trình. Các đối tượng dữ liệu có đặc điểm kể trên nên được khai báo như biến động Biến động là những biên thòa:
 - Biến không được khai báo tường minh.
 - Có thể được cấp phát hoặc giải phóng bộ nhớ khi người sử dụng yêu cấu.
 - Các biến này không theo qui tắc phạm vi (tính),
 - Vùng nhớ của biến được cấp phát trong Heap.
 - Kích thước có thể thay đổi trong quá trình sống
- Do không được khai báo tường minh nên các biến động không có một định danh được kết buộc với địa chỉ vùng nhớ cấp phát cho nó, do đó gặp khó khân khi truy xuất đến một biến động. Để giải quyết vấn để, biến con trỏ (là biến không động) được sử dụng để trỏ đền biến động. Khi tạo ra một biến động, phải dùng một con trỏ để lưu địa chỉ của biến này và sau đó, truy xuất đến biến động thông qua biến con

trẻ đã biết định danh.

 Hai thao tác cơ bản trên biến động là tạo và hủy một biến động do biến con tró 'p' trỏ đến:

Tạo ra một biến động và cho con trỏ 'p' chỉ đến nó

Hầu hết các ngôn ngữ lập trình cấp cao đều cung cấp những thủ tục cấp phát vùng nhỏ cho một biến động và cho một con trò giữ địa chỉ vùng nhỏ đó.

Một số hàm cấp phát bộ nhớ của C .

```
void* malloo (size); // trả về con trỏ chỉ đến một vùng nhớ

// size byte vừa được cấp phát.

void* calloc (n, size); // trả về con trỏ chỉ đến một vùng nhớ

// vừa được cấp phát gồm n phần tử,

// mỗi phần tử có kích thước size byte

now // hàm cấp phát bộ nhớ trong C++
```

Hủy một biến động do p chỉ đến

Hàm free(p) huỷ vùng nhớ cấp phát bởi hàm malloc hoặc calloc do p trở tới

Hàm delete p huỷ vùng nhớ cấp phát bởi hàm new do p trỏ tới

Ví dụ:

```
int* p1, p2;

// cấp phát vùng nhỏ cho một biến động kiểu int
p1 = (int*)malloc(sizeof(int));
```

p1* = 5; // đặt giá trị nằm cho biến động p1 // cấp phát biến đông kiểu mảng gồm 10 phần tử kiểu int p2 = (int*)calloc(10, sizeof(int)); (p2+3;* = 0, // đặt giá trị 0 cho phần tử thứ 4 của mảng p2 free(p1); free(p2);

III. DANH SÁCH LIÊN KẾT (LINK LIST)

Định nghĩa

Cho T là một kiểu được định nghiả trước, kiểu danh sách Tx gồm các phần tử thuộc kiểu T được định nghĩa là:

$$Tx = \langle Vx, Ox \rangle$$

trong đó

- Vx = {táp hợp có thứ tự các phân tử kiểu T được móc nổi với nhau theo trình tự tuyến tính};
- Ox = [Tạo danh sách, Tìm một phần từ trong danh sách; Chèn một phần từ vào danh sách; Huỳ một phần từ khỏi danh sách , Liệt kê danh sách, Sặp xêp danh sách ...]
- Ví du: Hổ sơ các học sinh của một trường được tổ chức thành danh sách gồm nhiều hổ sơ của từng học sinh, số lượng học sinh trong trường có thể thay đổi do vậy cấn có các thao tác thêm, hủy một hỗ sơ; để phục vụ công tác giáo vụ cần thực hiện các thao tác tìm hổ sơ của một học sinh, in danh sách hỗ sơ

2. Các hình thức tổ chức danh sách

Có nhiều hình thức tổ chức mối liên hệ tuần tự giữa các phần tử trong cùng một danh sách:

• Mối liên hệ giữa các phần tử được thể hiện ngắm: mỗi phần tử trong danh sách được đặc trưng bằng chỉ số. Cặp phần tử xi, xi, được xác định là kế cặn trong danh sách nhờ vào quan hệ giữa cặp chỉ số i và (i+1). Với hình thức tổ chức này, các phần tử của danh sách thường bất buộc phải lưu trữ liên tiếp trong bộ nhớ để có thể xây dựng công thức xác định địa chỉ phần tử thứ i:

1	2_	3	4	5_
9	4	5	3	8

address(1) = address(1) + (1-1)*sizeof(T)

Có thể xem mảng và tập tin là những danh sách đặc biệt được tổ chức theo hình thức liên kết "ngắm" giữa các phần tử Tuy nhiên máng có một đặc trưng giới hạn là số phần tử máng có định, do vậy không có thao tác thêm, hủy trên mảng; trường hợp tập tin thì các phần tử được lưu trữ trên bộ nhỏ phụ có những đặc tính lưu trữ riêng sẽ được trình bày chi tiết ở giáo trình Cấu trúc dữ liệu 2.

Cách biểu diễn này cho phép truy xuất ngẫu nhiên, dơn giản và nhanh chóng đến một phần từ bất kỳ trong danh sách, nhưng lại hạn chế về mặt sử dụng bộ nhỏ. Đối với màng, số phần từ được xác định trong thời gian biên dịch và cần cấp phát vùng nhỏ liên tục. Trong trường hợp tổng kich thước bộ nhỏ trống còn dù để chứa toàn bộ mảng nhưng các ở nhỏ trong lại không nằm kế cận nhau thì cũng không cấp phát vùng nhỏ cho mảng được. Ngoài ra do kich thước màng cố định mà số phần từ của đạnh sách lại khố dự trù chính xác nên có thể gây ra tình trạng thiếu hut hay làng phí bộ nhỏ. Hơn nữa các thao tác thêm, hủy một phần từ vào danh sách được thực hiện không tự nhiên trong hình thức tổ chức này

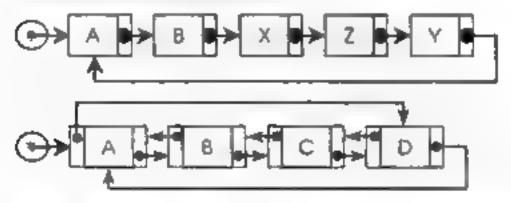
- Mối liên hệ giữa các phần tử được thể hiện tường minh: mỗi phần tử ngoài các thông tin về bản thân còn chữa một liên kết (địa chỉ) đến phần tử kế trong danh sách nên còn được gọi là danh sách móc nổi. Do liên kết tường minh, với hình thức này các phần tử trong danh sách không cần phải lưu trữ kế cận trong bộ nhỏ nên khắc phục được các khuyết điểm của hình thức tổ chức màng, nhưng việc truy xuất đến một phần tử đòi hỏi phải thực hiện truy xuất qua một số phần tử khác. Có nhiều kiểu tổ chức liên kết giữa các phần tử trong danh sách như:
 - Danh sách liên kết đơn: mỗi phần tử liên kết với phần tử đứng sau nó trong danh sách;



 Danh sách liên kết kép: mỗi phần từ liên kết với các phần từ đứng trước và sau nó trong danh sách:



 Danh sách liên kết vòng: phần từ cuối danh sách liên kết với phần tư đầu danh sách:



Hình thực bên kết này cho phép các thao tác thêm, hủy trên danh sách được thực hiện để dàng, phản ánh được bản chất linh dọng của danh sách Nhằm giới thiệu cấu trúc dữ liệu động, chương này sẽ trình bày các dạnh sách với hình thức tổ chức liên kết tường minh.

IV. DANH SÁCH ĐƠN (XÂU ĐƠN)

Tổ chức danh sách đơn theo cách cấp phát liên kết

Cấu trúc dữ liệu của một phần từ trong danh sách đơn

Mỗi phần từ của danh sách đơn là một cấu trúc chữa hai thông tin :

- Thành phần dữ liệu: lưu trữ các thông tin về bản thân phần từ.
- Thành phần mối liên kết, lưu trữ địa chỉ của phần tử kế tiếp trong danh sách, hoặc lưu trữ giá trị NULL nếu là phần tử cuối danh sách

Ta có định nghĩa tổng quát

Ví dụ : Đình nghĩa danh sách đơn lưu trữ hỗ sơ sinh viên.

```
typedef struct SinhVien
t char Ten(30);
int MaSV;
1SV;
```

typedef struct SinhvienNode
{ SV Info;
 struct SinhvienNode* pNext;
}SVNode;

- Một phần tử trong danh sách đơn là một biến động sẽ được yêu cấu cấp phát khi cần. Và danh sách đơn chính là sự liên kết các biến động này với nhau, do vậy đặt được sự linh động khi thay đổi số lượng các phần tử
- Nếu biết được địa chỉ của phần tử đầu tiên trong danh sách đơn thi có thể dựa vào thông tin pNext của nó để truy xuất đến phần tử thứ 2 trong xâu, và lại đựa vào thông tin Next của phần tử thứ 2 để truy xuất đến phần tử thứ 3... Nghĩa là để quản lý một xâu đơn chỉ cần biết địa chỉ phần tử đầu xâu. Thường một con trỏ Head sẽ được dùng để lưu trữ dịa chỉ phần tử đầu xâu, tả gọi Head là đầu xâu. Ta có khai báo:

NODE *pHead;

• Tuy về nguyên tắc chỉ cắn quản lý xâu thông qua đầu xâu pHead, nhưng thực tế có nhiều trường hợp cần làm việc với phần từ cuối xâu, khi đó mỗi lần muốn xác định phần từ cuối xâu lại phải duyệt từ đầu xâu. Để tiện lợi, có thể sử dụng thêm một con trỏ pTail giữ địa chỉ phần từ cuối xâu. Khai báo pTail như sau:

NODE *pTail;

Lúc này có xâu đơn:



Ta sẽ quản lý xâu đơn theo phương thức và nếu trong giới hạn của giáo trình này

2. Các thao tác cơ bản trên danh sách đơn

Giả sử có các định nghĩa:

```
Data Info;
struct tagNode* pNext;
¡NODE, "// kiểu của một phần tử trong danh sách

typedef struct tagList
¡
NODE* pHead;
NODE* pTail;
¡LIST; // kiểu danh sách liên kết

NODE *new_ele // giữ dịa chỉ của một phần tử một được tạo
Data x. // lưu thông tin về một phần tử sẽ được tạo
```

và đã xáy dựng thủ tục GetNode để tạo ra một phần tử cho danh sách với thông tin chứa trong x:

```
NODE* GetNode (Data x)

[ NODE *p;

    // Câp phát vùng nhỏ cho phần tử

p = new NODE;

if ( p==NULL) (

    printf("Không đủ bộ nhỏ",; exit(1);

p ->Info = x, // Gán thông tin cho phần tử p

p ->PNext = NULL;

return p;
}
```

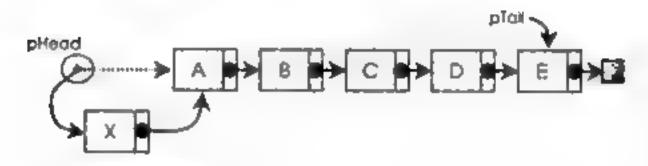
Phần tử đo new_ele giữ địa chỉ tạo bơi câu lệnh

```
new_ele = GetNode(x);
```

Chèn một phần tử vào danh sách

Có ba loại thao tác chèn new_ele vào xâu

Cách I: Chèn vào đầu danh sách



Thuật toán

Bất đầu

```
Neu Danh sách röng Thi

B1 I Head = new_elelment;

B1.2 : Tail = Head;

Ngược lại

B2 I : new_ele ->pNext = Head;

B2.2 : Head = new_ele;
```

Cài dặt

```
if (l.pHeada=NoLL) //Xâurông
{
    l.pHead = new ele; l.pTail = l pHead,
    letse
```

```
new_ele->pNext = l.pHead;
l.pHead = new_ele;

NODE* InsertHead(LIST &1, Data x)

NODE* new_ele = GetNode(x);

if (new_ele ==NULL) return NULL,

if (i.pHead==NULL)

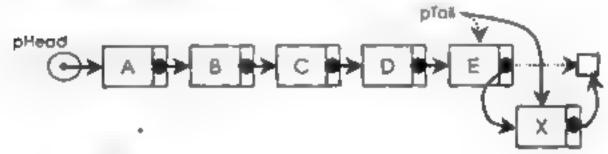
l.pHead = new_ele, l.pTa.l = l.pHead;

else

new_ele->pNext = l.pHead;
l.pHead = new_ele,

return new_ele;
```

Cách 2: Chèn vào cuối danh sách



Thuật toán

Bất đầu

Nếu Danh sách rồng Thì

B1.1 Head = new_elelment;

B1 2 : Tail = Head;

Ngược lại

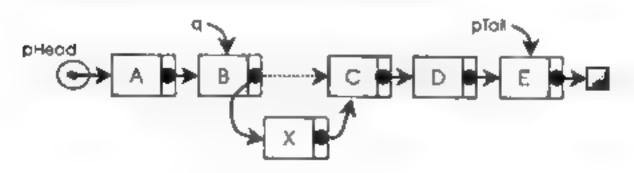
B2.1 Tail ->pNext = new_elc,

B2.2: Tail = new_ele,

· Cai dặt

```
vold AddTail LIST &1, NODE *new ele.
   if (l.pHead==NULL)
      l.pHead = new ele; l.pTail = l.pHead;
   else
   1
      1.pTail->Next = new ele;
      l.pTail = new ele;
   ŀ
ŀ
NODE* InsertTa.l(LIST 41, Data x)
   NODE* new ele = GetNode(x);
   if {new ele ==NULL} return NULL;
   if (l.pread NULL)
      1.pHead = new ele; 1.pTail = 1.pHead;
   else
      1.pTail->Next = new_ele,
      1.pTail = new ele;
   return new ele;
ł
```

Cách 3: Chèn vào danh sách sau một phần từ q



Thuật toán

```
Bất đầu

Nếu ( q != NULL) thi

B1 : new_ele -> pNext = q->pNext;

B2 : q->pNext = new_ele ;
```

Cài đặt

```
void AddAfter (".IST &1, NODE *g, NODE* new ele)
   LC ( q!=NULL)
      new ele->pNext = q->pNext;
      q->pNext = new ele;
      if(q == l.pTail)
          i.pTail ⇒ new_ele,
   1
   e libe //chèn vào đầu danh sách
      AddFirst(1, new ele);
ŀ
void InsertAfter(LIST &L,NODE *q, Data x)
  NODF new ele = GetNode(x):
   if (new ele ==NULL) return NULL;
   if ( q'=NULL)
      new ele->pNext = q->pNext;
      q->pNext = new ele:
      if(q == 1.pTail)
          1.pTail = new ele;
   elise //chèn vào đấu danh sách
      AddFirst(1, new ele);
ħ
```

Tìm một phần tử trong danh sách đơn

Thuật toán

Xâu đơn đòi hỏi truy xuất tuần tự, do đó chỉ có thể áp dụng thuật toán tìm tuyến tính để xác định phần tử trong xâu có khoá k Sử dụng một con trỏ phụ trợ p để lần lượt tró đến các phần tử trong xâu Thuật toán được thể hiện như sau :

```
Bude 1
```

p = Head; //Cho p tró đến phần từ đầu danh sách

Bước 2

Trong khi (p '= NULL) và (p->pNext != k) thực hiện: B21 . p =p->Next // Cho p tró tới phần từ kê

Bước 3

Nếu p != NULL thì p trỏ tới phần tử cần tim. Ngược lại không có phần tử cần tim.

Cài đặt

```
NODE *Search(LiST 1, Data k)
( NODE *p.
  p = 1.pHead;
  while((p'= NJLL)&&(p->Info != x))
      p = p->pNext;
  return p;
)
```

Hủy một phần từ khối danh sách

Có ba loại thao tác thông dung huy một phần tử ra khỏi xâu. Chúng tạ sẽ lần lượt khảo sát chúng. Lưu ý là khi cặp phát bộ nhớ, chung tạ đã dung hàm new. Vì vậy khi giải phóng bộ nhớ ta phải dung hàm delete.

Hủy phần từ đầu xâu



Thuật toán

```
Bắt đầu

Nếu (Head != NULL) thi

B1. p = Head;  // p là phần từ cần hủy

B2.

B21 Head = Head->pNext, // tách p ra khỏi xâu

B22 . free(p);  // Hủy biến động do p trỏ đến

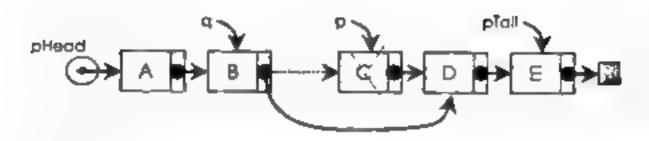
B3. Nếu Head=NULL thì Tail = NULL; //Xâu rồng
```

Cài dặt

```
Data RemoveHead(LIST &1)
| NODE *p;
Data x = NULLDATA;

if ( l.pHead != NULL)
| p = l.pHead; x = p->Info;
l.pHead = l.pHead->pNext;
delete p;
lf.l.pHead == NULL) l.pTail = NULL;
| return x;
}
```

Hùy một phần từ đững sau phần từ q



· Thuật toán

```
Bắt đầu

Nêu (q!= NULL) thì

B1 p = q->Next, // p là phần tử cần hủy

B2: Nếu (p!= NULL) thì // q không phải là cuối xâu

B2 1 · q->Next = p->Next, // tách p ra khôi xâu

B2 2 . free(p); // Hủy biến động do p trỏ đến
```

Cài đặt

```
void RemoveAfter (LIST &1, NODE *q
{ NODE *p;

if ( q != NULL )

    p = q ->pNext ;
        if ( p != NULL)

        if(p == l.pTail) l.pTail = q;
        q~>pNext = p->pNext;
        delete p;
}
else
    RemoveHead(1);
```

Hủy một phần từ có khoá k

Thuật toán

Tim phần từ p có khóa k và phần từ q đưng trước nó

Bước 2

Nếu (p!= NULL) thì // tìm thấy k

Hùy p ra khỏi xấu tương tự hủy phần từ sau q;

Ngược lại

Báo không có k;

Cài đặt

```
int RemoveNode(LIST &1, Data k)
  NODE *p = 1.pHead;
   NODE *q = NULL:
   while ( p != NULL)
      if (p->Info == k) break;
      q = p: p = p->pNext:
   of (p == NULL) return 0. //Không tìm thấy k
   if (q != NULL)
      if(p == 1.pTail)
      l.pTail = q;
      q->pNext = p->pNext;
      delete p:
  else //p là phần từ đấu xâu
      1.pHead = p->pNext;
      if (1.pHead == NULL)
      1.pTail = NULL;
   return 1;
)
```

Duyệt danh sách

Duyệt danh sách là thao tác thường được thực hiện khi có như cấu xử lý các phần tử của danh sách theo cùng một cách thức hoặc khi cần lấy thông tin tổng hợp từ các phần tử của đạnh sách như:

- Đếm các phần tử của danh sách,
- Tìm tắt ca các phần tử thoả điều kiện,
- Huý toàn bộ danh sách (và giải phóng bộ nhớ)

Để duyệt đạnh sách (và xử lý tưng phần tử) ta thực hiện các thao tác sau:

Thuật toán

Bude 1

p = Head, //Cho p trẻ đến phần từ đầu danh sách

Bube 2

Trong khi (Danh sách chưa hết) thực hiện

B21: Xử lý phần tử p;

B22: p:=p >pNext, // Cho p trở tới phần từ kế

· Cài đặt

```
void ProcessList (LIST 41)
{ NODE *p,

p = 1.pHead;
while (p!= NULL)
{

ProcessNode p.. // xử lý cu thể tùy ứng dung
p = p->pNext;
}
```

LUU Ý

Dể huỷ toàn bộ danh sách, ta có một chút thay đổi trong thủ tục duyệt (xử lý) đanh sách trên (ở đây, thao tác xử lý bao gồm hành động giải phóng một phần tử, do vậy phải cập nhật các liên kết liên quan).

· Thuật toán

Bube 1

Trong khi (Danh sách chưa hết) thực hiện

B1.1

p = Head;

Head.=Head->pNext, # Cho p tró tới phần từ kế

B1 2:

Hủy p;

Bước 2

Tail = NULL; //Bảo dâm tính nhất quân khi xâu rồng

· Cài dặt

```
void ReamoveList(LIST &1)
( NODE *p;
while (l.pRead!= NULL)

p = l.pRead;
l.pRead;
l.pRead = p->pNext;
delete p;
l.pTai! = NJLL.
```

Sáp xếp danh sách

Các cách tiếp cận

Một danh sách có thứ tự (danh sách được sắp) là một danh sách mà các phần tử của nó được sắp xếp theo một thứ tự nào đó dựa trên một trường khoa. Ví dụ, danh sách các phần tử số có thứ tự tăng là danh sách mà với mọi cập phần tử X, Y ta luôn có X≤Y nếu X xuất hiện trước Y trong danh sách (danh sách có một hoặc không có phần tử nao được xem là một danh sách được sắp). Để sắp xếp một danh sách, ta có thể thực hiện một trong hai phương án sau:

Phương án I. Hoán vị nội dung các phần tư trong danh sách (thao tác trên vùng Info). Với phương án này, có thể chọn một trong những thuật toán sắp xếp đã biết để cái đặt lại trên xâu như thực hiện trên màng, điểm khác biệt duy nhất là cách thức truy xuất đến các phần tử trên xâu thông qua liên kết thay vì chỉ số như trên mang. Do dựa trên việc hoán vị nội dung của các phần tử, phương pháp này đòi hỏi sử dụng thêm vùng nhớ trung gian nên chỉ thích hợp với các xâu có các phần tử có thành phần Info kích thước nho Hơn nữa số lần hoán vị có thể lên đến bậc n² với xâu n phần tử. Khi kích thước của trường Info lớn, việc hoạn vị giá trị của hai phần tử sẽ chiếm chi phí đáng kế. Điều này sẽ làm cho thao tác xấp xếp châm lại. Như vậy, phương án này không tận dụng được các từ điểm của xâu,

Ví dụ

Cài đặt thuật toán sáp xép chon trực tiếp trên xấu

void ListSelectionSort (LIST &1)

 NUDE 'man, // chi đôn phần từ có giá trị nhỏ nhất trong xâu NODE 'p, 'q,

```
p = 1.pHead;
while(p != 1.pTail)
{
    q = p->pNext; min = p;
    while(q != NULL)
        if(q->Info< min->Info )
            min = q; // ghi nhận vị trí phần tử min hiện hành
        q = q->pNext;
        // Hoán vị nội dung 2 phần tử
        Hoanvi (min->Info, p->Info]);
    p = p->pNext;
}
```

 Phương án 2: Thay đổi các mối liên kết (thao tác trên vùng Next)

Do các nhược điểm của các phương pháp sắp xếp theo phương án 1, khi dữ liệu lưu tại mối phán tử trong xâu có kích thước lớn người tạ thường dùng một cách tiếp cận khác Thay vì hoán đối giá trị, ta số tìm cách thay đổi trình tự móc nổi của các phán tử sao cho tạo lập nên được thứ tự mong muốn. Cách tiếp cận này sẽ cho phép ta chỉ thao tác trên các móc nổi (trường pNext). Như ta đã biết, kích thước của trường này không phụ thuộc vào bản chất dữ liệu lưu trong xâu vì có bằng dung một con trở (2 byte hoác 4 byte trong môi trường 16 bit và 4 byte hoác 8 byte trong môi trường 32 bit,). Tuy nhiên thao tác trên các móc nổi thường sẽ phức tạp hơn là thao tác trực tiếp trên dữ liệu. Vì vậy, ta cần cân nhấc kỹ lưỡng trước khi chọn cách tiếp cận. Nêu dữ liệu không quá lớn thì ta nên chọn phương án 1 hoặc một thuật toán hiệu quả nào đó.

Một trong những cách thay đối móc nối đơn giản nhất là tạo một danh sách mới là danh sách có thứ tự từ danh sách cũ (đồng thời hủy danh sách cũ). Giả sử danh sách mới sẽ được quản lý bằng con trẻ đầu xâu Result, ta có phương án 2 của thuật toán chọn trực tiếp như sau :

Bước 1: Khởi tạo danh sách mới Result là rỗng;
Bước 2: Tìm trong danh sách cũ một phần tử nhỏ nhất,
Bước 3: Tách min khỏi danh sách l,
Bước 4: Chèn min vào cuối danh sách Result;
Bước 5 Lạp lại bước 2 khi chưa hết danh sách Head;

Ta có thể cài đặt thuật toán trên như sau.

```
void listSelectionSort2 (LIST 41)
  LIST lRes:
   NODE m.n.; // chỉ đến phần từ có giá trị nhỏ nhất trong xâu
   NODE *p, *q, minprev;
   iRes pHead = .Res.pTail = NULL; // khditao iRes
   while(l.pHead != NULL)
      p = 1.pHead;
      q = p->pNext, min = p; minprev = NULL;
      while(q != NULL)
         if(q->Info< min->Info } {
            min = q; minprev = p
         p = q; q = q- > pNext;
      if (minprev != NULL)
         minprev->pNext = min->pNext;
      else
         l.pHead = min->pNext;
      min->pNext = NULL;
      AddTail{lRes, min];
   1 = 1Res:
```

Một số thuật toán sắp xếp hiệu quả trên xâu

Thuật toán Quick sort

Trong số các thuật toán sắp xếp, có lẽ nổi tiếng nhất về hiệu quả là thuật toán Quick sort. Các cài đặt của thuật toán này thường thấy trên cấu trúc dữ liệu mảng. Trong chương 2 chúng ta đã khảo sát thuật toán này. Tuy nhiên ít ai để ý rằng nó cũng là một trong những thuật toán sắp xếp hiệu quả nhất trên xâu. Hơn nữa, khi cài đặt trên xâu, bản chất của thuật toán này thể hiện một cách rõ ràng hơn bao giờ hết.

Thuật toán Quick sort

Bước 1

Chọn X là phần từ đầu xâu L làm phần từ cầm canh. Loại X ra khỏi L.

Bước 2

Tách xâu L ra làm hai xâu L₁ (gồm các phân tử nhỏ hơn hay bằng X) và L₂ (gồm các phân tử lớn hơn X).

Buce 3

Neu Li '= NULL thi Quick sort (L1).

Bước 4

Neu L2 = NULL thi Quick sort (L2).

Bước 5

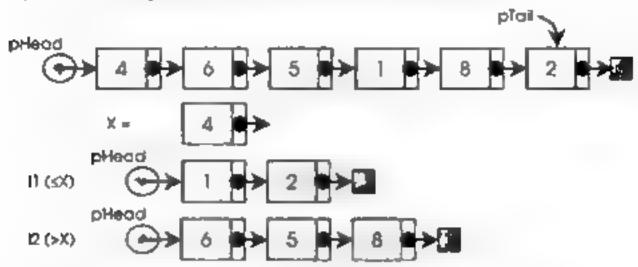
Nối L1, X, và L2 lại theo trình tự ta có xâu L đã được sắp xếp.

Ví du

Cho dày số a: 4 6 5 1 8 2

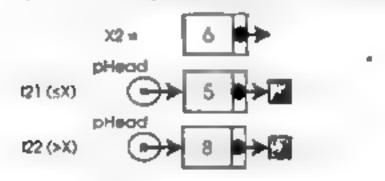
Sắp xếp lì

Chọn X = 4 làm phần tử cầm canh và tách l thành 11, 12:



Sắp xếp l2

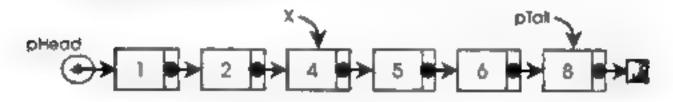
Chọn X = 6 làm phần tử cầm canh và tách 12 thanh 121, 122;



Női 112, X2, 122 thành 12:



Női 11, X, 12 thành I.



Cài đặt

```
void ListQSort(LIST 4 1)
          *p. *X; // X chỉ đến phần tử cẩm cạnh
   NODE
   LIST
          11. 12:
   if(: pHead == 1.pTail) return,//dacothwig
   11 pHead == 11.pTail = NULL; //khởi tạo
   12.pHead == 12.pTail = NULL;
   X = 1 pHead; l.pHead = X >pNext;
   while (lipkead '= NULL) //Tách i thành il, i2;
      p = 1.pHead;
      l.psead = p->pNext; p->pNext = NULL,
      if (p->Info <= X->Info)
         AddTail(l1, p);
      else
         AddTail(12, p);
   ListQSort(:1): //Gordè qui de sort []
   ListQSort (12); //Goi để qui để sort 12
  //Nổi II, X và l2 lại thành I đã sắp xếp.
   if(ll.pHead != NULL)
      1.pHead = 11 pHead; 11.pTail->pNext = X;
   етзе
      l.pHead = X;
   X->pNext = 12;
   if (12.pHead != NULL)
      l.pTail = 12.pTail;
   else
      1.pTail = X;
}
```

Như chúng tạ đã thấy, Quick sort trên xâu đơn đơn giản hơn phiên bản của nó trên màng một chiếu nhiều. Hây cải đặt thứ thuật toán này các bạn sẽ thấy hiệu quả của nó khó có thuật toán nào sánh bằng. Một điều đáng lưu ý là khí dùng Quick sort sắp xèp một xâu đơn, ta chỉ có một chon lựa phần tử cẩm canh duy nhất hợp lý là phân tử dấu xâu. Chọn bất kỳ phần tử nào khác cũng làm tăng chi phí một cách không cần thiết do cấu trúc tự nhiên của xâu.

Thuật toán Merge sort

Cùng như thuật toán Quick sort, Merge sort là một trong những thuật toán sắp xếp hiệu quả nhất trên xâu Cài đặt của thuật toán này trên cấu trúc dữ liệu mảng rất rắc rối như các bạn đã thấy trong chương 2. Người ta hay nhắc đến Merge sort như là một thuật toán sắp xếp trên file (sắp xếp ngoài). Cũng như Quick sort, khi cài đặt trên xâu, bản chất của thuật toán này thể hiện rất rõ ràng.

Thuật toán Merge sort

Bước 1

Phân phối luân phiên từng đường chạy của xâu L vào 2 xâu con L_1 và L_2 .

Butte 2

Nou L1 '= NULL thi Merge sort (L1).

Buoc 3

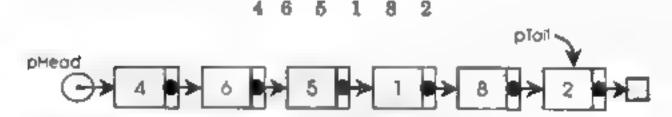
Néu L2 '= NULL thi Merge sort (L2).

Butte 4

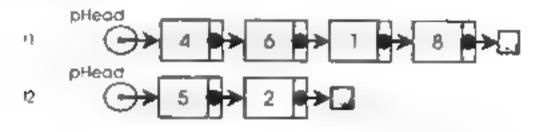
Trộn L₁ và L₂ đã sắp xếp lại ta có xâu L đã được sắp xép.

Vi du

Cho dây sô a:

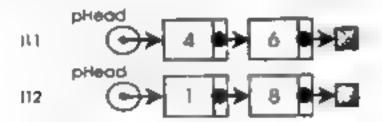


Phan phối các đường chạy của I vào 11, 12.



Sắp xếp lì

Phân phối các đường chạy của 11 vào 111, 112:

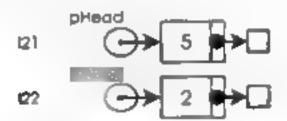


Tron 111, 112 lai thành 11:



Sắp xếp l2

Phân phối các đường chạy của 12 vào 121, 122.



Trộn 111, 112 lại thành 11:



Tron II, l2 lại thành l



Cài đặt

void ListMergeSort(LIST & 1)
{ LIST 11, 12;

if.l.pHead == l.pTail| return://dacothúty ll.pHead == ll.pTail = NULL://khôitao l2.pHead == l2.pTail = NULL;

```
//Phān phối lithành II và 12 theo từng đường chạy
DistributeList(1, 11, 12);
ListMergeSort(11);//Gọi đệ qui để sort I
ListMergeSort(12);//Gọi đệ qui để sort 12
//Trộn II và 12 đã có thứ tự thành I
MergeList(1, 11, 12);
```

Trong đó, các hàm DistributeList và MergeList được viết như sau.

```
void DistributeL_st(LIST& 1, LIST& 11, LIST& 12)
  NODE *p;
   do //Tách | thành | 1, 12;
      p = 1.pHead;
      1 pread = p->pNext, p->pNext = NULL;
      AddTail(II, p);
   lwh.le''i.pHead's& p->Info< l.pHead->'nfo));
   'f(l.pHead)
      Distribute Later, 12, 11);
   else.
      t.prail = NULL:
١
void Mergelist (DISTs 1, LISTS 11, LISTS 12)
   NODE *p:
  while (il.pHead, 46/12.pHead,)
   4
     .f. l.pread->Info <= 12 pHead->info);
         p = 11.pHead;
         11.pHead = p->pNext;
      else
         P = 12.pHead;
         12.pHead = p->pNext;
     p->pNext = NULF; AddTail(1, p);
```

```
};
if (ll.pRead) [//Noi phân còn lại của li vào cuối]
    l.pTail->pNext = ll.pHead;
    l.pTail = ll.pTail;
}
else if (l2.pHead) (//Noi phân còn lại của l2 vào cuối l
    l.pTail->pNext = l2.pHead;
    l.pTail = l2.pTail;
}
```

Như chúng ta đã thấy, Merge sort trên xâu đơn đơn giản hơn phiên bản của nó trên mảng một chiếu. Một điều đáng lưu ý là khí dùng Merge sort sấp xếp một xâu đơn, ta không cần dùng thêm vùng nhớ phụ như khi cài đặt trên mảng một chiếu. Ngoài ra, thủ tục Merge trên xâu cũng không phức tạp như trên mảng vì ta chỉ phải trộng hai xâu đã có thứ tự, trong khi trên mảng ta phải trộn hai máng bất kỳ.

Thuật toán Radix sort

Thuật toán Radix sort đã được giới thiệu trong chương 2. Khi cài đặt trên cấu trúc đữ liệu mặng một chiều, thuật toán này gặp một hạn chế lớn là đòi hỏi thêm quá nhiều bộ nhớ. Trong chương 2, chúng ta cũng đã để cập đến khả năng cài đặt trên danh sách liên kết của thuật toán này. Sau đây là chi tiết thuật toán:

· Thuật toán Radix sort

```
Bước 1

Khởi tạo các danh sách (lô) rỗng B_0, B_1, ..., B_9, k=0;

Bước 2
```

Trong khi L khác rong: B21 p = L.pHead; L.pHead->pNext; B22: Đặt phần từ p vào cuối lô B_d với d là chữ số thứ k của L.pHead->Info;

```
Bước 3 Nối \ B_0, \ B_1, \ ..., \ B_0 \ lại thành L, Làm B_0, \ B_1, \ ..., \ B_0; Bước 4 k = k+1; Nếu k < m; quay lại Bước 2
```

Cài đặt

```
void ListRadixSort(LIST & 1, int m)
   LIST B[10];
   NODE *p;
   inti, k:
   if (1 pHead == 1.pTail) return; //dicoth@tof
   for(i = 0; i < 10; i++)
   B[i],pHead = B[i],pTail = NULL;
   for(k = 0; k < m; k++)
      while(l.pHead) {
         p = 1.pHead;
         1.pHead = p->pNext; p->pNext * NULL;
         i = GatDigit(p->Info, k);
         AddTail(B[i], p);
      1 = B[0];
      for(i = 1; i < 10; i++)
         AppendList(l, B[i]),//NőiB[i] vào cuối l
```

Trong đó, các hàm AppendList và GetDigit được viết như sau:

```
void AppendList(LIST& 1,LIST& 11)
(
  if(l.pHead) {
    l.pTail->pNext = 11.pHead;
```

```
l.pTail = 11. pTail;
   ŀ
   else #xâu!rông
      1 = 11r
ŀ
int GetDigit (unsign long N, int k)
ŧ.
   switch(k) |
      case 0:
               return (N % 10);
      case 1:
               return ((N/10) % 10);
               return ((N/100) $ 10);
      case 2:
      case 3:
               return ((N/1000) $ .0);
               return ((N/10000) % 10);
      case 4:
      case 5:
               return ((N/100000) % 10);
      case 6:
               return ((N/1000000) % 10);
      case 7:
               return ((N/10000000) % 10):
               return ((N/100000000) % 10);
      case 0:
               return ((N/1000000000) % 10);
      case 9:
ž.
```

Các cấu trúc đặc biệt của danh sách đơn

Stack.

Stack là một vật chứa (container) các đối tượng làm việc theo cơ chế LIFO (Last In First Out) nghĩa là việc thêm một đối tượng vào stack hoặc lấy một đối tượng ra khỏi stack được thực hiện theo cơ chế "Vào sau ra trước".

Các đối tượng có thể được thêm vào stack bất kỳ lúc nào nhưng chỉ có đối tượng thêm vào sau cùng mới được phép lấy ra khỏi stack.

Thao tác thêm một đối tượng vào stack thường được gọi là

Trong tin học, CTDL stack có nhiều ứng dụng: khử đệ qui, tổ chức lưu vết các quá trình tìm kiếm theo chiều sâu và quay lui, vét cạn, ứng dụng trong các bài toán tính toán biểu thức,



Môt hình ảnh một stock

Ta có thể định nghĩa CTDL stack như sau, stack là một CTDL trừu tượng (ADT) tuyến tính hỗ trợ hai thao tác chính:

Push(o): Thêm đối tượng o vào đầu stack

 Popt)
 Láy đổi tượng ở đầu stack ra khỏi stack và trả về giá trị của nó. Nếu stack rỗng thì lỗi sẽ xảy ra.

Ngoài ra, stack cũng hỗ trợ một số thao tác khác:

- isEmpty() Kiém tra zem stack có röng không
- Top » Trả về giá trị của phần từ nằm ở dấu stack mà không hủy nó khỏi stack. Nếu stack rỗng thì lỗi sẽ xảy ra.

Các thao tác thêm, trích và huỷ một phần tử chỉ được thực hiện ở cùng một phía của stack do đó hoạt động của stack được thực hiện theo nguyên tắc LIFO (Last In First Out - vào sau ra trước).

Để biểu diễn stack, ta có thể dùng mảng một chiếu hoặc dùng danh sách liên kết.

Biểu diễn stack dùng mảng

- Ta có thể tạo một stack bằng cách khai báo một mảng một chiều với kích thước tối đa là N (ví dụ, N có thể bằng 1000).
- Như vậy stack có thể chứa tối da N phần từ đánh số từ 0 đến N
 -1. Phần từ nằm ở đầu stack sẽ có chỉ số t (lúc đó trong stack đang chứa t+1 phần tử)
- Để khai báo một stack, ta cần một mảng một chiều S, biến nguyên t cho biết chỉ số của đầu stack và hàng số N cho biết kích thước tối đa của stack.



Tạo stack S và quản lý đình stack bằng biến t:

Data S [N]; int t;

Lệnh t = 0 sẽ tạo ra một stack S rồng, Giá trị của Top sẽ cho biết số phần từ hiện hành có trong stack.

 Do khi cài đặt bằng mảng một chiều, stack có kích thước tối đa nên ta cần xây dựng thêm một thao tác phụ cho stack:

IsFullO: Kiém tra xem stack có dáy chực.

- Khi stack đẩy, việc gọi đến hàm push() sẽ phát sinh ra lỗi.
- Sau dây là các thao tác tương ứng cho array-stack.
 - Kiểm tra stack rông hay không:

```
char IsEmpty()
{
```

```
if (t == 0) // stack rong
      return 1;
   else
     return 0;
١.
Kiểm tra stack rong hay không:
char IsFull()
1
   1f(t >= N) // stack day
      return 1:
   else
      return 0,
ŀ
Thêm một phần từ x vào stack S
void Push (Data x)
1
   if (t < N) // stack chua dây
      S[t] * x; t++;
   else puts("Stack dåy")
)
Trích thông tin và huỷ phần tử ở định stack S
Data Pop()
f Data x;
   if (t > 0) // stack khác rỗng
   ſ
      t--,
      x = S(t);
      return x;
   else puts ("Stack rong")
```

Xem thông tín của phần từ ở định stack S

ŀ

- Các thao tác trên đều làm việc với chỉ phí O(1).
- Việc cài đặt stack thông qua máng một chiều đơn giản và khá hiệu quá.
- Tuy nhiên, hạn chế lớn nhất của phương án cài đặt này là giới hạn về kích thước của stack N. Giá trị của N có thể quá nhỏ so với như cấu thực tế hoặc quá lớn sẽ làm lãng phí bộ nhớ.

Biểu diễn stock dùng danh sách

- Ta có thể tạo một stack bằng cách sử dụng một danh sách liên kết đơn (DSLK). Có thể nói, DSLK có những đặc tính rất phù hợp để dùng làm stack vì mọi thao tác trên stack đều diễn ra ở đầu stack.
- Sau dây là các thao tác tương ứng cho list-stack;
 - Tạo stack S rồng

```
LIST * S;
```

Lênh S.pHead=1.pTail= NULL se tạo ra một Stack S rong

Kiểm tra stack rông :

```
char IsEmpty(LIST &S)
{
    if (S.pHead == NULL) // stack rong
        return 1;
    else return 0;
}
```

Them mot phan to p vao stack S
 void Push (LIST &S, Data x)
 [InsertHead(S, x);

Trích huỷ phần từ ở định stack S

```
Data Pop(LIST 4S)
[ Data x;

if(isEmpty(S)) return NULLDATA;
x = RemoveFirst(S);
return x;
}
```

Xem thông tin của phần tử ở định stack S

```
Data Top(LIST &S)
(
   if(isEmpty(S)) return NULLDATA;
   return 1.Head->Info;
}
```

Ung dung của stack

Cấu trúc stack thích hợp lưu trữ các loại dữ liệu mà trình tự truy xuất ngược với trình tự lưu trữ, do vậy một số ứng dụng sau thường cần đến stack :

- Trong trình biên dịch (thông dịch), khi thực hiện các thủ tục,
 stack được sử dụng để lưu môi trường của các thủ tục.
- Trong một số bài toán của lý thuyết đổ thị (như tìm đường đi), stack cũng thường được sử dụng để lưu dữ liệu khi giải các bài toán này.
- Ngoài ra, stack cũng còn được sử dụng trong trường hợp khử đệ qui đuôi. Ví dụ thủ tục Quick_Sort sau dùng stack để khử đệ qui:
 - l:=1, r:=n;
 - Chọn phần tử giữa x.=a[(l+r) div 2];
 - 3. Phân hoạch (l,r) thành (l1,r1) và (l2,r2) bằng cách xét:
 - y thuộc (11,r1) nếu ysx;
 - y thuộc (l2,r2) ngược lại;
 - Nếu phân hoạch (12,r2) có nhiều hơn một phần từ thực hiện:
 - Cất (12,r2) vào stack;
 - Nếu (11,r1) có nhiều hơn một phần tử thực hiện:
 - l=l1;
 - r=r1;
 - Goto 2;

Ngược lại

- Láy (l,r) ra khỏi stack nếu stack khác rông;
- và Goto 2;
- Néu không dùng;

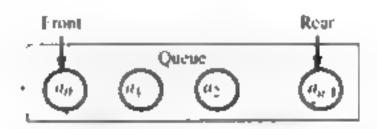
Hàng đợi (Queue)

Hàng đợi là một vật chứa (container) các đối tượng làm việc theo cơ chế FIFO (First In First Out) nghĩa là việc thêm một đối tượng vào hàng đợi hoặc lấy một đối tượng ra khỏi hàng đợi được thực hiện theo cơ chế "Vào trước ra trước".

Các đối tượng có thể được thêm vào hàng đợi bất kỳ lúc nào nhưng chỉ có đối tượng thèm vào đầu tiên mới được phép lấy ra khỏi hàng đợi.

Thao tác thêm một đối tượng vào hàng đợi và lấy một đối tượng ra khỏi hàng đợi lần lượt được gọi là "enqueue" và "dequeue"

Việc thèm một đối tượng vào hàng đợi luôn diễn ra ở cuối hàng đợi và một phần từ luôn được lấy ra từ đầu hàng đợi.



Trong tin học, CTDL hàng đợi có nhiều ứng dụng: khử đệ qui, tổ chức lưu vết các quá trình tìm kiếm theo chiều rộng và quay lui, vét cạn, tổ chức quản lý và phân phối tiến trình trong các hệ điều hành, tổ chức bộ đệm bàn phím,

Ta có thể định nghĩa CTDL hàng đợi như sau: hàng đợi là một CTDL trưu tượng (ADT) tuyến tính. Tương tự như stack, hàng đợi hỗ trợ các thao tác:

- EnQueuctoxThêm đối tượng o vào cuối hàng đợi
- DeQueue() Láy đổi tượng ở đầu quaua ra khỏi hàng đợi và trả về giá trị của nó Nếu hàng đợi rỗng thi lỗi sẽ xảy ra.
- IsEmptyte: Kiểm tra xem hàng đợi có rỗng không.
- Frontti
 Trả về giá trị của phần từ nằm ở đấu hàng dợi

mà không hủy nó. Nếu hàng đợi rỗng thì lỗi sẽ xảy ra.

Các thao tác thêm, trích và huỷ một phần tử, phải được thực hiện ở hai phía khác nhau của hàng đợi, do đó hoạt động của hàng đợi được thực hiện theo nguyên tắc FIFO (Pirst In First Out - vào trước ra trước)

Cũng như stack, ta có thể dùng cấu trúc mảng một chiều hoặc cấu trúc danh sách liên kết để biểu diễn cấu trúc hàng đợi.

Biểu diễn dùng mảng

- Ta có thể tạo một hàng đợi bằng cách sử dụng một mảng một chiếu với kích thước tối đa là N (ví dụ, N có thể bằng 1000) theo kiểu xoay vòng (coi phần từ a_{n l} kế với phần từ a₀).
- Như vậy hàng đợi có thể chứa tối da N phần tử. Phần từ nằm ở đầu hàng đợi (front element) sẽ có chỉ số f. Phần tử nằm ở cuối hàng đợi (rear element) sẽ có chỉ số r (xem hình).
- Để khai báo một hàng đợi, ta cần một mảng một chiếu Q, hai biến nguyên f, r cho biết chỉ số của đầu và cuối của hàng đợi và hàng số N cho biết kích thước tối đa của hàng đợi. Ngoài ra, khi dùng mảng biểu diễn hàng đợi, ta cũng cần một giá trị đặc biệt để gán cho những ô còn trống trên hàng đợi Giá trị này là một giá trị nằm ngoài miễn xác định của dữ liệu lưu trong hàng đợi Ta ký hiệu nó là NULLDATA như ở những phần trước
- · Trang thái hàng đợi luc bình thường



Trạng thái hàng đợi lúc xoay vòng:



Câu hỏi đặt ra: khi giá trị f = r cho ta điều gì ? Ta thấy rằng, lúc này hàng đợi chỉ có thể ở một trong hai trạng thái là rồng hoặc đẩy. Coi như một bài tập các bạn hãy tự suy nghĩ tìm cấu trả lời trước khi đọc tiếp để kiểm tra kết quả.

Hàng đợi có thể được khai báo cụ thể như sau:

Cũng như strack, do khi cải đặt bằng mảng một chiều, hàng đợi
có kích thước tối da nên ta cần xây dựng thêm một thao tác
phụ cho hàng đợi:

IsFull(): Kiếm tra xem hàng đợi có đẩy chưa.

- Sau day là các thao tác tương ứng cho array-queue
 - Tạo hàng đợi rồng:

```
void InitQueue()
{
    f = r = 0;
    for(int i = 0; i < N; i++)
        Q[i] = NULLDATA;
}</pre>
```

Kiểm tra hàng đợi rông:

```
char IsEmpty()
```

```
return (O[f] == NULLDATA);
ı.
Kiểm tra hàng đợi đẩy:
char [ IsFull()
   return (Q[r] != NULLDATA);
)
Thêm phần từ x vào cuối hàng đợi Q
char EnQueue (Data x)
   if (Isfull()) return -1; //Queue day
   Q[x++] = x;
   if(r == N) #xoay vòng
      r = 0:
L
Trích, huỷ phần từ ở đầu hàng đợi Q
Data DeGueue()
[ Data x;
   if (IsEmpty()) return NULLDATA; //Queue rong
   x = Q[f]; Q[f++] = NULLDATA;
   if\{f == N\} f = 0; #xony vong
   return x:
ž.
Xem thông tin của phần từ ở đầu hàng đợi Q
       Front()
Data
    if (IsEmpty()) return NULLDATA; //Queue rong
    return Q[f];
 }
```

Dùng danh sách liên kết

- Ta có thể tạo một hàng đợi bằng cách sử dụng một DSLK đơn.
- Phần tử đầu DSKL (head) sẽ là phần tử đầu hàng đợi, phần tử cuối DSKL (tail) sẽ là phần tử cuối hàng đợi.



- Sau đây là các thao tác tương ứng cho array-queue.
 - Tạc hàng đợi rỗng:
 Lệnh Q.pHead = Q.pTail = NULL sẽ tạc ra một hàng đợi rỗng.
 - Kiểm tra hàng đợi rồng :

```
char IsEmpty(LIST Q)
{
   if (Q pHead == NULL) // stack rong
     return 1,
   else return 0;
}
```

Thêm một phần từ p vào cuối hàng đợi

```
void EnQueue(LIST Q, Data x)
{
    InsertTail(Q, x);
}
```

Trích/Hủy phần từ ở đầu hàng đợi

```
Data DeQueue(LIST Q)
[ Data x;

if (IsEmpty(Q)) return NULLDATA;
x = RemoveFirst(Q);
```

```
return x;
```

Xem thông tin của phần từ ở đầu hàng đợi

```
Data Front(LIST Q)

If (IsEmpty(Q)) return NULLDATA;
  return Q.pHead->Info;
)
```

- Các thao tác trên đều làm việc với chí phí O(1).
- Lưu ý, nếu không quản lý phân từ cuối xâu, thao tác dequeue sẽ có độ phức tạp O(n).

Ung dụng của hàng đợi

Hàng đợi có thể được sử dụng trong một số bài toán:

- Bài toán 'sản xuất và tiêu thụ' (ứng dụng trong các hệ điều hành song song).
- Bộ đệm (ví dụ: Nhấn phím -> Bộ đệm -> CPU xử lý).
- Xử lý các lệnh trong máy tính (ứng dụng trong hệ điều hành, trình biên dịch), hàng đượi các tiến trình chờ được xử lý,

V. MỘT SỐ CẦU TRÚC DỮ LIỆU DẠNG DANH SÁCH LIÊN KẾT KHÁC

Danh sách liên kết kép

Danh sách hên kết kép là danh sách mà mỗi phần tử trong danh sách có kết nổi với một phần tử đứng trước và một phần tử đứng sau nó.



Các khai báo sau định nghiễ một danh sách liên kết kép đơn giản trong đó ta dùng hai con trỏ, pPrev liên kết với phần từ đứng trước và pNext như thường lệ, liên kết với phần từ đứng sau:

```
typedef struct tagDNode

Data Info;

struct tagDNode* pPre; // trò đến phần tử đứng trước

struct tagDNode* pNext; // trò đến phần tử đứng sau

DNODE;

typedef struct tagDList

ONODE* pHead; // trò đến phần tử đứng trước

DNODE* pTail; // trò đến phần tử đứng sau

)DLIST,
```

khi đó, thủ tục khởi tạo một phần tử cho danh sách liên kết kép được viết lại như sau :

```
DNODE* GetNode (Data x)
( DNODE *p;

// Cấp phát vùng nhở cho phần tử
```

```
p = new DNODE;
if ( p NULL) {
    printf("Không đủ bộ nhớ");
    exit(l);

// Gán thông tin cho phần từ p
p -> Info = x;
p->pPrev = NULL;
p->pNext = NULL;
return p;

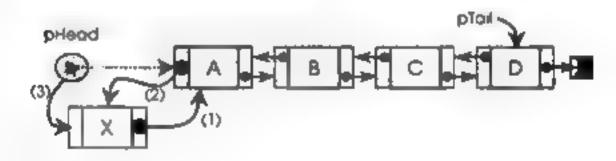
// Can thông tin cho phần từ p
```

Tương tự danh sách liên kết đơn, ta có thể xây dựng các thao tác cơ bản trên danh sách liên kết kép (xâu kép). Một số thao tác không khác gì trên xâu đơn. Đười đây là một số thao tác đặc trưng của xâu kép:

Chén một phần tử vào danh sách

Có bốn loại thao tác chèn new_ele vào danh sách:

Çách I: Chèn vào đầu danh sách



Cài đặt

```
void AddFirst(DLIST &1, DNODE* new_ele)

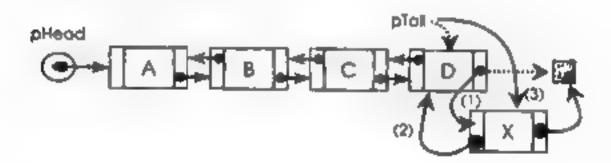
if (..pHead==NJLL) //Xaurong

l.pHead = new_ele, l.pTa.1 = l.pHead,

else
i
   new_ele->pNext = l.pHead; //(1)
```

```
l.pHead ->pPrev = new ele;
                                             H(2)
      1.pHead = new ele;
                                            #(3)
   ì
NODE* InsertHead(DLIST 41, Data x)
  NODE* new ele = GetNode(x);
   if (new ele ==NULL) return NULL;
   if (l.pHead==NULL)
      l.pHead = new_e.e; l.pTail = l.pHead;
  else
      new_ele->pNext = 1.pHead;
                                            H(1)
      1.pHead ->pPrev = new ele;
                                            //(2)
      1.pHead = new ele;
                                            // (3)
  return new ele;
```

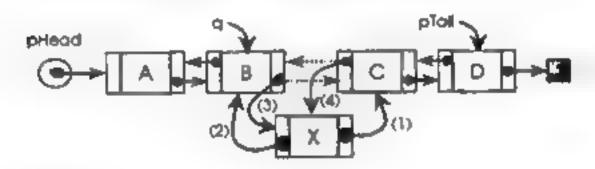
Cách 2 : Chèn vào cuốt danh sách



Cài đặt

```
H(2)
      new ele ->p?rev * l.pTail;
      1.pTail = new ele;
                                            H(3)
   ł
NODE* InsertTail(DLIST 61, Data x)
{ NODE* new ele = GetNode(x);
   if new e.e ==NULL) return NULL;
   if (l.pHead==NULL)
      1.pHead = new_ele; 1.pTail = 1 pHead;
   else
      1.pTail->Next = new_ele;
                                             /\!/(1)
      new ele ->pPrev - 1.pTail;
                                             //(2)
                                             H(3)
      1.pTail = new ele;
   return new ele:
1
```

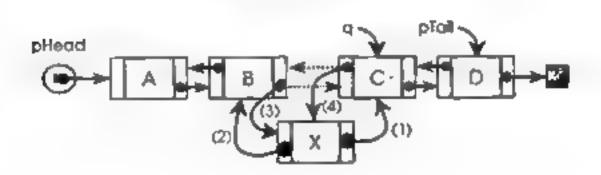
Cách 3 : Chèn vào danh sách sau một phần từ q



Cài dặt

```
II(3)
      g->pNext = new ele;
      ifip l= NULL)
                                               //(4)
         p->pPrev = new_ele;
      if(q == 1.pTail)
         1.pTail = new ele;
   ì
   el se //chèn vào đầu danh sách :
      AddFirst(1, new ele);
ı
word InsertAfter(DLIST &1, DNODE *q, Data x)
   DNODE* p = q->pNext;
   NODE* new_ele = GetNode(x);
   if (new els ==NULL) return NULL;
   if ( q!=NULL)
                                                H(1)
      new ele->pNext = p;
                                                H(2)
      new ele->p?rev = q;
                                                #(3)
      q->pNext = new ele;
      if(p != NULL)
                                                H(4)
          p->pPrev = new ele;
       if(q == 1.pTail)
          1.pTail = new ele;
   el se //chèn vào đấu dạnh sách
       AddFirst(1, new ele);
١
```

Cách 4 : Chèn vào danh sách trước một phần tử q



```
void AddBefore(DLIST 61, DNODE q, DNODE*
new ele)
[ DNODE* p = q->pPrev;
   if ( q!=NULL)
                                               H(1)
      new ele->pNext = q;
                                               H(2)
      new ele->pPrev = p;
                                               H(3)
      g->pPrev = new ele;
      if(p != NULL)
                                               //(4)
         p->pNext = new ele;
      if(q == 1.pHead)
         1.pHead = new ele;
   else //chèn vào đầu danh sách
      AddTail(1, new ale);
1
void InsertBefore(DLIST &1, DNODE q, Data x)
  DNODE* p = q->pPrev;
   NODE: new ele = GetNode(x);
   if (new ele ==NULL) return NULL,
   if (q!=NULL)
                                               #(1)
       new ele->pNext = q;
                                               H(2)
       new ele->pPrev = p;
                                               11(3)
       q->pPrev = new ele;
       if(p != NULL)
                                               H(4)
          p->pNext = new ele;
       if {q == 1.pHead}
          1.pHead = new_ele:
   else //chèn vào đầu danh sách
       AddTail(1, new ele);
```

Hủy một phần tử khởi danh sách

Có năm loại thao tác thông dụng hủy một phần tử ra khỏi xáu. Chúng ta sẽ lần lượt khảo sát chúng:

Hủy phần từ đầu xâu

```
Data RemoveHead(DLIST &1)

DNODE *p;
Data x = NULLDATA;

if ( 1.pHead != NULL)

p = 1.pHead; x = p->Info;
1.pHead = 1.pHead->pNext;
1.pHead->pPrev = NULL;
delete p;
if (1.pHead == NULL) 1.pTail = NULL;
else 1.pHead->pPrev = NULL;

return x;
}
```

Hủy phần từ cuối xâu

Hủy một phần từ đứng sau phần từ q

```
void RemoveAfter (DLIST &1, DNODE *q)
{    DNODE *p;

if ( q != NULL)
{
    p = q ->pNext;
    if ( p != NULL)
{
        q->pNext = p->pNext;
        if (p == l.pTail) l.pTail = q,
        else p->pNext->pPrev = q;
        delete p;
    }
}
else
    RemoveHead(l);
}
```

Huy một phần từ dững trước phần từ q

```
void RemoveAfter (DLIST #1, DNODE *q)
{    DNODE *p;

if ( q != NULL) {
    p = q ">pPrev;
    if ( p != NULL) }

        q->pPrev = p->pPrev;
        if (p == l.pHead)        l.pHead = q;
        else p->pPrev->pNext = q;
        delete p;
}
else
    RemoveTail(l);
```

Hủy một phần tử có khoá k

```
int RemoveNode (DLIST &1, Data k)
   DNODE *p = 1.pHead;
   NODE *g;
   while ( p != NULL)
      if(p->Info == k) break;
      p = p->pNext;
   1
   if (p == NULL) return 0; //Không tìm thấy k
   q = p->pPrev;
   if ( q != NULL)
      p = q ->pNext ;
      if ( p != NULL)
         q->pNext = p->pNext;
         if(p == l.pTail)
             l.pTail = q;
         else p->pNext->pPrev = tq;
      1
   3
   else //p là phần từ đầu xâu
      1.pHead = p->pNext;
      if(l.pHead == NCLL)
      1.pTail = NULL;
      else
         l.pHead->pPrev = NULL;
   delete p;
   return 1;
)
```

Sắp xếp danh sách

Việc sấp xếp danh sách trên xâu kép về cơ bản không khác gì trên xâu đơn. Ta chỉ cần lưu ý một điều duy nhất là cần bảo toàn các mối hên kết hai chiếu trong khi sấp xếp.

Ở đây, như một ví dụ, chúng ta sẽ xét cài đặt của thuật toán Quick sort trên xâu kép:

```
void DListQSort(DLIST & 1)
   DNODE *p, *X; // X chỉ đến phần tử cẩm canh
   DLIST 11, 12;
   if (1 pHead == 1.pTail) return; //dicothirty
   11.pHead == 11.pTail = NULL; //khôi tao
   12.pHead == 12.pTail = NULL;
   X = 1.pHead; 1 pHead = X->pNext;
   while (1.pHead '= NULL) //Tách i thành 11, 12,
      p = 1.pHead;
      1.pHead = p->pNext; p->pNext = NULL;
      if (p->Info <= X->Info)
         AddTail(ll, p);
      else.
         AddTail(12, p);
   )
  DListQSort (11); //Gorde qui dé sort IL
   DListQSort (12)://Gorde qui dé sort [2]
  #Női 11, X và 12 lại thành 1 đã sắp xếp,
   if(ll.pHead != NULL)
      l.pHead * ll.pHead; ll.pTail->pNext * X;
      X->pPrev = 11.pTail;
   ŀ
  else
      1.pHead = X;
  X->pNext = 12;
   if(12.pHead != NULL)
      1.pTail = 12.pTail;
      12->pHead->pPrev = X:
   ŀ
  else
      l.pTail = X;
)
```

Xâu kép về mặt cơ bản có tính chất giống như xâu đơn. Tuy nhiên nó có một số tính chất khác xâu đơn như sau:

- Xâu kép có mối hên kết hai chiều nên từ một phần từ bất kỳ có thể truy xuất một phần từ bất kỳ khá; trong khi trên xâu đơn ta chỉ có thể truy xuất đến các phần từ đứng sau một phần từ cho trước. Điều này dẫn đến việc ta có thể dễ dàng hủy phần từ cuối xâu kép, còn trên xâu đơn thao tác này tốn chi phí O(n).
- Bù lại, xâu kép tốn chi phí gấp đôi so với xâu đơn cho việc lưu trữ các mối liên kết. Điều này khiến việc cập nhật cũng nặng nề hơn trong một số trường hợp. Như vậy ta cần cân nhấc lựa chọn CTDL hợp lý khi cài đặt cho một ứng dụng cụ thể.

2. Hàng đợi hai đầu (double-ended queue)

Hàng đợi hai đầu (gọi tắt là Deque) là một vật chứa các đối tượng mà việc thêm hoặc hủy một đối tượng được thực hiện ở cả hai đầu của nó.

Ta có thể định nghĩa CTDL deque như sau: deque là một CTDL trừn tượng (ADT) hỗ trợ các thao tác chính sau:

- InsertFirstiel: Thêm đối tượng e vào đầu đeque
- InsertLastier: Thêm đổi tượng e vào cuối deque
- RemoveFirsti): Láy đối tượng ở đầu đeque ra khỏi đeque và trả về giá trị của nó.
- Removelasto: Läy dối tượng ở cuối deque ra khỏi deque và trả về giá trị của nó.

Ngoài ra, deque cũng hỗ trợ các thao tác sau:

Ishmetvii Kiểm tra xem deque có rông không.

 Firsti: Trả về giá trị của phần từ nằm ở đầu đeque mà không hủy nó.

Last() Trả về giá trị của phần từ nằm ở cuối deque
 mà không hủy nó.

Đùng đeque để cải đặt stack và queue

Ta có thể dùng deque để biểu diễn stack. Khi đó tạ có các thao tác tương ứng như sau:

STT	Stack	Deque
1	Push	InsertLast
2	Рор	RemoveLast
3	Тор	Last
4	IsEmpty	IsEmpty

Tương tự, ta có thể dùng deque để biểu diễn queue. Khi đó tạ có các thao tác tương ứng như sau:

STF	Queue	Deque
1	Enqueue	InsertLast
2	Dequeue	RemoveFist
3	Front	First
4	IsEmpty	IsEmpty

Cài đặt deque

Do đặc tính truy xuất hai đầu của đeque, việc xây dựng CTDL biểu diễn nó phải phù hợp.

Ta có thể cài đặt CTDL deque bằng danh sách liên kết đơn.

Tuy nhiên, khi đó thao tác RemoveLast hủy phần tử ở cuối deque sẽ tốn chi phí O(n). Điều này làm giảm hiệu quả của CTDL. Thích hợp nhất để cài đặt deque là dùng danh sách liên kết kép. Tất cả các thao tác trên đeque khi đó sẽ chỉ tốn chi phí O(1).

3. Danh sách liên kết có thứ tự (Odered List)

Danh sách liên kết có thứ tự (gọi tắt là OList) là một vật chức các đối tượng theo một trình tự nhất định. Trình tự này thường là một khóa sắp xếp nào đó. Việc thèm một đối tượng vào OList phải bảo đảm tôn trọng thứ tự này

Ta có thể cài đặt OList bằng DSLK đơn hoặc DSLK đội với việc định nghĩa lại duy nhất một phép thêm phần tử: thèm bảo toàn thứ tự; nghĩa là trên OList chỉ cho phép một thao tác thêm phần tử sao cho thứ tự định nghĩa trên OList phải bảo toàn

Ví dụ, khi cài đặt OList bằng xâu đơn, hàm thêm một phần tử có thể được xây dựng như sau:

```
NODE* InsertNode(LIST & 1, Data X)
{ Node* q = NULL, *p = 1.pHead;

if(IsEmpty(1)) return InsertHead(1, X);
while(p) {
   if(p->Info >= X) break;
   q = p; p = q->pNext;
}

Node*pT = new(Node);

PT->Info = X; pT->pNext= p;
if(q) q->pNext = pT;
else   1.pHead = pT;
if(q == 1->pTail) l pTail = pT;
return pT;
```

Khi đó, hàm tìm kiểm một phần tử được viết lại như sau:

```
NODE* SearchNode(LIST 1, Data X)
{ Node*p = 1.pHead;
while(p) {
    if(p->Info == X) break;
    else if(p->Info > X) return NULL;
    p = p->pNext;
    l
    return p;
}
```

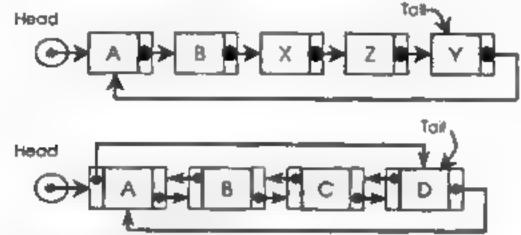
Ta có thể dùng OList để cài đặt CTDL hàng đợi có độ ưu tiên. Trong hàng đợi có độ ưu tiên, mỗi phần tử được gần cho một độ ưu tiên. Hàng đợi có độ ưu tiên cũng giống như hàng đợi bình thường ở thao tác lấy một phần tử khỏi hàng đợi (lấy ở đầu queue) nhưng khác ở thao tác thêm vào. Thay vì thêm vào ở cuối queue, việc thêm vào trong hàng đợi có độ ưu tiên phải bảo đảm phần tử có độ ưu tiên cao đứng trước, phần tử có độ ưu tiên thấp đứng sau. Hàng đợi có độ ưu tiên các thể dùng đợi có độ ưu tiên các tiến trình chữ được xử lý trong các hệ điều hành đa nhiệm.

4. Danh sách liên kết vòng

)

Danh sách liên kết vòng (xâu vòng) là một danh sách đơn (hoặc kép) mà phần tử cuối danh sách thay vì mang giá trị NULL, trỏ tới phần tử đầu danh sách. Để biểu diễn, ta có thể xử dụng các kỹ thuật biểu diễn như danh sách đơn (hoặc kép).

Ta có thể khai báo xâu vòng như khai báo xâu đơn (hoặc kép).



Trên danh sách vòng ta có các thao tác thường gặp sau.

Tìm phần từ trên danh sách vòng

Danh sách vòng không có phần từ đầu danh sách rõ rệt, nhưng ta có thể đánh dấu một phần từ bất kỳ trên danh sách xem như phân từ đầu xâu để kiếm tra việc duyệt đã qua hết các phần từ của danh sách hay chưa.

```
NODE *p;

p = 1.pHead;
do

if { p->Info == x)
    return p;
    p = p->pNext;
}while (p != 1.pHead); // chua di giáp vòng return p;
```

Thêm phần tử đầu xâu

```
void AddHead(LIST 61, NODE *new ele)
```

```
if(l.pHead == NULL) //Xaurong

l.pHead = l.pTail = new ele;
l.pTail->pNext = l.pHead;

else

new_ele->pNext = l.pHead;
l.pTail->pNext = new_ele;
l.pHead = new_ele;
```

Thêm phần tử cuối xâu

```
void AddTail(LIST &1, NODE *new_ele)

if(l.pHead == NULL) //Xåuröng

{
    l.pHead == l.pTail = new_ele;
    l.pTail->pNext == l.pHead;
}
else

new_ele->pNext == l.pHead;
l.pTail->pNext == new_ele;
l.pTail = new_ele;
}
```

Thêm phần tử sou núi q

```
void AddAfter(LIST &1, NODE *q, NODE *new_ele)
{
   if(l.pHead == NULL) //X&urong
        l.pHead = l.pTail = new ele;
        l.pTail->pNext = l.pHead;
        lelse
        rew_ele->pNext = q->pNext;
```

Hủy phần tử đầu xâu

```
void RemoveHead(LIST &1)
{ NODE *p = 1.pHead;

if (p == NULL) return;

if (LpHead = LpTail) LpHead = LpTail = NULL;
else
{
    l.pHead = p->Next;
    if (p == 1.pTail)
        l.pTail->pNext = LpHead;
}
delete p;
}
```

Hủy phần tử đứng sau nút q

LUUÝ

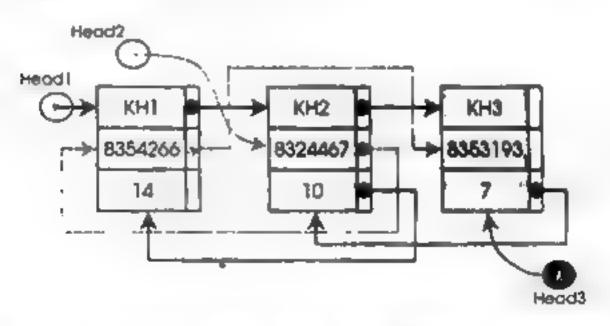
Đối với danh sách vòng, có thể xuất phát từ một phần từ bất kỳ để duyệt toàn bộ danh sách.

Danh sách có nhiều mối liên kết

Danh sách có nhiều mối liên kết là danh sách mà mỗi phần tử có nhiều khoá và chúng được liên kết với nhau theo từng loại khoá.

Danh sách có nhiều mối liên kết thường được xử dụng trong các ứng dụng quản lý một cơ sở dữ liệu lớn với những nhu cấu tìm kiếm dữ liệu theo những khoá khác nhau.

Ví dụ: Để quản lý danh mục điện thoại thuận tiện cho việc in danh mục theo những trình tự khác nhau: tên khách tăng dân, theo số điện thoại tăng dân, thời gian lấp đặt giảm dân, ta có thể tổ chức dữ liệu như hình trên một danh sách với ba mối liên kết: một cho họ tên khách hàng, một cho số điện thoại và một cho thời gian lấp đặt.



Các thao tác trên một danh sách nhiều mối liên kết được tiến hành tương tự như trên danh sách đơn nhưng được thực hiện làm nhiều lần và mỗi lần cho một liên kết.

6. Danh sách tổng quát

Danh sách tổng quát là một danh sách mà mỗi phần tử của nó có thể lại là một danh sách khác. Các ví dụ sau mình hoạ các cấu trúc danh sách tổng quát. Các thao tác trên một danh sách được xây dựng dựa trên cơ sở các thao tác trên danh sách liền kết chúng ta đã khảo sát.

Ví dụ 1

Ví du 2

```
typedef struct tagNguoi {
  char Ten[35];
  char GioiTinh;
  intNamSinh;
  struct tagNguoi*Cha, *Me;
  struct tagNguoi*Anh, *Chi, *Em;
]NGUOI;
typedef NGUOI *PNGUOI;
```

Ví dụ 3: Đổ thị (Graph)

Đổ thị là một CTDL liên kết tổng quát. Cấu trúc này bao gồm một tập hợp các nút. Những nút này liên kết với nhau một cách tùy ý Một nút có thể nối đến một số lượng tùy ý các nút khác và ngược lại:

typedef struct tagGNode {
 CATA Info;
 struct tagGNode**pLink;
}GNODE;
typedef GNODE *PGNODE;

TÓM TẤT

Trong chương này chúng to đô xem xết các khái niệm về cấu trúc đữ liệu động, loểu dữ liệu con tró, Các kiểu dữ liệu này có đặc tính mềm đềo hơn hắn các CTDL tính. Chung cho phép to sử dụng bộ nhớ hiệu quả hơn.

Dạng đơn giản nhất của các CTDL động từ đơnh sách liên kết. Đây là các CTDL tuyến tính. Ở phân đầu chương, chúng ta xem xét các đơnh sách liên kết đơn. Điểm đặc trưng của CTDL này là linh năng truy xuất tuần tự Điều này làm cho việc truy vấn thông tin lưu trên CTDL loại này thường chậm. Tuy nhiên, cũng như các CTDL động khác, chúng cho phép sử dụng bộ nhà hiệu quả hơn. Điều này thể hiện tô qua các thao tác trên donh sách liên kết đơn mà chung to đã khảo sát.

Trên CTDL danh sách liên kết đơn, chúng to đã thấy các thuật toán Merge sort. Quick sárt và Radix sort thể hiện rất tất bắn chất của mình. Chúng là các thuật toán rất hiệu quả trên danh sách liên kết. Điều này làm rõ hơn mối quan hệ mặt thiết giữa CTDL và các thuật toán trên để.

Stack là một trong những dạng cài đặt **ứng dụng cụ thể của danh s**ách Hện kết. Stack là một đối tượng rất thông **dụng trong thực tế và là m**ột CTDL Thông dụng trong lập trình. Nhà năng ứng d**ụng của nó đã đ**ược nêư tô

Hàng đợi là một thể hiện khác của danh tách liên kết. Vai trò của nó trong lập trình cũng tương tự như stack. Chúng chỉ làm việc theo các cơ chế khác nhau. Nếu như stack làm việc theo cơ chế UFO thì hàng đợ làm việc theo cơ chế FIFO.

Các dạng danh sách liên kết khác cùng đã được khảo sát. Đanh sách kép và danh sách vòng là hai dạng danh sách liên kết thông dụng khác. Chúng được dùng thay cho danh sách liên kết đơn khi có như cầu.

Phần cuối của chương có giới thiệu qua về dạng tổng quát nhất của dạnh sách liên kết. Đạng này phức tạp nên thường không tháng dụng.

BĂI TẬP

Bài tặp lý thuyết

- 27. Phân tích ưu, khuyết điểm của xâu hên kết so với mảng. Tổng quát hóa các trường hợp nên dùng xâu liên kết.
- 28. Xây dựng một cấu trúc dữ liệu thích hợp để biểu diễn đã thức P(x) có dạng :

$$P(x) = c_1 x^{a1} + c_2 x^{a2} + ... + c_k x^{ak}$$

Biet rang:

- Các thao tác xử lý trên da thức bao gồm :
 - thêm một phần tử vào cuối đã thức -
 - in danh sách các phần từ trong đa thức theo :
 - thứ tự nhập vào
 - ngược với thứ tự nhập vào
 - hủy một phần từ bất kỳ trong danh sách
- Số lượng các phần tử không hạn chế
- Chỉ có nhu cấu xử lý đã thức trong bộ nhớ chính.

Giải thích lý do chọn CTDL đã định nghĩa.

Viết chương trình con ước lượng giá trị của đã thức P(x) khi biết x. Viết chương trình con rút gọn biểu thức (gộp các phân từ cùng số mũ).

29. Xét đoạn chương trình tạo một xâu đơn gồm bốn phần từ (không quan tâm dữ liệu) sau đây:

```
Dx = NULL; p=Dx;
Dx = new (NODE);
for(i=0; i < 4; i++);
   p = p->next;
   p = new (NODE);
}
p->next = NULL;
```

Doạn chương trình có thực hiện được thao tác tạo nêu trên không? Tại sao? Nếu không thì có thể sửa lại như thế nào cho đúng?

30. Một ma trận chỉ chứa rất ít phần từ với giá trị có nghĩa (ví dụ phần từ > 0) được gọi là ma trận thưa.

Ví du :

$$\begin{pmatrix}
0 & 0 & 0 & 3 & 0 & 0 \\
1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\
0 & 0 & 4 & 0 & 0 & 0
\end{pmatrix}$$

Dùng cấu trúc xâu liên kết để tổ chức biểu diễn một ma trận thưa sao cho tiết kiệm nhất (chỉ lưu trữ các phần tử có nghĩa).

Viết chương trình cho phép nhập, xuất ma trận.

Viết chương trình con cho phép cộng hai ma trận.

31. Bài toán Josephus : có N người đã quyết định tự sát tập thể bằng cách đứng trong vòng tròn và giết người thứ M quanh

vòng tròn, thu hẹp hàng ngũ lại khi từng người lần lượt ngã khỏi vòng tròn. Vấn để là tìm ra thứ tự từng người bị giết.

 $Vi d \psi : N = 9, M = 5 thì thứ tự là 5, 1, 7, 4, 3, 6, 9, 2, 8$

Hảy viết chương trình giải quyết bài toán Josephus, xử dụng cấu trúc xâu liên kết.

32. Hãy cho biết nội dung của stack sau mỗi thao tác trong dãy :

EAS*Y**QUE***ST***I*ON

Với một chữ cái tượng trưng cho thao tác thèm chữ cái tương ứng vào stack, dấu * tượng trưng cho thao tác lấy nội dung một phán tử trong stack in lên mặn hình.

Hày cho biết sau khi hoàn tất chuỗi thao tác, những gì xuất hiện trên màn hình ?

33. Hãy cho biết nội dung của hàng đợi sau mỗi thao tác trong dãy

EAS*Y**QUE***ST***I*ON

Với một chữ cái tượng trưng cho thao tác thêm chữ cái tương ứng vào hàng đợi, dấu * tượng trưng cho thao tác lấy nội dung một phần tử trong hàng đợi m lên màn hình.

Hày cho biết sau khi hoàn tất chuỗi thao tác, những gì xuất hiện trên màn hình ?

- 34. Giả sử phải xây dựng một chương trình soạn thảo văn bản, hây chọn cấu trúc dữ liệu thích hợp để kưu trữ văn bản trong quá trình soạn thảo. Biết rằng:
 - Số dòng văn bản không hạn chế.
 - Mỗi đòng văn bản có chiều đài tối đa 80 ký tự.
 - Các thao tác yêu cấu gốm :
 - Di chuyển trong văn bản (lên, xuống, qua trái, qua phải)
 - + Thêm, xoá sửa ký tự trong một dòng
 - Thêm, xoá một dòng trong văn bản
 - + Đánh dấu, sao chép khối

Giải thích lý do chọn cấu trúc dữ liệu đó.

35. Viết hàm ghép hai xâu vòng L₁, L₂ thành một xâu vòng L với phần từ đầu xâu là phần từ đầu xâu của L₁.

Bài tặp thực hành

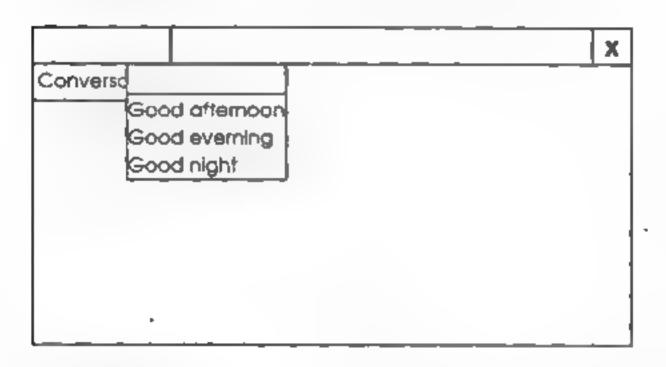
- Sô. Cài đặt thuật toán sấp xếp Chèn trực tiếp trên xấu kép. Có phát huy ưu thế của thuật toán hơn trên mảng hay không?
- 37. Cài đặt thuật toán Quick sort theo kiểu không đệ qui
- 38. Cài đặt thuật toán Merge sort trên xâu kép.
- 39. Cài đặt lại chương trình quản lý nhân viên theo bài tặp 6 chương 1, nhưng sử dụng cấu trúc dữ liệu xâu liên kết. Biết rằng số nhân viên không hạn chế

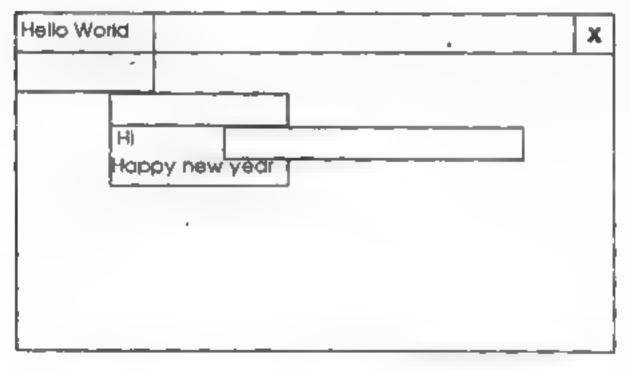
- Cài đặt một chương trình soạn thảo văn bản theo mô tả trong bài tập 8.
- 41. Cài đặt chương trình phát sinh hệ thống thực đơn cho một ứng dụng bất kỳ tùy theo mô tả của ứng dụng.

Ví dụ : Cho tập tin MENU.TXT chứa văn bảng có dạng sau :

```
Menu
  popup
     item "Hello World" popup
        item "Good morning"
        item "Good afternoon"
        item "Good everning"
        item "Good night"
     end
     item "Conversation" popup // menu cap 1
        item "Good Luck" popup // menu cap 2
           item "Good luck for this examination"
        and
        item "Hi"
        item "Happy New Year"
     end
end
```

Chương trình sẽ đọc nội dung tập tin MENU.TXT và phát sinh giao diện sau :





42. Cài đặt chương trình tạo một bảng tính cho phép thực hiện các phép tính +, -, *, /, div trên các số có tối đa 30 chữ số, có chức năng nhỏ (M+, M-, MC, MR).

- 43. *Cài đặt chương trình cho phép nhận vào một biểu thức gồm các số, các toán tử +, -, *, /, %, các hàm toán học sin, cos, tan, ln, ex, dâu mở, đóng ngoặc *(*, *)" và tính toán giá trị của biểu thức này.
- 44. *Viết chương trình cho phép nhận vào một chương trình viết bằng ngôn ngữ MINI PASCAL chứa trong một file text và thực hiện chương trình này.

Ngôn ngữ MINI PASCAL là ngôn ngữ PASCAL thu gọn, chỉ gồm.

- Kiểu dữ liệu INTEGER, REAL
- Các toán từ và hàm toán học như trong bài tập 17
- Các cấu lệnh gán, IF THEN ESLE, FOR TO DO, WRITE
- Các tư khóa PROGRAM, VAR, BEGIN, END
- Không có chương trình con

CHƯƠNG 4

CẤU TRÚC CÂY

Mục tiêu:

- Giới thiệu khái niệm cấu trúc cây
- Cấu trúc dữ liệu cây nhị phân tìm kiểm: tổ chức, các thuật toán, ứng dụng.
- Giới thiệu cấu trúc dữ liệu cây nhị phân tìm kiếm cân bằng.

I. CẤU TRÚC CÂY

Dịnh nghĩa 1: Cây là một tập hợp T các phần từ (gọi là nút của cây) trong đó có một nưt đặc biệt được gọi là gốc, các nút còn lại được chia thành những tập rời nhau $T_1, T_2, ..., T_n$ theo quan hệ phân cấp trong đó T_i cũng là một cây. Mỗi nút ở cấp i sẽ quản lý một số nút ở cấp i+1 Quan hệ này người ta còn gọi là quan hệ cha-con.

Dịnh nghĩa 2: Câu truc cây với kiểu cơ sở T là một nút cấu true rỗng được gọi là cây rỗng (Nl/LL) Một nút mà thông tin chính của nó cá kiểu T, nó liên kết với một số hữu hạn các cấu truc cây khác cũng có kiểu cơ sở T Các cấu trúc này được gọi là những cây con của cây đang xét.

Một số khái niệm cơ bản

- Bậc của một nút: là số cây con của nút đó .
- Bộc của một cây là bậc lớn nhất của các nut trong cây (số cây con tối đa của một nút thuộc cây). Cây có bậc n thì gọi là cây nphân.
- Nut gốc là nút không có nut cha.
- Nút là: là nút có bắc bảng 0.
- Nút nhánh là nút có bậc khác 0 và không phải là gốc
- Mức của một nút:
 - Mule (goe (T)) = 0.
 - Gọi T₁, T₂, T₃, ..., T_n là các cây con sủa T₀
 Mức (T₁) = Mức (T₂) = ... = Mức (T_n) = Mức (T₀) + 1.
- Độ dài đường di từ gốc đến nư x. là số nhánh cần đi qua kể từ gốc đến x.
- Độ dài đường đi tổng của cây :

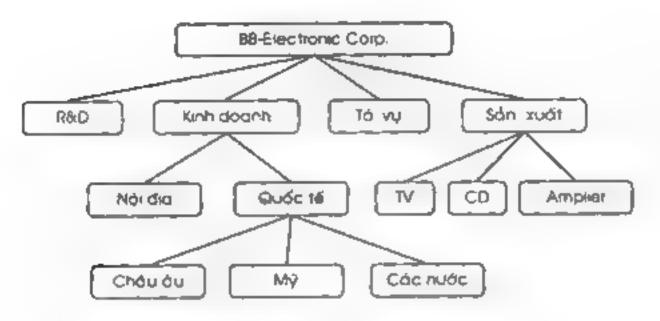
$$P_T = \sum_{X \in I} P_X$$

trong đó P, là độ dài đường đi từ gốc đến X.

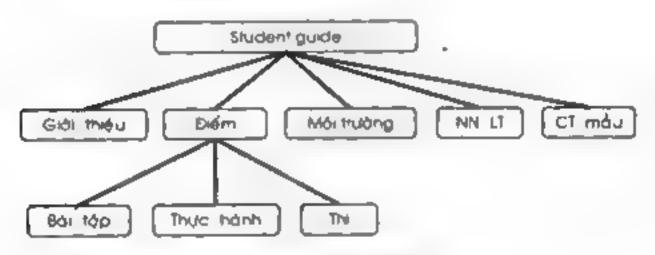
- Độ dài đường di trung bình · P₁ = P₇/n (n là số nút trên cây T).
- Rưng cây: là tập hợp nhiều cây trong đó thứ tự các cây là quan trong.

2. Một số ví dụ về đối tượng các cấu trúc dạng cây

Sơ đổ tổ chức của một công ty



· Mục lục một quyển sách



- Cấu trúc cây thư mục trong DOS/WIN
- Cấu trúc thư viện, ...

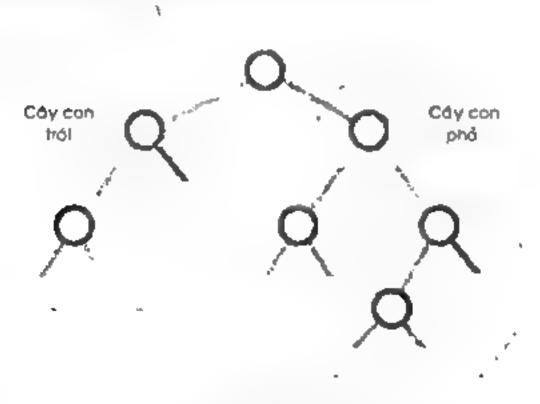
CA NHÂN XÉT

- Trong cấu trúc cây không tổn tại chu trình;
- Tổ chức một cấu trúc cây cho phép truy cập nhanh đến các phần từ của nó.

II. CÂY NHỊ PHÂN

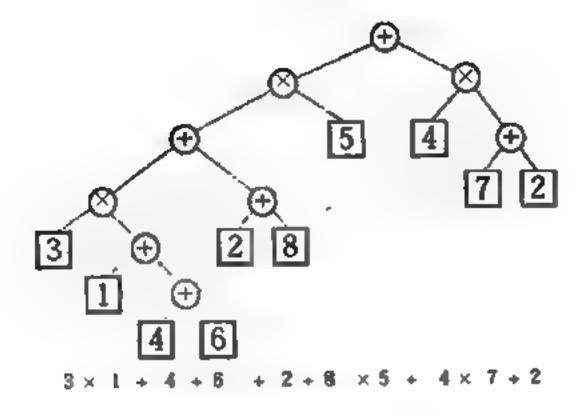
Dinh nghĩa: Cây nhị phân là cây mà mỗi nút có tối đa hai cây con

Trong thực tế thường gặp các cấu trúc có dạng cây nhị phân. Một cây tổng quát có thể biểu diễn thông qua cây nhị phân.



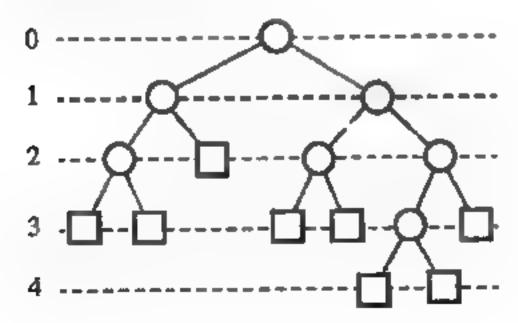
Hình ảnh một cây nhị phân

Cây nhị phân có thể ứng dụng trong nhiều bài toán thông dụng. Ví dụ dưới đây cho ta hình ảnh của một biểu thức toán học:

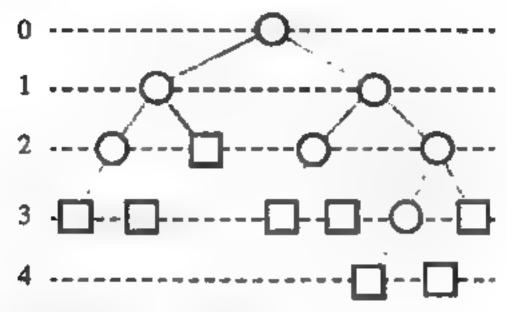


Một số tính chất của cây nhị phân

- Số nút nằm ở mức I ≤ 2¹
- Số nút lá ≤ 2^{h-1}, với h là chiều cao của cây.
- Chiều cao của cây h ≥ log₂(số nút trong cây).
- Số nút trong cây ≤ 2^{h-1}



Số nút trong cây ≤ 2^{h-1}



Biểu diễn cây nhị phân T

Cây nhị phân là một cấu true bao gồm các phần tử (nút) được kết nối với nhau theo quan hệ "cha-con" với mỗi cha có tối đã 2 con. Để biểu điển cây nhị phân tả chọn phương pháp cấp phát liên kết. Ứng với một nút, tả dung một biến động lưu trữ các thông tin.

- · Thông tin lưu trở tại nút;
- Địa chỉ nút gốc của cây con trái trong bộ nhớ;
- Địa chỉ nút gốc của cây con phải trong bộ nhớ.

Khai báo tương ứng trong ngôn ngữ C có thể như sau:

```
Typedef struct tagTNODE

Data Key, //Datalà kiểu dữ liệu ứng với thông tin lưu tại nút
struct tagNODE *pLeft, *pRight;

TNODE;

typedef TNODE *TREE;
```

Do tính chất mềm dèo của cách biểu diễn bằng cấp phát liên kết, phương pháp này được dùng chủ yêu trong biểu diễn cây nhị phân. Từ đây trở đi, khi nói về cây nhị phân, chúng ta sẽ dùng phương pháp biểu diễn này.

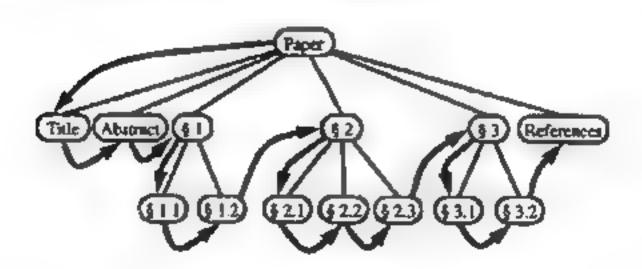
3. Duyệt cây nhị phân

Nếu như khi khảo sát cấu truc dữ liệu dạng danh sách liên kết ta không quan tâm nhiều dên bài toán duyệt qua tất cả các phần tử của chúng thì bài toán duyệt cây hết sức quan trọng. Nó là cốt lỗi của nhiều thao tác quan trong khác trên cây. Do cây nhị phân là một cấu trúc dữ liệu phi tuyến nên bài toán duyệt cây là bài toán không tấm thường

Có nhiều kiểu duyệt cây khác nhau, và chúng cũng có những ứng dụng khác nhau. Đôi với cây nhị phân, do cấu trúc đệ qui của nó, việc duyệt cây tiếp cận theo kiểu đệ qui là hợp lý và đơn giản nhất. Sau đây chúng ta sẽ xem xét một số kiểu duyệt thông dụng.

Có ba kiểu duyệt chính có thể áp dụng trên cây nhị phân: duyệt theo thứ tự trước (NLR), thứ tự giữa (LNR) và thứ tự sau (LRN). Tên của ba kiểu duyệt này được đặt dựa trên trình tự của việc thẩm nút gốc so với việc thâm hai cây con

Duyệt theo thứ tự trước (Node-Left-Right)



Kiểu duyệt này trước tiên thăm nút gốc sau đó thâm các nút của cây con trái rối đến cây con phải. Thủ tục duyệt có thể trình bày đơn giản như sau:

Duyệt theo thứ tự giữa (Left- Node-Right)

Kiểu duyệt này trước tiên thảm các nút của cây con trái sau đó thâm nút gốc rối đến cây con phải. Thủ tực duyệt có thể trình bày đơn giản như sau:

Duyét theo thứ tự sau (Leff-Right-Node).

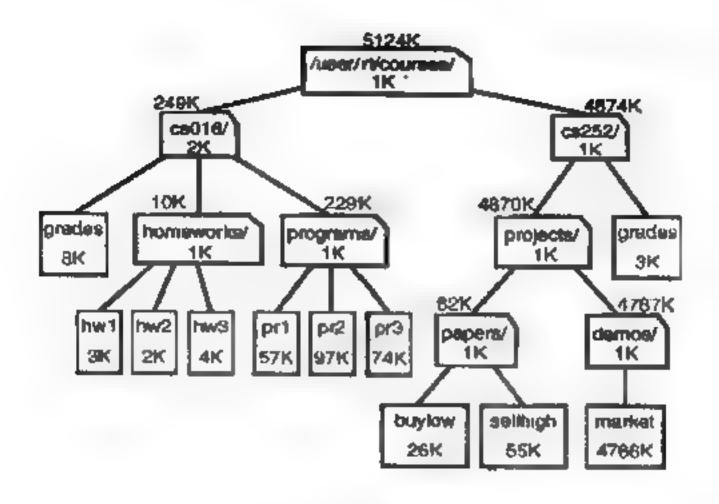
Kiểu duyệt này trước tiên tham các nút của cây con trái sau đó thám đến cây con phải rồi cuối cùng mới thâm nút gốc. Thủ tục duyệt có thể trình bày đơn giản như sau:

```
void LRN(TREE Root)
(
   if (Root != NULL)
```

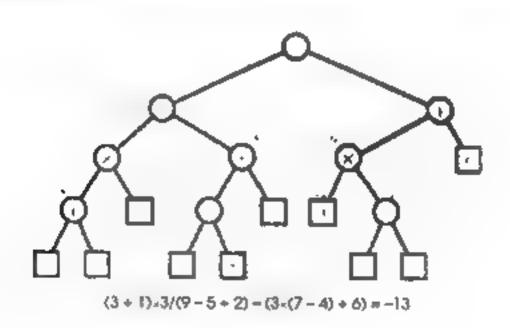
```
NLR(Root->Left);
NLR(Root->Right);
<Xử lý Root>: //Xử lý tương ứng theo nhu cấu
```

Một ví dụ quen thuộc trong tin học về ứng dụng của duyệt theo thứ tự sau là việc xác định tổng kích thước của một thư mục trên đĩa như hình sau:

}



Một ứng dụng quan trọng khác của phép duyệt cây theo thứ tự sau là việc tính toán giá trị của biểu thức dựa trên cây biểu thức như hình dưới.



4. Biểu diễn cây tổng quát bằng cây nhị phân

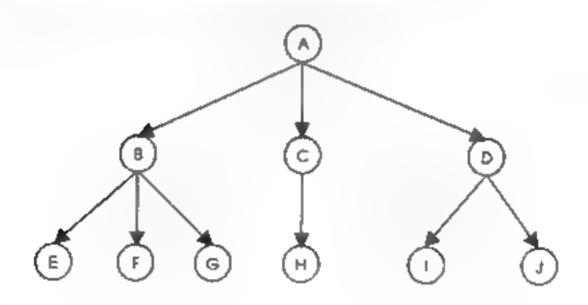
Nhược diễm của các cấu trúc cây tổng quát là bậc của các nút trên cây có thể dao động trong một biên độ lớn \Rightarrow việc biểu diễn gặp nhiều khó khân và làng phí. Hơn nữa, việc xây dựng các thao tác trên cây tổng quát phức tạp hơn trên cây nhị phân nhiều. Vì vậy, thường nếu không quá cần thiết phải sử dụng cây tổng quát, người ta chuyển cây tổng quát thành cây nhị phân.

Ta có thể biến đổi một cây bất kỳ thành một cây nhị phân theo qui tắc sau:

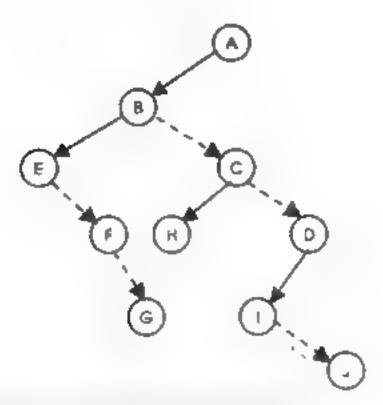
- Giữ lại nút con trái nhất làm nút con trái.
- Các nút con còn lại chuyển thành nút con phải,
- Như vậy, trong cây nhị phân mởi, con trái thể hiện quan hệ cha con và con phải thể hiện quan hệ anh em trong cây tổng quát ban đầu.

Ta có thể xem ví dụ dưới đây để thấy rõ hơn qui trình

Giả sử có cây tổng quát như hình bên đười.

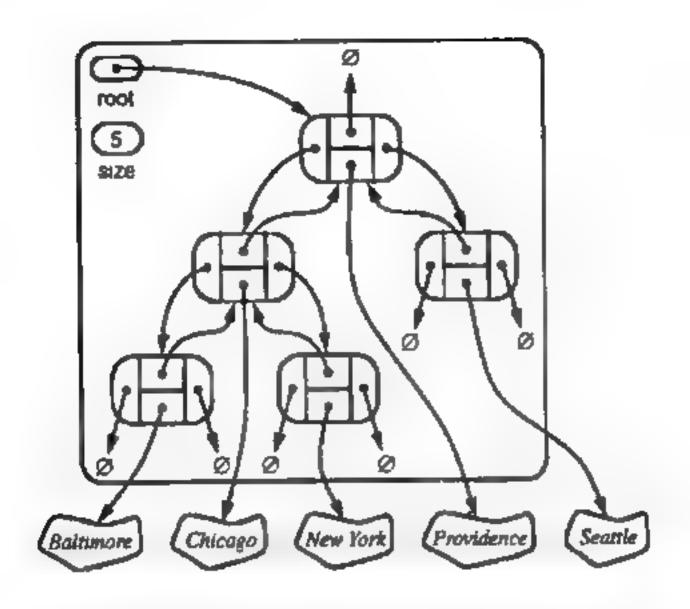


Cây nhị phân tương ứng sẽ như sau:



Một cách biểu diễn cây nhị phân khác

Đôi khi, khi dịnh nghĩa cây nhị phân, người ta quan tâm đến cả quan hệ hai chiếu cha con chữ không chỉ một chiều như định nghĩa ở phần trên. Lúc đó, cấu trúc cây nhị phân có thể định nghĩa lại như sau:

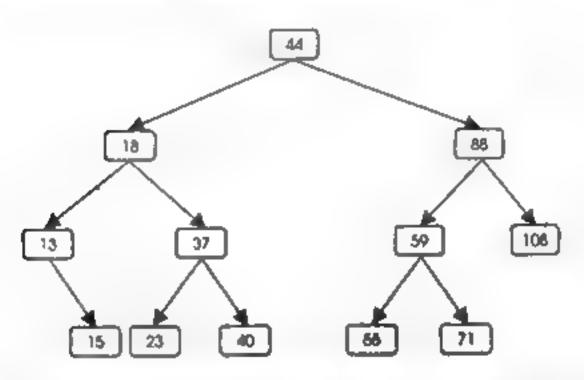


Trong chương 3, chủng ta đã làm quen với một số cấu trúc dữ liệu động. Các cấu trúc này có sự mềm dèo nhưng lại bị hạn chế trong việc tim kiếm thông tin trên chúng (chỉ có thể tìm kiếm tuần tự). Nhu cấu tim kiếm là rất quan trong Vì lý do này, người ta đã đưa ra cấu trúc cây để thỏa màn nhu cấu trên. Tuy nhiên, nếu chỉ với cấu trúc cây nhị phân đã định nghĩa ở trên, việc tìm kiếm còn rất mơ hỏ. Cần có thêm một số rằng buộc để cấu trúc cây trở nên chặt chẽ, dễ dùng hơn. Một cấu trúc như vậy chính là cây nhị phân tìm kiếm.

III. CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM

Định nghĩa: Cây nhị phân tìm kiếm (CNPTK) là cây nhị phân trong đó tại mỗi núi, khóa của núi đang xéi lớn hơn khóa của tất cả các núi thuộc cây con trái và nhỏ hơn khóa của tất cả các núi thuộc cây con phải.

Dưới đây là một ví dụ về cây nhị phân tìm kiếm



Nhờ ràng buộc về khóa trên CNPTK, việc tìm kiếm trở nên có định hướng. Hơn nữa, do cấu trúc cây việc tìm kiếm trở nên nhanh đáng kế Nếu số nút trên cây là N thì chi phí tìm kiếm trung bình chỉ khoảng log₂N.

Trong thực tế, khi xét đến cây nhị phân chủ yếu người ta xét CNPTK.

Các thao tác trên cây nhị phân tìm kiếm

Duy**ệ**t cây

Thao tác duyệt cây trên cây nhị phân tìm kiếm hoàn toàn giống như trên cây nhị phân. Chỉ có một lưu ý nhỏ là khí duyệt theo thứ tự giữa, trình tự các nút duyệt qua sẽ cho ta một dây các nút theo thứ tự tăng dân của khóa.

Tìm một phần từ x trong cây

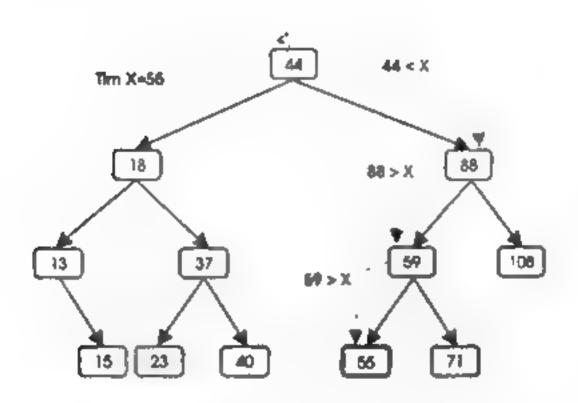
```
TNODE* searchNode(TREE T, Data X)
{
   if(T) {
     if(T->Key == X) return T;
     if(T->Key > X)
     return searchNode(T->pLeft, X);
   else
   return searchNode(T->pRight, X);
}
return NULL;
}
```

Ta có thể xây dựng một hàm tìm kiếm tương đương không đệ Qui như sau:

```
TNODE * searchNode(TREE Root, Data x)
( NODE *p = Root;
while (p != NULL)
    if(x == p->Key) return p;
    else
        if(x < p->Key) p = p->pLeft;
        else        p = p->pRight;
}
return NULL;
```

Dễ dàng thấy rằng số lần so sánh tối đa phải thực hiện để tìm phần từ X là h, với h là chiều cao của cây. Như vậy thao tác tìm kiếm trên CNPTK có n nút tốn chi phí trung bình khoảng O(log₂n)

Ví du



Thêm một phần tử x vào cây

Việc thêm một phần từ X vào cây phải bảo đảm điều kiện rằng buộc của CNPTK. Ta có thể thêm vào nhiều chỗ khác nhau trên cây, nhưng nếu thêm vào một nút lá sẽ là tiện lợi nhất do ta có thể thực hiện quá trình tương tự thao tác tìm kiếm. Khi chấm dứt quá trình tìm kiếm cũng chính là lúc tìm được chỗ cần thêm.

Hàm insert trả về giá trị -1, 0, 1 khi không đủ bộ nhớ, gặp nút cũ hay thành công:

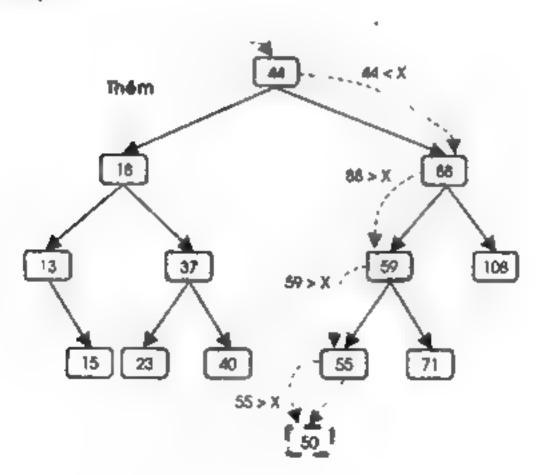
```
int insertNode(TREE &T, Data X)

if(T) {
    ir(T->Key == X) return 0; //då có
    if(T->Key > X)
    return insertNode(T->pLeft, X);
    else
        return insertNode(T->pRight, X);
}

T = new TNode,

if(T == NULL) return -1; //huếu bộ nhớ
T->Key= X;
T->pLeft =T->pRight = NULL;
return 1; //thêm vào thành công
}
```

Ví dụ

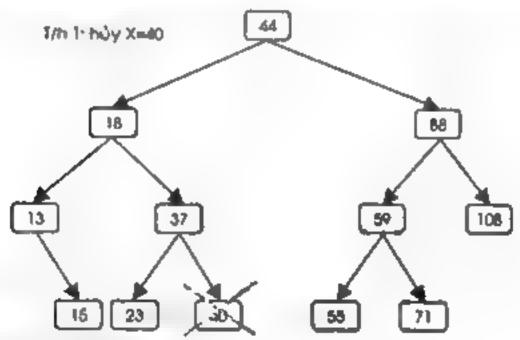


Hủy một phần tử có khóa x

Việc hủy một phần từ X ra khô: âp phải bảo đảm điều kiện ràng buộc của CNPTK.

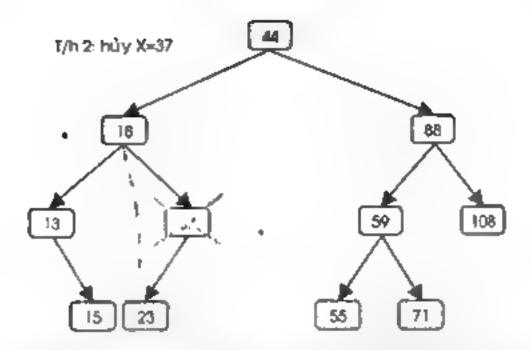
Có ba trường hợp khi hủy nút X có thể xảy ra:

- X là nút lá.
- X chỉ có một con (trái hoặc phải).
- X có đủ cả hai con
 Trường hợp thứ nhất: chỉ đơn gián hủy X vì nó không móc



nổi đến phần tử nào khác.

Trường hợp thứ hai: trước khí hủy X ta móc nối cha của X với con duy nhất của nó.



Trường hợp cuối cùng: ta không thể hủy trực tiếp do X có dù hai con \Rightarrow Ta sẽ huy gián tiếp. Thay vì hủy X, ta sẽ tìm một phần tử thế mạng Y. Phần tử này có tối đa một con. Thông tin lưu tại Y sẽ được chuyển lên lưu tại X. Sau đó, nút bị hủy thật sự sẽ là Y giống như hai trường hợp đầu.

Vấn để là phải chọn Y sao cho khi lưu Y vào vị trí của X, cây vẫn là CNPTK.

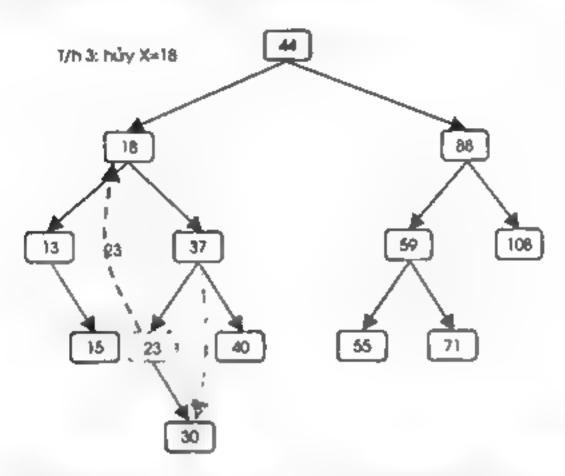
Có hai phần tử thỏa mặn yêu cấu.

- Phán từ nhỏ nhất (trái nhất) trên cây con phải.
- Phần tử lớn nhất (phải nhất) trên cây con trái.

Việc chọn lựa phần từ nào là phần từ thế mạng hoàn toàn phụ thuộc vào ý thích của người lập trình. Ở đây, chung tòi sẽ chọn phần từ (phải nhất trên cây con trái) làm phần từ thế mạng.

Hày xem ví dụ dưới đây để hiểu rõ hơn:

Sau khi hủy phần tử X =18 ra khỏi cây tình trạng của cây sẽ như trong hình dưới dây (phần tử 23 là phần tử thế mạng):



Hàm đelNode trả về giá trị 1, 0 khi hủy thành công hoặc không có X trong cây:

```
int delNode (TREE &T, Data X)
   if(T==NULL) return 0;
   lf(T->Key > X)
   return delNode (T->pLeft, X);
   if(T->Key < X)
   return delNode (T->pRight, X);
   else { //T->Key == X
      TNode*p = T;
      if(T->plaft - NULL)
      T = T->pRight;
      else if(T->pRight == NULL)
            T = T->pLeft;
                   ( I/T có cả 2 cum
            else
               TNode*q = T->pRight;
               searchStandFor(p, q);
```

```
delete p;
```

trong đó, hàm searchStandFor được viết như sau:

Tạo một cây CNPTK

Ta có thể tạo một cây nhị phân tìm kiếm bằng cách lập lại quá trình thêm một phần tử vào một cây rồng

Hủy toàn bộ CNPK

Việc toàn bộ cây có thể được thực hiện thông qua thao tác duyệt cây theo thứ tự sau. Nghĩa là ta sẽ hủy cây con trái, cây con phải rỗi mới hủy nút gốc.

```
void removeTree(TREE &T)

(
   if(T) {
      removeTree(T->pLeft);
      removeTree(T->pRight);
      delete(T);
}
```

29. NHÂN XÉT

- Tất cả các thao tác searchNode, insertNode, delNode trên CNPTK đều có độ phức tạp trung bình O(h), với h là chiều các của cây.
- Trong trong trường hợp tôt nhát, CNPTK có n nút sẽ có độ cao h = log₂(n). Chi phí tìm kiểm kia đó sẽ tương đương tìm kiếm nhị phân trên mảng có thứ tự.
- Tuy nhiên, trong trường hợp xấu nhất, cây có thể bị suy biến thành một DSLK (khi mà mỗi nút đều chỉ có một con trừ nút lá). Lúc đó các thao tác trên sẽ có độ phức tạp O(n). Vì vậy cấn có cải tiến cấu trúc của CNPTK để đạt được chi phi cho các thao tác là log₂(n)

IV. CÂY NHỊ PHÂN CÂN BẰNG (AVL TREE)

Cây nhị phân cân bằng hoàn toàn

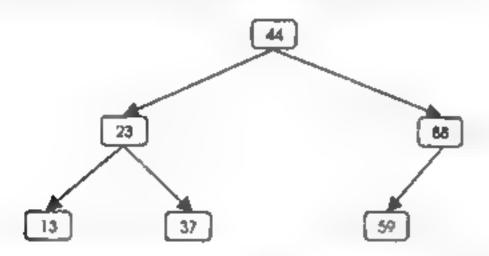
Dịnh nghĩa: Cây nhị phân cân bằng hoàn toàn là cây nhị phân tìm kiếm mà tại mỗi nút của nó, số nút của cây con trái chênh lệch không quá một so với số nút của cây con phải.

Một cây rất khố đạt được trạng thái cần bằng hoàn toàn và cũng rất để mất cân bằng vì khi thêm hay hủy các nút trên cây có thể làm cây mất cân bằng (xác suất rất lớn), chi phí cân bằng lại cây lớn vì phải thao tác trên toàn bộ cây.

Tuy nhiên nếu cây cân đối thì việc tìm kiếm sẽ nhanh Đối với cây cần bằng hoàn toàn, trong trường hợp xấu nhất ta chỉ phải tìm qua logan phần tử (n là số nút trên cây).

Sau đây là ví dụ một cây cân bằng hoàn toàn (CCBHT):

CCBHT có n nút có chiều cao h a log₂n. Đây chính là lý do cho phép bảo đảm khả năng tìm kiếm nhanh trên CTDL này.

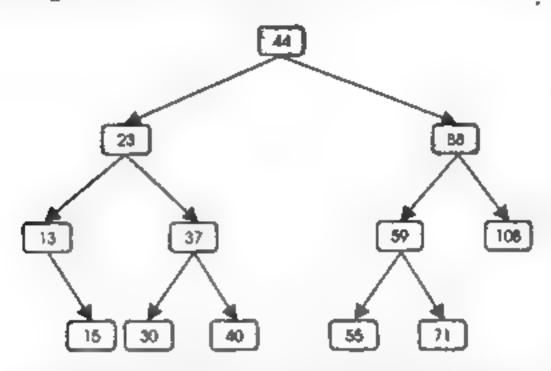


Do CCBHT là một cấu trúc kém ổn định nên trong thực tế không thể sử dụng. Nhưng ưu điểm của nó lại rất quan trọng. Vì vậy, cần đưa ra một CTDL khác có đặc tính giống CCBHT nhưng ổn định hơn.

Như vậy, cấn tìm cách tổ chức một cây đạt trạng thái cân bằng yếu hơn và việc cân bằng lại chỉ xảy ra ở phạm vi cục bộ nhưng vẫn phải bảo đảm chi phí cho thao tác tìm kiếm đạt ở mức O(log₂n).

2. Cây nhị phân cân bằng

Dịnh nghĩa: Cây nhị phân căn bằng là cây mà tại mỗi nút của nó độ cao của cây con trái và của cây con phải chênh lệch không quá một. Dưới đây là ví dụ cây cân bằng (lưu ý, cây này không phải là cây cân bằng hoàn toàn):



Để dàng thấy CCBHT là cây cần bằng. Điều ngược lại không dùng. Tuy nhiên cây cần bằng là CTDL ốn định hơn hắn CCBHT.

Lịch sử cây cân bằng (AVI. Tree).

AVL là tên viết tắt của các tác giả người Nga đã đưa ra định nghĩa của cây cân bằng Adelson-Velskii và Landis (1962). Vì lý do này, người ta gọi cây nhị phân cân bằng là cây AVL. Từ nay về sau, chúng ta sẽ dùng thuật ngữ cây AVL thay cho dày din bằng.

Từ khi được giới thiệu, cây AVL đã nhanh chóng tìm thấy ứng dụng trong nhiều bài toán khác nhau. Vì vậy, nó mau chóng trở nên thịnh hành và thu hút nhiều nghiên cứu. Từ cây AVL, người ta đã phát triển thêm nhiều loại CTDL hữu dụng khác như cây đó-đen (Red-Black Tree), B-Tree, ...

Chiếu cao của cây AVL

Một văn để quan trọng, như đã để cặp đến ở phân trước, là ta piải khẳng định cây AVL n nút phải có chiều cao khoảng $\log_2(n)$.

Để dánh giá chính xác về chiếu cao của cây AVL, ta xét bài toán: cây AVL có chiếu cao h sẽ phải có tối thiếu bao nhiệu nút?

Gọi N(h) là số nưi tối thiếu của cây AVL có chiều cao h.

To co N(0) = 0, N(1) = 1 và N(2) = 2.

Cây AVL tối thiểu có chiều cao h sẽ co'một cây con AVL tối thiều chiều cao h-I và một cây con AVL tối thiếu chiều cao h-2. Như vậy:

$$N(h) = 1 + N(h-1) + N(h-2)$$
(1)

Ta lại có: N(h-1) > N(h-2)

nên từ (1) suy ra:

 $N(h) > 2N(h \cdot 2)$

 $N(h) > 2^2 N(h-4)$

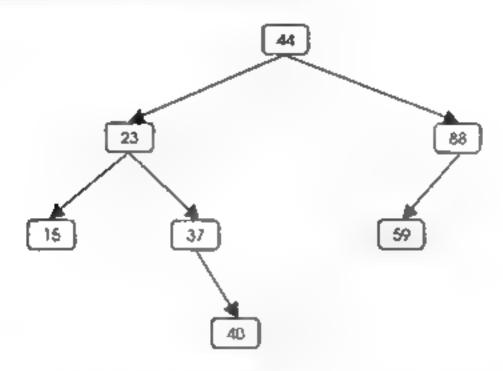
 $N(h) > 2^{\epsilon}N(h-2i)$

 $\Rightarrow N(h) > 2^{h/2-1}$

 $\Rightarrow h < 2log_2(N(h)) + 2$

Như vậy, cây AVL có chiều cao O(log2(n)).

Ví dụ: cây AVL tối thiểu có chiếu cao h = 4



Chỉ số còn bằng của một nút

Dịnh nghĩa: Chỉ số cân bằng của một nưt là hiệu của chiều cao cây con phải và cây con trái của nó.

Đối với một cây cân bằng, chỉ số cân bằng (CSCB) của mỗi nút chỉ có thể mang một trong ba giá trị sau đây:

CSCB(p) = 0 ⇔ Độ cao cây trái (p) = Độ cao cây phải (p)

CSCB(p) = 1 ⇔ Độ cao cây trái (p) < Độ cao cây phải (p)

CSCB(p) =-1 ⇔ Độ cao cây trái (p) > Độ cao cây phải (p)

Để tiện trong trình bày, chúng ta sẽ kỷ hiệu như mu:

p->balFactor = CSCB(p);

Độ cao cây trái (p) kỳ hiệu là hị

Độ cao cây phải(p) ký hiệu là ha

Để khảo sát cây cân bằng, ta cần lưu thêm thông tin về chỉ số cân bằng tại mỗi nút. Lúc đó, cây cần bằng có thể được khai báo như sau:

```
typedef struct tagAVLNode {
    cor ballatter: //Chrsdidabdag
    Data key;
    struct tagAVLNode* pleft;
    struct tagAVLNode* pRight;
)AVLNode;
typedef AVLNode *AVLTree;
```

Để tiện cho việc trình bày, ta định nghĩa một số hằng số sau.

```
#define LH -1 //Cây con trái cao hơn
#define EH -0 //Hai cây con bằng nhau
#define RH 1 //Cây con phái cao hơn
```

Ta nhận thấy trường hợp thêm hay hủy một phần tử trên cây có thể làm cây tăng hay giảm chiều cao, khi đó phải cân bằng lại cây. Việc cân bằng lại một cây sẽ phải thực hiện sao cho chỉ ánh hưởng tối thiểu đến cây nhằm giảm thiếu chi phí cân bằng. Như đã nói ở trên, cây cân bằng cho phép việc cân bằng lại chỉ xảy ra trong giới hạn cực bộ nên chúng ta có thể thực hiện được mục tiêu vừa nêu.

Như vậy, ngoài các thao tác bình thường như trên CNPTK, các thao tác đặc trưng của cây AVL gồm:

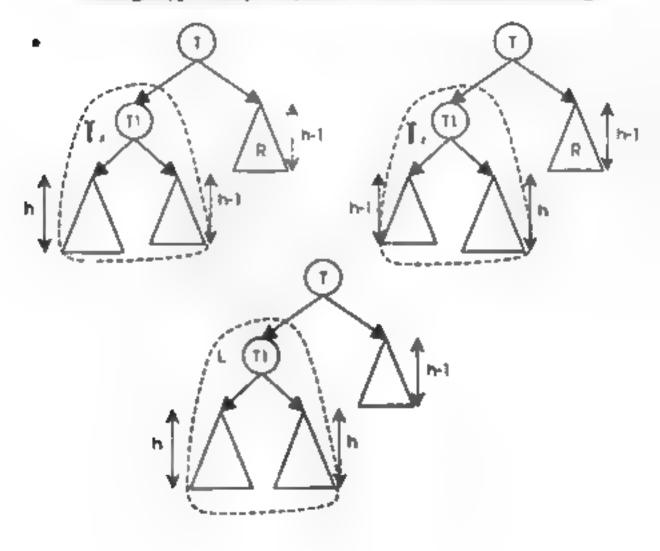
- Thêm một phần từ vào cây AVL;
- Hủy một phần tử trên cây AVL;
- Cân bằng lại một cây vừa bị mất cân bằng.

Các trường hợp mốt côn bằng

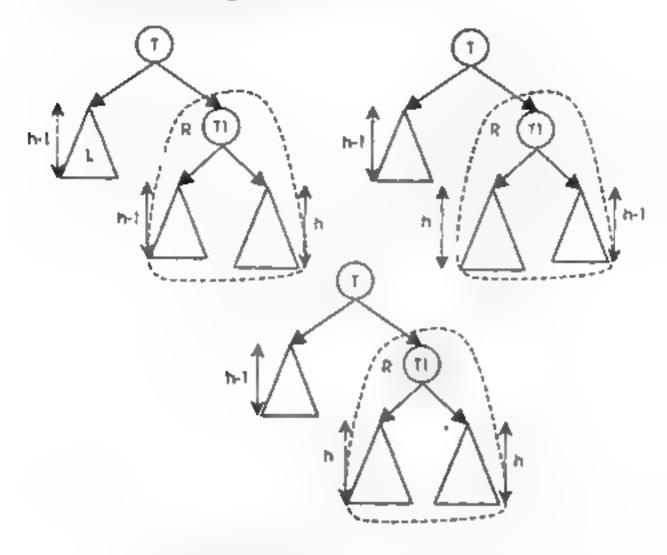
Ta sẽ không khảo sát tính cân bằng của một cây nhị phân bất kỳ mà chỉ quan tâm đến các khả năng mất cân bằng xảy ra khí thêm hoặc hủy một nút trên cây AVL.

Như vậy, khi mất cân bằng, độ lệch chiều cao giữa hai cây con sẽ là 2. Ta có sáu khả năng sau:

Trường hợp 1: cây T lệch về bên trái (có ha khả năng)



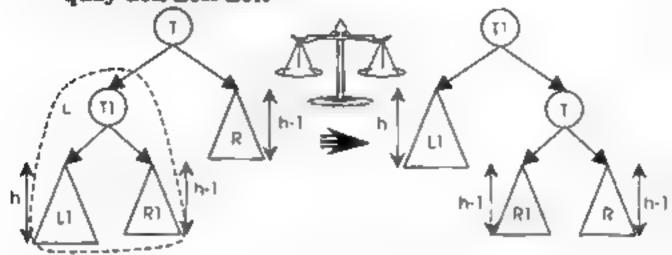
Trường hợp 2: cây T lệch về bên phải Ta có các khả năng sau:



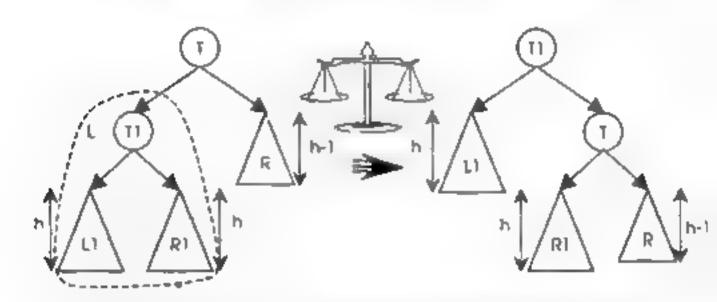
Ta có thể thấy rằng các trường hợp lệch về bên phải hoàn toàn đối xứng với các trường hợp lệch về bên trái. Vì vậy ta chỉ cần khảo sát trường hợp lệch về bên trái. Trong ba trường hợp lệch về bên trái, trường hợp T1 lệch phải là phức tạp nhất. Các trường hợp còn lại giải quyết rất đơn giản.

Sau đây, ta sẽ khảo sát và giái quyết từng trường hợp nêu trên

 T/h 1.1: cây T1 lệch về bên trái. Ta thực hiện phép quay đơn Left-Left



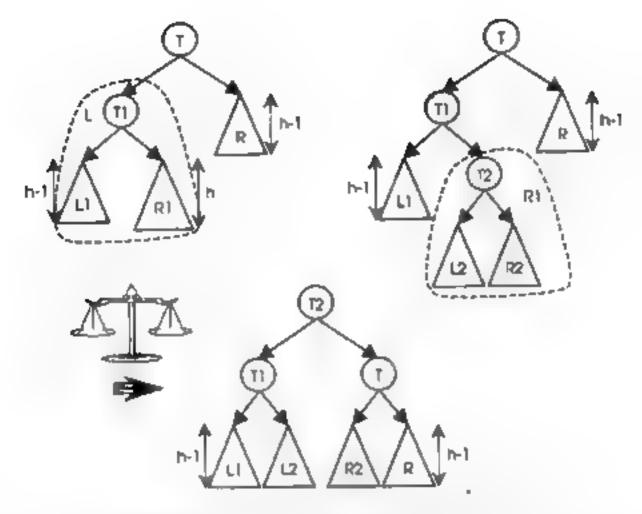
 T/h 1.2: cây TI không lệch. Ta thực hiện phép quay dơn Left-Left



 T/h 1.3: cây T1 lệch về bên phải. Ta thực hiện phép quay kép Left-Right

Do TI lệch về bên phải ta không thể áp dụng phép quay đơn dã áp dụng trong hai trường hợp trên vì khi đó cây T sẽ chuyển từ trạng thái mất cân bằng do lệch trái thành mất cân bằng do lệch phải \Rightarrow cần áp dụng cách khác.

Hình về dưới đây minh họa phép quay kép áp dung cho trường hợp này:



Lett ý rằng, trước khi cần bằng cây T có chiều cao h + 2 trong cả ba trường hợp 1.1, 1 2 và 1.3. Sau khi cần bằng, trong hai trường hợp 1.1 và 1.3 cây có chiều cao h + 1; còn ở trường hợp 1.2 cây vẫn có chiều cao h + 2. Và trường hợp này cũng là trường hợp duy nhất sau khi cần bằng nút T cũ có chỉ số cần bằng \neq 0.

Thao tác cản bằng lại trong tất cả các trường hợp đều có độ phức tạp O(1).

Với những xem xét trên, xét tương tự cho trường hợp cây T lệch về bên phải, ta có thể xây dựng hai hàm quay đơn và hai hàm quay kép sau:

//quay don Left-Left
void rotateLL(AVLTree &T)
{ AVLNode* T1 = T->pLeft:

```
T->pLeft = T1->pRight;
   T1-pRight = T;
   switch(T1->balFactor){
      case LH: T->balFactor = EH;
               T1->balfactor = EH; break;
      case EH: T->balFactor = LH;
               T1->balfactor = RH; break;
   T = T1;
//quay don Right-Right
void rotateRR(AVLTree 4T)
[ AVLNode* Tl = T->pRight;
   T->pRight= Tl->pLeft;
   T1->pLeft= T;
   switch(T1->balFactor)(
         case RH: T->balfactor = EH;
                  T1->balFactor = EN; break;
         case EH: T->balFactor = RH; break;
                  T1->balFactor = LH; break;
   T = T1:
1
//quay kép Left-Right
void rotateLR(AVLTree &T)
{ AVLNode* Tl = T->pleft;
   AVLNode* T2 = T1->pRight;
   T->pLeft = T2->pRight;
   T2->pRight = T;
   T1->pRight = T2->pLeft;
   T2->pleft= T1;
   switch(T2->balFactor)(
       case LH: T->balFactor = RH;
                T1->balfactor = Eff; break;
       case EH: T->balFactor = EH;
                T1->balFactor = EH; break;
       case RH: T->balfactor = EH;
                T1->balFactor = LH; break;
   T2->balfactor = EH;
   T = T2:
Ļ
```

```
//quay kép Right-Left
void rotateRL(AVLTree &T)
{ AVLNode* T1 = T->pRight;
   AV!Node* T2 = T1->pleft;
   T->pRight= T2->pLeft;
   T2->pleft= T;
   T1->pLeft= T2->pRight;
   T2->pRight = T1;
   switch (T2->balFactor) {
       case RH: T->balFactor = LH;
                T1->balFactor = EH; break;
       case EH: T->balFactor = EH;
                T1->balFactor = EH; break;
       case LH: T->balFactor = EH;
                T1->palFactor = RH; break,
   T2->balfactor = EH;
   T = T2:
ŀ
```

. Để thuận tiện, ta xây dựng hai hàm cân bằng lại khi cây bị lệch trái hay lệch phải như sau:

```
//Cân bằng khi cây bị lệch về bên trái
int balanceLeft (AVLTree &T)
[ AVLNode* T1 = T->pleft;
   switch(T1->balFactor)
       case LH: rotateLL(T); return 2;
       case EH: rotateLL(T); return 1;
       case RH: rotateLR(T); return 2;
   return 0;
//Cân bằng khi cây bị lệch về bên phải
int balanceRight (AVLITEE &T)
   AVLNode* T1 = T->pRight;
   switch(Tl->balfactor)
       case LH: rotateRL(T); return 2;
       case Ed: rotateRR(T); return 1;
       case RH: rotateRR(T); return 2;
    1
```

return 0;

Thêm một phần tử trên cây AVL

Việc thèm một phần tử vào cây AVL điển ra tương tự như trên CNPTK. Tuy nhiên, sau khi thêm xong, nếu chiếu cao của cây thay đồi, từ vị trí thêm vào, ta phải lần ngược lên gốc để kiểm tra xem có nút nào bị mất cần bằng không. Nếu có, ta phải cần bằng lại ở nút này.

Việc cân bằng lại chỉ cấn thực hiện một lần tại nơi mất cân bằng. (Tại sao ? Hd: chủ y những khả năng mất cân bằng có thể)

Hàm insert trả về giá trị -1, 0, 1 khi không đủ bộ nhỏ, gặp nút cũ hay thành công. Nếu sau khi thêm, chiếu cao cây bị tăng, giá trị 2 sẽ được trả về

```
int insertNode(AVLTree &T, DataType X
( int
       Tes:
   if(T)
      if (T->key == X) return C: //dacó
      if(T->key > X) (
         rese insertWode(T->pleft, X);
         if(res < 2) return res:
         switch(T->balFactor) (
            case RH: T->ballactor
                                     EH;
                         return 1:
            case EH: T->balfactor

    LR:

                         return 2:
            case LH: balanceLeft(T); return 1;
      }else [
         res= insertNode(T-> pRight, X);
         if (res < 2) return res;
         switch(T->balFactor) (
            case LH: T->balfactor = E4,
                         return 1:
```

Hủy một phần từ trên cây AVL

Cũng giống như thao tác thêm một nút, việc hủy một phần tử X ra khỏi cây AVL thực hiện giống như trên CNPTK. Chỉ sau khi hủy, nếu tính cân bằng của cây bị vi phạm ta sẽ thực hiện việc cân bằng lại.

Tuy nhiên việc cấn bằng lại trong thao tác hủy sẽ phức tạp hơn nhiều do có thể xảy ra phần ứng dây chuyển. (Tại saơ ?)

Hàm delNode trả về giá trị 1, 0 khi hủy thành công hoặc không có X trong cáy. Nếu sau khi huỳ, chiếu cao cây bị giảm, giá trị 2 sẽ được trả về

```
int delNode(AVLTree &T, DataType X)
{  int    res,
    if(T==NULL)    return 0;
  if(T->key > X) {
     res= delNode (T->pleft, X);
    if(res < 2)    return res;
    switch(T->balFactor) (
        case LH: T->balFactor = EH;
        return 2;
     case EH: T->balFactor = RH;
    return 1;
```

```
case RH: return balanceRight(T),
   if(T->key < X) {
      res= delNode (T->pRight, X);
      if (res < 2) return res;
      Switch (T->balFactor) {
         case RH: T->balfactor
                                     =. ER:
                      return 2;
         case EH: T->balFactor
                                = LH;
                      return 1;
         Case LH: return balanceLeft (T),
   lelse ( //T->key == X ,
      AVLNode* p = T;
      if(T->pLeft == NULL) {
         T = T-pRight; res = 2;
      }else if(T->pRight == NJLL);
            T = T->pLeft; res
         lelse ( //Tcócá2com
            res-searchStandFor(p,T->pRight);
            if(res < 2) return res:
            switch(T->balFactor) {
                case RH: T->balFactor = EX;
                                  return 2;
               case EH: T->balFactor = LH;
                                  return T:
               case LH: return balanceLeft(T):
      delete p;
      return res;
ŀ
//Tim phần tử thế mạng
int searchStandfor(AVLTree &p. AVLTree &q)
   int res:
   if(q->pLeft)|
      res= searchStandFor(p, q->pLeft);
      if (res < 2) return res;
      switch(q->balFactor) [
         case LH: q->balFactor
                                  = EH;
                      return 2:
         case EH: q->balFactor = RH;
```

A NHẬN XÉT

- Thao tác thèm một nút có độ phức tạp O(1).
- Thao tác hủy một nút có độ phức tạp O(h).
- Với cây cân bằng trung bìnhhai lần thêm vào cây thì cần một lần cân bằng lại, năm lần hủy thì cần một lần cân bằng lại.
- Việc huỷ một nút có thể phải cản bằng dây chuyển các nút từ gốc cho đền phần từ bị huỳ trong khi thêm vào chỉ cần một lần cần bằng cục bộ
- Độ dài đường tim kiểm trung bình trong cây cân bằng gần bằng cây cân bằng hoàn toàn log₂n, nhưng việc cân bằng lại đơn gian hơn nhiều.
- Một cây cân bằng không bao giờ cao hơn 45% cây cân bằng hoàn toàn tương ứng dù số nút trên cây là bao nhiều.

TÓM TẤT

Tiếp nổi chương 3, trong chương này chung ta đã xem xét một đạng cấu trúc dữ liệu động phi tuyến đơn giản và thông dụng: cấu trúc dữ liệu cây. Do nhưac điểm về tốc độ truy xuất của danh sách liên kết nên người to đổ tim liểm các CTDL khác hiệu quố hơn. Cây là một trong những đấp án cho bài toán này.

Phần đầu của chương tính bày các khái niệm liên quan đến cây nhị phân, các thao tác trên CTDL này và mối quan hệ của nó với cây tổng quất. Phần hệp theo cây nhị phân tim kiểm, một dạng đặc biệt của cây nhị phân đã được giời thiểu. Đây là một CTDL cho phép tim kiệm niệu quả hơn hắn dạith sách liên kết. Các thao tác không quá phúc tạp nên cây nhị phân tim kiếm là một trong những CTDL động thông dụng nhất.

Tuy có những ươi điểm rở rệt so với danh sách liên kết nhưng cây nhị phân tìm kiếm chưa đủ tốt. Trong một số trường hợp, nó bị suy biến thành danh sách liện kết. Điều này thực đẩy sư ra đời của cây nhị phân tìm kiếm cân bằng (cây AVL). Cấu trực của cây AVL đóm bảo các thao tác tìm kiểm chỉ tốn chi phí li og₃n với ni là số nút trên cây. Cái giá phát trở là đô liện xuất hiện như câu cân bằng lại. Việc cân bằng lại sau khi thêm vào một phân từ thường xây ra hơn là sau khi hủy. May thay khi thêm một phân từ, tại chỉ phât thực hiện việc cân bằng cực bộ. Trong khi đá, khi hủy một phân từ, việc cân bằng có thể lạn truyền lên tộn gốc.

BÀITẬP

Bài tập lý thuyết

- 45. Hãy trình bày các vấn để sau đây:
 - a. Định nghĩa và đặc điểm của cây nhị phân tìm kiếm.
 - Thao tác nào thực hiện tốt trong kiểu này.
 - c Hạn chế của kiểu này là gì ?
- 46. Xét thuật giải tạo cây nhị phân tìm kiếm. Nếu thứ tự các khóa nhập vào là như sau:

8 3 5 2 20 11 30 9 18 4

thi hình ảnh cây tạo được như thế nào ?

Sau đó, nếu hủy lần lượt các nút theo thứ tự như sau :

15, 20

thì cây sẽ thay đổi như thế nào trong từng bước hủy, vẽ sơ đồ (nêu rõ phương pháp hủy khi nút có cả hai cây con trái và phải)

47. Áp dụng thuật giải tạo cây nhị phân tìm kiếm cân bằng để tạo cây với thứ tự các khóa nhập vào là như sau .

5 7 2 1 3 6 10

thì hình ảnh cây tạo được như thế nào ? Giải thích rõ từng tình huống xảy ra khi thêm từng khóa vào cây và vẽ hình minh hoa

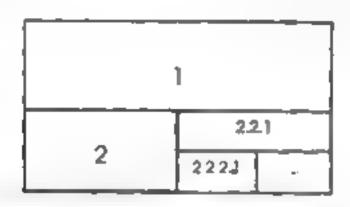
Sau đó, nếu hủy lần lượt các nút theo thứ tự như sau :

5, 6, 7, 10

thì cây sẽ thay đổi như thế nào trong từng bước hủy, vẽ sơ đỗ và giải thích.

- 48. Viết các hàm xác định các thông tin của cây nhị phân T
 - Số nưt lá
 - Số nút có đúng một cây con
 - Số nút có đung hai cây con
 - Số nút có khóa nhỏ hơn x (giá sử T là CNPTK)
 - Số nut có khóa lớn hơn x (giá sử T là CNPTK)
 - Số nút có khóa lớn hơn x và nhỏ hơn y (T là CNPTK)
 - Chiếu cao của cây
 - În ra *. cá các nút ở táng (mức) thứ k của cây T
 - În ra tât cả các nút theo thứ tự từ táng 0 đến tắng thứ h-1 của cây T (h là chiếu cao của T).
 - Kiểm tra xem T có phải là cây cân bằng hoàn toàn không.
 - Độ lệch lớn nhất trên cây. (Độ lệch của một nút là độ lệch giữa chiếu cao của cây con trái và cây con phải của nó Độ lệch lớn nhất trên cây là độ lệch của nút có độ lệch lớn nhất).

49. Cho một hình chữ nhật như hình vẽ, hình chữ nhật này có thể được chia thành hai phần bằng nhau, nếu được chia thành hai phần, các phần này sẽ được đánh số theo thứ tự như trên hình vẽ:



Mỗi phần có thể ở một trong hai trạng thái :

- Trạng thái a: không bị phân chia.
- Trạng thái b: tiếp tục phân chia thành hai phần bằng nhau, mỗi phần có thể ở trạng thái a hay b.

Giả thiết sự phân chia là hữu hạn.

- a. Tìm cấu trúc dữ liệu thích hợp nhất để biểu diễn hình trên, định nghĩa CTDL đó trong ngôn ngữ Pascal
- b. Giả sử đã có một CTDL tương ứng được tạo, viết chương trình in ra danh sách các hình chữ nhật không bị phân chia.

Vi du: trong hình vê trên, ta có (2.2.2 1), (2 2.1), (2 1), (1)

50. Xây dựng cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây N-phân (2 < N ≤ 20).</p>
Viết chương trình con duyệt cây N-phân và tạo sinh cây nhị phân tương ứng với các khoá của cây N-phân.

Giả sử khóa được lưu trữ chiếm k byte, mỗi con trỏ chiếm 4 byte, vậy dùng cây nhị phân thay cây N phân thì có lợi gi

trong việc lưu trữ các khoá?

- 51. Viết hàm chuyển một cây N-phân thành cây nhị phân.
- 52. Viết hàm chuyển một cây nhị phân tim kiếm thành xâu kép có thứ tự tăng dân.
- 53. Giả sử A là một màng các số thực đã có thứ tự tăng. Hãy việt hàm tạo một cây nhị phân tìm kiếm có chiều cao thấp nhất từ các phân từ của A.
- 54. Viết chương trình con đảo nhánh (nhánh trái của một nút trên cây trở thành nhánh phải của nút đó và ngược lại) một cây nhị phân.
- 55. Hày vẽ cây AVL với 12 nút có chiều cao cực đại trong tất cả các cây AVL 12 nút.
- 56. Tim một dây N khóa sao cho khi lần lượt dòng thuật toán thêm vào cây AVL để xen các khoá này vào cây sẽ phải thực hiện mỗi thao tác cân bằng lại (LL, LR, RL, RR) ít nhất một lần.
- 57. Hãy tìm một ví dụ về một cây AVL có chiều cao là 6 và khi hủy một nút lá (chỉ ra cụ thể) việc cân bằng lại lan truyền lên tận gốc của cây. Vẽ ra từng bước của quá trình hủy và cân bằng lại này.

Bài tập thực hành

- 58. Cài đặt chương trình mô phỏng trực quan các thao tác trên cây nhị phân tìm kiếm.
- 59. Cài đặt chương trình mô phòng trực quan các thao tác trèn cây AVL.
- 60. Việt chương trình cho phép tạo, tra cứu và sưa chữa từ điển Anh- Việt.
- 61. Viết chương trình khảo sát tần suất xảy ra việc cân bằng lại của các thao tác thêm và hủy một phần tử trên cây AVL bằng thực nghiệm Chương trình này phải cho phép tạo lập ngấu nhiên các cây AVL và xóa ngầu nhiên cho đến khi cây rồng. Qua đó cho biết số lần xảy ra cân bằng lại trung bình của tưng thao tác.

TÀI LIỆU THAM KHẢO

- Th H. Cormen, Ch. E. Leiserson, R. L. Rivest, Introduction to Algorithms (MIT Press, 1998).
- A.V. Aho, J E Hopcroft, J D Ullman, Data structures and algorithms (Addison Wesley, 1983).
- N.Wirth, Algorithms + Data structures = Programs (Prentice Hall, 1976)
- J Courtin, I Kowarski, Initiation à l'algorithmique et aux structures de dannées (Tome 1,2,3 _ Dunod , 1990 Bán dịch của Viện Tin học, 1991).
- 5 Đỗ Xuân Lôi, Cấu trúc dữ liệu và giải thuật, (NXB Khoa học và Kỳ thuật, 1996)
- Robert Sedgewick, Câm nang thuật toan, tập 1 (NXB Khoa học và Kỹ thuật, 1994 - bản dịch của nhóm tác giá ĐHTH TP. HCM)

MỤC LỤC

СН	Udi	IG 1 TỔNG QUAN VỀ GIẢI THUẬT VÀ CẦU TRÚC DỮ LIỆ	U4
ī.	Vai	trò của cấu trúc dữ liệu trong một để án tin học	4
П.	Các	tiêu chuẩn đánh giá cấu trúc dữ liệu	8
HI.	Kić	u dữ liệu	11
	1.	Định nghĩa kiểu dữ liệu	11
		Các kiểu dữ liệu cơ bản	12
	3.	Các kiểu dữ liệu có cấu trúc	14
	4.	Một số kiểu dữ liệu có cấu trúc cơ bản	16
1V.	Đái	nh giá độ phức tạp giải thuật	21
	1.	Các bước phân tích thuật toán	24
	2.	Sự phân lớp các thuật toán	25
	3.	Phân tích trường hợp trung bình	28
BÀ	I T	S.P	31
CH	IUO	NG 2 TIM KIÉM & SÁP XÉP	34
I.	Nh	u cầu tìm kiếm, sắp xếp dữ liệu trong một hệ thống thông tin	34
SE.	Cá	c giải thuật tìm kiểm nội	35
	1.	Tim kiếm tuyến tính	36
	2.	Tim kiếm nhị phân	39
m	. Cá	ic giải thuật sắp xếp nội	42
	1.		42
	2.	Các phương pháp sắp xếp thông dụng:	44
	3.	11.62	45

	4.	Phương pháp chèn trực tiếp	48		
	5.	Phương pháp đổi chỗ trực tiếp	52		
	6.	Phương pháp nổi bọt (Bubble sort)	57		
	7.	Sắp xếp cây - Heap sort	63		
	8.	Sắp xếp với độ dài bước giảm dần - Shell sort	70		
	9.	Sắp xếp dựa trên phân hoạch - Quíck sort	74		
	10.	Sắp xếp theo phương pháp trộn trực tiếp - Merg	e sort 79		
	11.	Sắp xếp theo phương pháp cơ số - Radix sort	86		
BÀ	T	S.P.	93		
СН	ươ	NG 3 CẤU TRÚC DỮ LIỆU ĐỘNG	97		
1.	Ðţ	t vấn để	97		
II.	K	ểu dữ liệu con trỏ	99		
	1.	Biến không động (biến tình, biến nửa tình)	99		
	2.	Kiểu con tró	100		
	3.	Biến động	102		
111.	Ds	nh sách liên kết (link list)	104		
	1.	Định nghĩa	104		
	2.	Các hình thức tổ chức danh sách	104		
IV.	. Danh sách đơn (xâu đơn)				
	1,	Tổ chức danh sách đơn theo cách cấp phát liệ	n kết 107		
	2.	Các thao tác cơ bản trên danh sách đơn	109		
	3.	Sắp xếp danh sách	120		
	4.	Các cấu trúc đặc biệt của danh sách đơn	131		
V.	Một số cấu trúc dữ liệu dạng danh sách liên kết khác				
	1.	Danh sách liên kết kép	144		
	2.	Hàng đợi hai đầu (double-ended queue)	154		
	3.	Danh sách liễn kết có thứ tự (Odered List)	156		
	4.	Danh sách liên kết vòng	157		

	5.	Danh sách có nhiều mối liên kết	161	
	6.	Danh sách tổng quát	162	
BÀ	BÀI TẬP			
CH	IVO	NG 4 CẤU TRÚC CÂY	172	
E.	Çá	u trúc cây	172	
	1.	Một số khái niệm cơ bản	173	
	2.	Một số ví dụ về đối tượng các cấu trúc dạng cây	174	
II.	Cây nhị phân			
	1.	Một số tính chất của cây nhị phân	176	
	2.	Biểu diễn cây nhị phân T	177	
	3,	Duyệt cây nhị phân	178	
	4.	Biểu diễn cây tổng quát bằng cây nhị phân	182	
	5.	Một cách biểu diễn cây nhị phân khác	183	
III.	Cá	y nhị phâo từa kiểm	185	
	I,	Các thao tác trên cây nhị phân tìm kiếm	186	
ĮV.	Cá	y nhị phân cân bằng (AVL tree)	193	
	1.	Cây nhị phân cân bằng hoàn toàn	193	
		Cây nhị phân cân bằng	194	
BÀ	BÀI TẬP			
TÀ	L	ÊU THAM KHẢO	215	
ΜĻ	MUC LUC			

GIÁO TRÌNH CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT

Trần Hạnh Nhi, Dương Anh Đức

NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA TP HỔ CHÍ MINH

KP 6, P. Linh Trung, Q. Thủ Đức, TPHCM DT: 7242181 + 1421, 1422, 1423, 1425, 1426 Fax: 7242194; Email: vnuhp@vnuhcm.edu.vn



Chịu trách nhiệm xuất bản TS HUỲNH BÁ LÂN Biên tập NGUYỄN VIỆT HỔNG NGUYỄN HUỲNH

> Sửa bản in THÙY DƯƠNG Trình bày bìa XUÂN THẢO

Đơn vị/Người liên kết: TRƯỜNG ĐẠI HỌC CÔNG NGHỆ THÔNG TIN

GT. 03. TH(V) DHQG.HCM-10

484-2009/CXB/118-45

TH.GT.411-10(T)

In tái bản 500 cuốn khổ 14.5 x 20.5cm. Số đăng ký kế hoạch xuất bản: 484- 2009/CXB/118-45/ĐHQGTPHCM. Quyết định xuất bản số: 309/QĐ-ĐHQGTPHCM cấp ngày 14/06/2010 của NXB ĐHQGTPHCM. In tại Còng ty TNHH in và Bao bì Hưng Phú. In xong và nộp lưu chiếu tháng 7 năm 2010.